

## Unmerfungen

über die

## Gewalt des Schießpulvers

und ben

Widerstand der Luft.

ie Anwendung der Grundsäße ber Mechanic auf die Artillerie ist einer von denen Kallen, wo fich alle Schwirigkeiten zusammen aufhäufen. Practische Ur: tilleristen sind davon so sehr überzeugt, daß sie fich kaum von einem Tage zum andern auf die Regeln verlassen konnen, die sie etwann durch Bersuche gefunden haben. Und an sich auch ift der Gebrauch solcher Regeln dergestalt einge= schränkt, daß alle Proben von neuem angestellt werden muffen, sobald man ander Pulver, oder Geschüße von andern Caliber nimmt, und man kann sagen, sobald in dem Wetter eine Mendes rung vorgeht. Von der Kraft des Schiefpuls vers weiß überhaupt jedermann so viel, daß sie beträchtlich groß ist. Damit ist man aber von 21 5



ber Renntnis ber eigentlichen Groffe und Starte Dieser Kraft noch weit entfernt. Wenn man inbessen auch Mittel findet, dieselbe auszumessen, fo fangt eine andere Schwürigkeit an, Die eben nicht viel geringer ift. Es nicht genug, baß man wiffe, die Rugel werde mit einer gewissen Geschwindigkeit aus bem Geschüße getrieben. Denn sobald fie aus dem Laufe herausfahrt, muß sowohl die Schwere, die sie herunter druckt, als der Wiberstand der Luft, welcher ihre Geschwindigfeit sehr merklich vermindert, in die Rechnung gezogen werden, bafern man ben Weg bestimmen will, ben die Rugel burch die Luft nimmt, und den Ort, wo sie auffallen wird, so wie auch den Winkel, unter welchem sie auffällt, und die Geschwindigkeit, mit welcher sie auffällt.

haupt betrachtet, vorstellen kann, so schwer hingegen fällt es auch, wenn man alles auf bekannte Maasse bringen will. Was man hieben hoffen konnte, zuerst ins reme zu bringen, war der Wisderstand der Luft. Die Grundsäße schienen leicht und einsach zu senn, und liesen sich sowohl durch die Theorie erweislich machen, als auch durch Wersuche bekräftigen. Benden zusolge nahm man an, daß die Abnahme der Geschwindigkeit nicht der Geschwindigkeit selbst, sondern dem Quadrate derselben proportional sene. Und dieses vorausgesetz, so kan die ganze Schwürzigkeit auf die Rechnung an, welche vorgenom:

men werden mußte, um aus ber allmähligen Rerminderung der Geschwindigkeit, den durchlaufenen Beg, und beffen Berhaltnis zu ber darauf verwandten Zeit und der noch übrigbleiben-Den Geschwindigkeit zu bestimmen. Damit gienge es nun noch leichte, so lange man sich ben ben zween einfachsten Kallen aufhielte, wo nem= lich die Rugel in gerader Linie horizontal fort= läuft, und wo fie entweder gerade in die Hohe aeschossen wird, oder gerade aus der Hohe herun= ter fällt. Da die Berechnung dieser Källe feine Schwürigkeiten anbothe, so gebrauchte man besonders den lettern, um die daben gemachte Schlusse durch Erfahrungen auf die Probe ju Newton liesse durch Lawksbee sehr feßen. leichte Rugeln von dem Glockenthurme der Paulfirche in Londen herunter fallen. Gie fielen fehr genau in der Zeit, welche die Rechnung forderte. Und man sabe baraus, daß die Albnahme der Geschwindigkeit in der That konne und musse bem Quabrate berfelben proportional gefest mer= Ein Sat, welchen nachgehends Serr D. Bernoulli ben der Academie zu Petersburg durch unmittelbare Versuche, so er mit fallendem Wasser angestellt hatte, bekräftigte, und in so ferne ausser allem Zweifel setten. Dem zufolge wurden auch eben daselbst Kanonenkugeln gerade aufwerts geschossen, und daben beobachtet, wie viele Zeit es gebrauchte, bis fie wiederum herunter fielen. Da man aber daraus hochstens nur die anfängliche Geschwindigkeit bestimmen konnte, und

und zwar nicht zuverläßiger als die Zeit von wenigen Secunden konnte gemessen werden, so blieben diese Versuche von wenigem Gebrauche, um
so mehr, da sich nachgehends neue Schwürigkeiten auserten.

S. 3. Ich sagte erst, daß sich die benden ein= fachere Falle, wo die Rugel entweder horizontal oder vertical bewegt wird, leicht berechnen lief: fen. Dieses nun laßt sich fur die Ralle, wo die Rugel, so wie die Bomben, schief durch die Luft fahren, nicht fagen. Gienge es an, so ift nicht zu zweifeln, daß nicht schon von Newtons Zeiten an, Bersuche waren angestellt worden, um die Theorie auch dadurch auf die Probe zu seken, und dieses hatte in Absicht auf die Artillerie desto unmittelbarer zur Sache gebient, weil sich mit Morfern, und mehr noch mit Ranonen, ungeheuer groffe Bogenschusse thun lassen. Was inswischen Sr. Enler zur Erleichterung ber biegu no= thigen Rechnung gethan hat, findet sich in den Mem. de l'Acad. R. de Berlin auf bas Jahr 1753, so wie auch in einer von den verstorbenen Grafen von Graveniz, unter Anleitung des Herrn Prof. Karsten zu Bukow herausgegebenen Abhandlung.

§. 4. Das bisher erwähnte betrifft nur noch den Widerstand der Luft, ohne die Bestimmung der Kraft des Pulvers unmittelbar anzugehen. Nun ist zwar auch diese nicht unbetrachtet geblieben. Die Schnellkraft der Luft war seit Otto de Guericke Zeiten bekannt. So wußte man ebenfalls, daß sie sich durch die War: me verstärft, und daß sich vermittelst zusammen= gepreßter Luft Windbuchsen verfertigen laffen, die eine den Schießgewehren ahnliche Wirkung So fand auch Joh. Bernoulli, daß in einem Körngen Pulver fehr viele gusammen= gepreßte Luft eingeschlossen sene, welche sich durch Die Entzündung des Pulbers losdehnet, elastisch wird, und sich in einen ben hundert und mehrmal groffern Raum ausbreitet. Aehnliche Berfuche finden sich in des Sales Vegetable Static. End= lich war auch von Mariottens Zeit an das Gefet befannt, nach welchem die Schnellfraft der Luft ben grofferer Zusammenpressung verstarkt wird. Eben so wußte man auch, nach welchem Gesetze die zusammengepreßte Luft, in= Dem sie sich ausbreitet, einen Korper von sich treis ben, und demselben immer mehrere Grade von Geschwindigkeit mittheilen kann. Und so konnte es allerdings scheinen, daß man von da an bis zu der Bestimmung der Kraft des Schießpulvers nicht mehr weit zu gehen hatte.

s. 5. Indessen war es aller dieser vorläusigen Kenntnisse und Hulfsmittel unerachtet, wo nicht unumgänglich nothwendig, doch wenigstens sehr rathsam, daß man auf Mittel dachte, die Kraft des Schießpulvers unmittelbar zu bestimmen. Denn wenn man auch setz, daß die Menge der in einer Ladung Pulvers besindlichen Luft, nach der Bernoullischen oder Hales's schen Urt, genau gefunden werden könne, so ist diese

diese Luft, wenn das Pulver sich in dem Geschüße entzündet, nicht bloß zusammengepreßt, sondern ihre Schnellfraft wird durch die Sige noch um vielfach verstärkt, und da fällt es eben nicht leicht. die daher rührende Kraft anders als durch die wirkliche Losung des Geschüßes genau zu bestim= Dieses kann aber wiederum nicht unmittelbar sondern schlechthin nur dadurch geschehen, daß man die Geschwindigkeit finde, welche der Rugel durch die Kraft des Pulvers mitgetheilt wird. Solle nun diese Geschwindigkeit vermittelft der Schußweite, dem Erhöhungwinkel Des Laufes und des Gewichts, und Groffe der Rugel / gefunden werden, so muß man den Widerstand der Luft mit in Betrachtung ziehen, und da kommen die vorhin ( 6. 3.) erwähnten Schwürigkei= ten der Berechnung vor. Wenn man aber auch diese überwinden kann, so muffen die Bersuche mit stuffenweiser Berkurzung bes Laufes angestellt werden, weil die Kraft des Pulvers, indem die Rugel in dem Laufe fortgetrieben wird, nicht einerlen bleibt, sondern sich nach und nach vermindert.

s. 6. Hr. Robins ist, so viel ich weiß, der erste, der auf Versuche dachte, wodurch die Geschwindigkeit der Lugeln unmittelbar besstimmt werden könnte. Seine Grundsätze der Artillerie kamen im Jahr 1742. in England heraus, und wurden bald darauf ins Deutsche übersetzt und von Hrn. Kuler mit Anmerkungen bereichert. Herr Robins ließ ein

ein eisernes Pendul von 56 Pfund und 3 Ungen verfertigen, welches er dergestalt aufhienge, daß es fren und ohne allzustarkes Unreiben schwan= fen komte. Ein solches Pendul verrichtet groffe und fleine Schwunge bennahe in gleicher Zeit. Daher find dieselben desto geschwinder je arbifer sie sind, und hinwiederum werden sie besto groß ser, je stärker der Stoß ist, durch welchen das Vendul in Bewegung geset wird. Da die Mechanic Regeln angiebt, nach welchen man aus der Groffe des Schwunges die Groffe der Geschwindigkeit berechnen fann; so bediente sich Herr Robins dieses Umstandes dergestalt, daß er Flintenkugeln gegen das Pendul abschosse, welche das Pendul in Schwung brachten. Groffe des Schwunges konnte er vermittelft einer daben angebrachten Vorrichtung meffen. und demnach daraus die Geschwindigkeit berechnen, welche dem Pendul von der Rugel ware mit= getheilt worden. Hierauf gebrauchte er die Lehre von dem Stoffe der Korper, um aus der Geschwindigkeit des Penduls auf die Geschwindigkeit der Rugel den Schluß zu ziehen. Ich muß hier anmerken, daß ich schlechthin nur beschreibe, wie herr Robins verfahren. Chen dahin gehört auch noch folgendes. Herr Ros bins schosse aus gleichem Laufe, und mit einer= len Rugeln und Ladung, in verschiedenen nicht gar groffen Entfernungen gegen das Pendul, und berechnete, wie viel ben grofferer Entfernung die Geschwindigkeit der Rugeln geringer ware. Da

sie ohne den Widerstand der Luft gleiche Geschwindigkeit wurden behalten haben, so konnte er allerdings die Verminderung der Geschwinbiakeit auf Rechnung des Widerstandes der Luft seken. Er thut es auch, und berechnet sodann nach der oben erwähnten Newtonschen Theorie (S. 2.) wie groß diese Verminderung hatte fenn follen. Seine Versuche geben dieselbe ben ftarfen Ladungen bennahe drenmal, ben geringern nicht gar zwenmal grösser als die Theorie. Man fieht leicht, daß Unterschiede von dieser Art mehr als zureichend sind, in die bis dahin sehr einfache Lehre vom Widerstande der Luft neue Verwirrungen zu bringen. Auch nimmt Br. Robins, und besonders Br. Buler, daher Unlag, über Diese neue Vorfalle sehr umständliche Betrachtungen anzustellen, welche Gr. Buler in der vorhin bemeldten Abhandlung ( &. 3.) noch weiter fortsett, und auf die Bestimmung der Laufbahn der Bomben anwendete.

§. 7. Sowohl die hier beschriebene als andere Bersuche des Hrn. Robins verdienten allerdings nochmals und nach allen Mannigsaltigkeiten und Abwechselungen, die daben leicht gedacht werden können, wiederholt und angestellt zu werden. Sie verdienten aber auch und mehr noch eine durchgängige und sehr genaue Untersuchung, sowohl der Umstände als der daraus gezogenen Schlüsse. Denn es sind daben fast alle Umstände groß, und man mag leicht einen davon übersehen, so verfällt man in der Recht

Rechnung auf Producte, welche nicht mehr in Rleinigkeiten, sondern in doppelten, drenfachenge. von dem Wahren abweichen, welches man dar= aus finden wollte. Mir ift nicht bekannt, daß nach dem Brn. Buler noch fernere Untersuchungen waren angestellt worden. Im Jahr 1751. hatte der Ritter d'Ulrev einige Versuche über die verschiedene Wirkung langerer und fürzerer Alintenläufe ben gleicher Ladung ange= ftellt, und dadurch ben Sat befraftigt, daß ein langerer Lauf die Rugel weiter treibe, je langer berselbe ift. Diese fand er aber nothig, mit der auffersten Sorgfalt zu wiederholen, und nahm fie auch Anno 1752. im August, in Gegenwart der Herren Du Zamel, Bouguer, Mollet und Montigny vor. Der Versuch einer Theorie der Artillerie, der diese Beobach= tungen nebst noch mehrern andern enthält, kam mir erst vor weniger Zeit zu Gesichte. geachtet ich mir, wegen der Schwürigkeiten des Herrn Robins Verfahren vollständig zu prufen, nicht viele Hofnung machte, die Sache erdrtert zu feben, fo sahe ich benm ersten Durch= blattern doch so viel, daß es sich der Mühe lohne, des herrn d'Urcy Werfchen, nicht bloß zu durch= lefen, sondern im Durchlefen zu durchdenken, wie es Werke erfordern, die nicht für die Augen oder bloß für die Einbildungsfraft, sondern für den Berftand geschrieben sind, und woraus man eben nicht eine blosse Gedächtnissache machen solle, wenn man sie sich in der That bekannt machen,

und anwenden will. Es ist wahr, daß es damit, und besonders in schweren Stellen, langsamer

zugeht.

Nun kamen zwar, mir wenigstens, 6. 8. ben Durchlesung bieses Werkchens des herrn d'Afrev folche Stellen nicht vor, wo Lefer, die noch nicht genug gelernt haben, um ben Autor geschwinde zu verstehen, sich leicht verleiten lassen, Denfelben einer Dunkelheit zu beschuldigen, daran er gar nicht Schuld ift, weil er berechtigt ware, ben dem Leser die vorläufige Kenntnis und mit Dieser die behörige Aufmerksamkeit vorauszus Indessen zweisle ich nicht daran, daß nicht wenige von seinen Lefern, ben dem was Br. d'Alrey von seinen über die Länge der Läufe ans gestellten Bersuchen sagt, zurücke bleiben, ober es unverstanden lesen werden. Diese Bersuche und den Erfolg davon habe ich mehr als das übrige durchgedacht, und zwar besonders, um die noch gurucke bleibende Schwürigfeiten aufzusuchen. Man wird leicht benken, daß wenn ich, was mir daben vorgekommen, hier anzeige, ich mich in Absicht auf verschiedene Leser, in eben dem Fall befinden werde, den ich erst beschrieben habe. Es kommt alles darauf an, wie viel oder wie wenig ich daben als dem Leser bekannt, voraussehen merbe, und welches der Grad von Aufmerksam= feit und eigenen Ueberdenfen ben bem Lefer fenn folle, inner deffen Grenzen ich mich in dem Bor= trage folle zurucke halten? Heber Diefe Frage fin= den sich, meines Wissens, in der gelehrten Welt feine

keine Gesehe, als die, so die Verleger machen, die Die Gute der Werke und ihre Erheblichkeit nach ber Angahl ber Exemplarien schaben, bie sie ben dem groffen Haufen anbringen. Man beflagt sich über die Unvollkommenheit der Artillerie. und diejenigen, so an der Berbefferung derselben gearbeitet haben, (ich will unter diefen nur Brn. Buler nennen) gestehen, daß die Algeber und die Rechnung des Unendlichen noch nicht weit genug gebracht ift, um damit zu Ende zu kom= men. Ein allerdings für viele Lefer fürchters liches Geständnis! Es zieht ebenfalls die Rolge nach fich, daß wer in der Ausübung der Artillerie fich einen Namen erwerben will, wenigstens in fo fern eine Renntnis der Grundfaße der Mechanic, Geometrie, Trigonometrie und Algeber ha= ben miffe, daß er, ich will nicht fagen, die Regeln erfinden, wohl aber wenigstens den Bortrag der= selben verstehen konne. Es lassen sich zwar einige mit Worten ausbrücken, und wenn man diese ohne Beweis glauben will, so ist man mit threm Bortrage bald fertig. Wer fich aber aufgelegt findet, den Beweiß ju durchdenken, gegen den würde ein Autor unbillig fenn, wenn er den Beweis weglieffe, noch die Regeln, die mit Wor ten vorgetragen, immer weitlauftig find, in der algebraischen Rurge und Nettigkeit vortrüge.

§. 9. Alles dieses genau überlegt, werde ich meine Anmerkungen über des Hrn. Ritter d'Avcy Versuche hier nicht so unmittelbar vortragen können, als wenn ich sie an denselben in

3 2 einem

einem Briefe überschickte. Denn so wurde ich ihm über eine Sache schreiben, die ihm nothwendig so viel und noch mehr als mir geläufig ist. Ich könnte ben ihm alles voraus seken, und so bliebe nur noch das, was ich ben Durchlesuna seines Werkchens noch hinzugedacht habe, zu überschreiben. Auch von diesem liesse sich noch viel mit halben Worten sagen. Dessen unerach: tet wurde der Brief eben nicht gang furz wer-Jedoch genug hievon. Das Publicum ist allerdings nicht der Herr d'Urcy. Dieser gelehrte Ritter muß es auch mur allzuwohl wiffen. In seinem gangen Werfe tommt eine einige algebraische Formel, und selbst diese nur gleichsam verstohlener Weise vor. Er glaubte, das Allgebraische lasse sich besser ben der Academie vortragen. Und da trug er es auch vor, und behielt die gemeine Sprache für das Publicum, und besonders für denjenigen Theil deffelben. welcher seine Lehren auf den Batterien brauchen solle. Ich muß doch sagen, daß ich dieses Berfahren nicht gang verstehe. Es ift wahr, daß der Herr Ritter d'Urcy diejenigen Artilleristen, die etwann nach Grunden fragen, zu den Memois res der Academie verweißt. Und so mag es darunter auch solche geben, die diese Memoires selbst besißen. Indessen ist es boch immer ein Umweg, und einige Kormeln mehr wurden das Werk eben nicht viel weitlauftiger gemacht haben. Biele Lefer hatten daben gewonnen, die übrigen nur deswegen verlohren, weil sie nicht gelernt hatten, zu suchen. §. 10.

S. 10. Der Berr Ritter d'Ulrcv hatte fich in seinen Versuchen, eben ber Urt Des Berfahrens bedient, welches Herr Robins erfunden hatte, und welches ich im vorhergehenden erzählungsweise in so fern beschrieben, daß man sich überhaupt einen Begriff davon machen kann. Ben dem Pendul hat er einen Zeiger angebracht, um dadurch die Groffe des Schwunges zu beob-Das Pendul trieb den Zeiger, und im achten. Zurückeschwunge ließ es benselben stehen, und fo lieffe fiche daran feben, wie groß der Schwung des Penduls gewesen ware. In der Vorrede thut er des Herrn Robins dergestalt Erwäh nung, daß er fagt, er habe nicht den Borfaß, fich anderer Erfindungen zuzueignen, es ware aber nicht billig zu behaupten, der Herr Bradley habe nichts in der Affronomie gethan, weil er fich folcher Fernrohren und Brillen bedient hatte, wovon er doch nicht der erste Erfinder gewesen. Ich glaube, Hr. d'Arcy bediene sich dieser Vergleichung als einer Hoperbel, nur um feine Mennung faßlicher zu machen. Er läßt allerdings den Herrn Robins hinter sich zurücke, aber lange nicht so weit als Hr. Bradley den ersten Erfinder der Fernrohren, besonders wenn es, wie die Sage geht, spielende Rinder eines Brillenmachers sollten gewesen senn. Man kann sich auch statt einer solchen Vergleichung leicht eine Menge anderer Riebensarten gebenken, welche wurden gebraucht worden fenn, wenn die Herren d'Arcy und Robins bende Englander oder 25 3 bende

bende Franzosen wären. Ich dehne diese Unmerkung, die für Deutschland noch eine dritte Gestalt erhalten würde, nicht weiter aus, und werde, um die Zeit nicht länger zu verlieren, zur

Bauptsache zurücke kehren.

S. 11. Man erinnere sich zu dem Ende ber oben (f. 6.) angeführten Beschreibung, wie Br. Robins erstlich aus dem Schwunge des Pen= duls seine Geschwindigkeit, und aus dieser sodann Die Geschwindigkeit der gegen das Pendul ge: schossenen Rugel berechnet; und so auch, wie er durch diese Rechnung den Widerstand der Luft wen bis drenmal gröffer fand, als ihn die Newtonsche Theorie angabe. Der Ritter d'Alrcy verfährt genau auf eben die Art, berechnet die Geschwindigkeit der Rugeln eben so, stellt einen einigen Versuch über ben Widerstand ber Luft an, schaft daben die Berminderung der Geschwin= digkeit, vergleicht sie aber mit keiner Theorie, und verleitete mich dadurch, dieses nachanholen, als ich sein Werkchen durchlase. Ich fande sie eben so wie Herr Robins, ungefehr doppelt groffer als es die Theorie angiebt. Ich fande awar bende nachgehends der Theorie gemäß, die= fes last sich aber, da ich für das Dublicum schreibe, to geschwinde noch nicht vortragen.

§. 12. Die Versuche des Nitter d'Urcy haben indessen vor denen des Herrn Robins das voraus, daß sie stufenwese gehen, indem er sie mit Flintenläusen angekellt, die von 3½ Zoll an bis über 6 Fuß an der Länge verschieden waren.

Dieses ift min, wie man es aus bem maren. borhin zu Ende des §. 5. gefagten leicht abneh= men kam, was mich furnehmlich bewogen hatte, Die Beschreibung Dieser Bersuche mit Bedacht gur durchgehen. Der Herr Ritter d'Urcy fagt furz, ehe er die Beschreibung anfangt, daß er wünschte, fie übergeben zu konnen. Dafür hatte ich ihm nur wenig Dank gewußt. Dem in ber That, was ware ihm fibrig geblieben zu fagen, als: Das Refultat Diefer Berfuche fene, daß ben gleicher Ladung ein langerer Lauf die Rugel weiter treibe; daß es eine Ladung gebe, die die größte Wirkung thue, und etwann noch einige andere Gase von eben so unbestimmter Bedentung? Heberdis fagt er selbst, daß er ben den Amno 1751. angestells ten Bersuchen nicht habe finden konnen, nach welchem Gesetze Die Wirkung Des Pulvers ben fürzern Läufen schmächer seine. Die Tabellen, Die er aus den neuern Berfuchen giebt, geben nun, wo nicht das Gefet, doch wenigstens kenntliche Maasse an, woraus man feben fann, um wie viel die bemeldte Wirkung schwächer wird, wenn es mit der Berechnungsart des Herrn Robins, nach allen Prüfungen seine Michtigkeit hat.

ob der Ritter d'Arcy in der That nur Läufe von verschiedener Länge gebrancht habe, oder ob er einen und eben den Lauf durch Absägen habe verkürzen lassen. Der Unterschied ist eben nicht so unbedingt unerheblich, weil man im letztern Fall von der gleichen Mündung und dem gleichen 34 großen

groffen Zundlochgen ruhig versichert ift. Da= von geschieht nun keine ausdrückliche Erwähnung. Ich habe mich aber aus verschiedenen Umständen davon versichern können, daß er zween Laufe aufgeopfert habe. Da ich aus andern Grunden, von welchen erft im folgenden die Rede fenn fann, feine berechnete Tabellen in eine Figur verwandelte, so fiel es mir sogleich in die Mugen, daß er die Läufe zu gleichen Theilen habe absägen, oder jedesmal um gleich viel verkurzen laffen. Dieses veranlaßte mich, die Urt der 216= theilung, bavon ebenfalls feine Erwähnung geschieht, naher zu betrachten. Der baben ge= brauchte Maafstab war ein in 400 Theile ge= theilter Pariferfuß, und wenn ich wohl errathen fann, fo waren es die fogenannten Parties egales, eines von Bion, Langlois, oder einem andern Parisischen Mechanico verfertigten Proportionalcircule. Bon folchen Theilen hatte ber erste Lauf anfänglich 14662, welches genau 33 Ruß beträgt. Davon wurden jedesmal 135 Theile abgesägt, bis die Lange nach somaligem Absägen, endlich nur von II63 eben solcher Theile war. Die 135 Theile geben genau 4 Zoll und Linie, die 1163 aber genaue 3½ Boll. Und Da die Ladung 34, der Diameter der Rugel 23 folcher Theile hatte, bende zusammen aber 57 Theile oder nicht gar die Helfte von 1163 be= tragen, so sieht man, daß ben ber letten Abfür= jung der Spielraum noch 593 folcher Theile war, welches etwas mehr als 13 3oll beträgt.

Es scheint aber überhaupt die Absicht des Hrn. Ritter d'Arcy seine nur gewesen, den Lauf 10 mal abzusägen, und da 140 Theile zu groß, 130 aber zu klein gewesen wären, so habe er 135 als das Mittel genommen.

6. 14. Der andere Lauf war langer, und iwar Anfangs von 2406. solcher Theile, welthes etwas über 6 Fuß beträgt. Die Mündung war etwas enger und schloße daher besser an die Rugel an. Der Erfolg giebt auch, daß die Rraft des Pulvers sich um etwas stärker äusserte. Von Diesem Laufe liesse er jedesmal 2663 Theile, bas will sagen genaue 8 3oll absägen, bis nach 8 ma= ligen Absagen noch 273 Theile blieben. Eigentlich sollten nur 2723 bleiben, es waren aber das erstemal an statt 2663 nur 266 abgesägt worden. Da der Unterschied nur Too eines Fusfes, und baber eine Rleinigkeit beträgt, auf Die man ben dem Absägen ohnehin nicht achten konn= te, so muß man diese kleine Unregelmäßigkeit der ben diesen Bersuchen nothigen Aufmerksamkeit auf wichtigere Umftande zu gute halten. Bugleich muß ich daben anmercken, daß der Berr Mitter d'Arcy ben diesen Bersuchen Pulver gebraucht, welches er selbst mit der großten Gorgfalt verfertigen laffen, um von der durchgangigen Mischung und gleichen Zubereitung versichert zu fenn, und daß er ebenfalls bleverne Rugeln gebraucht, die mit Sorgfalt in gleichem Modell waren gegoffen worden. Man kann ihm in all-23 5 wege

mede jum Ruhme nachreden, daß er an der Genaufgkeit dieser Bersuche nichts habe ermangeln laffen, und daß er allem Unsehen nach auch nicht Gehülfen und Handlanger daben gebraucht has be, denen die Zeit darüber wurde lange geworden fenn, oder die um das Ende davon naber zu ruden, ihre Berrichtungen, mehr als eine auftan-Dige Munterfeit erlaubt, wurden beschleunigt haben. Diefes hatte um besto ehender geschehen konnen, weil er ben jeder Verkurzung des Caufes, den Berfuch 5 bis 9 mal widerholte, um aus allen bas Mittel zu nehmen, welches folglich ebenfalls 5 biß 9 mal zuverläßiger ist, als jeder Bersuch einzeln genommen. Man sieht aus allem diefem, daß der Herr Ritter d'Arcy die 216= ficht, die er hatte, durch den umffandlichen Bortraa dieser Bersuche sein Berfahren zu legitimi= ren, vollkommen und auf eine ihm ganglich ruhms würdige Art erreicht. So wie er sie vorträgt, fann man ihm auf sein Wort hinglauben. Sin= gegen ware man ju gang anderm berechtiget, wenn er mit Weglassung der Versuche nur die Schluffe angegeben hatte, die er daraus gezogen. Denn so richtig fie auch mochten gewesen fenn, fo wurde ber Lefer immer die Befugniß gehabt haben, zu fordern, er mochte die Berinche felbit vorweisen und zeigen, wie seine Schluffe baraus folgen. Man nehme noch mit, daß ofters in den Versuchen noch Umstände und Wahrheiten verborgen liegen, die der, so sie anstellt, bloß des= wegen übergeht, weil er die Bersuche in gang an=

andern Absichten anstellt, und daher sie allein von diefer Seite betrachtet. Ich kann es beinnach immer weniger begreifen, warum ber Berr d'Arcv, dem Publico darüber, daß er alle diese Umstände anfuhrt, eine Entschuldigung macht. Es ift mahr, daß diefe Befchreibung trocken fenn mußte, und daß sie ben denen, die sie verstehen wollten, mehr Renntniß vorausfest, als erfor= bert wird, eine Beroide zu lefen. In einem Canbe, wo man einem Berfasser baraus einen Borwurf macht, daß er nicht für jede Ignoranten, durchans verständlich schreibe, oder daß er das, was viele andere Renntnisse voraussest, nicht so portrage, daß es ohne alle diese Renntnisse begriffen werden konne, oder endlich, daß er nicht durchaus ohne alle Aufmerksamkeit konne verstanden werden; in einem folchen Lande mag Die Entschuldigung angehen. Im Grunde betrach= tet, wurde, wenn der Berr Mitter & Alrcy, Diefe Berfuche und beren umffandliche Beschreibung übergangen batte, Dieses Weglassen eben von bem Schrote gewesen senn, als wenn er aus allzugroffer Soffichkeit jemand beswegen eine leere Ruffe weggutragen geben wollte, weil das barinn gewesene Geld, so er ihm verehren wollte, zum Wegtragen für denfelben zu schwer ware. Man follte benken, daß es immer mehr Leute giebt. die ohne nichts zu lernen alles zu wissen verlan= gen, und die es fich zur Regel machen, ihre Hufmerksamkeit niemals durch Mebung zu verstarken, und noch viel weniger die Fertigkeit darinn zu

erlangen, daß ihnen die schwersten Sachen zu ei-

nem leichten Zeitvertreibe werden.

S. 15. Da ben ber so durchgangigen Genauigkeit, womit der Ritter d'Afrey seine Bersuche angestellt hat, alle Berechnungen, die er darüber vornimmt, einen gang abnlichen Erfolg haben, wie ben dem Brn. 23 obins ; so erhalten die Schliffe, die Gr. Robins aus feinen Berfuchen und den darüber gemachten Rechnungen gezogen, einen solchen Zuwachs von Gewichte, daß es sich nun mehr als jemals der Muhe lohnt, diefe Chluffe mit aller Genauigkeit zu untersuchen. Ich werbe zwar erst im folgenden anzeigen konnen, wie ich ben Durchlesung der Versuche des Beren Ritter d'Urcy auf die Spur gefommen bin, auch da zu suchen, wo man langst alles berichtigt zu fenn geglaubt hatte. Dermalen aber werbe ich von denen zu dieser Untersuchung nothigen vorläufigen Renntnissen, dasjenige vortragen, was nicht nur zu besserer Aufflarung ber Sache, sondern überhaupt auch zu mehrerer Aufnahme der Artillerie dienlich senn kann. Man fieht aus dem bisher gesagten, daß die Herren Robins und d'Alrey aus der Geschwindigkeit des Penduls die Geschwindigkeit der Rugel berechnet, und daraus theils auf die Gewalt des Pulvers, theils auf den Widerstand der Luft Schlusse gezogen haben. Diese Schluffe find ben jedem, der die vorläufige Kenntnisse hat, bald gemacht. eben diese vorläufige Kenntniffe sind etwas weit-Ich werde daher verschiedenes davon lauftig. aut auf eine bloß erzählende Art vortragen mussen, und wo der Vortrag mit Worten nicht angeht, wird man mir einige algebraische Formeln zu gute halten. Sie sind ohnehin denen, die die Algeber gelernt haben, lieber als viele Worte, die ohne mehrzusagen, weder so geschmeidignoch so flar sind.

Sofern die Herrn Robins und 6. 16. d'Arcy aus der Groffe des Schwunges des Penduls auf die Geschwindiakeit desselben geschlof fen haben, geht, so viel ich sehe, alles leicht und richtig. Da ich aber des Herrn Ritter d'Urcy Werckchen mit Bewußtsenn zu durchlesen mir vorgenommen hatte, so habe ich auch demselben nach= gerechnet. Gein eisernes Pendul ftellt die erite Figur vor, Fig. I. In C ware es auf einem Ge= stelle F. I. dergestallt aufgehangen, daß es auf ber Spike der eckichten Zapfen Cc fren und ohne merkliches Unreiben schwancken konnte. Die Rugel wurde gegenden Mittelpunct der Scheibe a abgeschossen, und indem sie anschlug, trieb sie das Pendul gegen B fort, welches sich sodann von felbst wiederum gegen A rückwerts bewegte, und nach mehrern, immer fleinern Schwankungen endlich wiederum in A zur Ruhe kam. In C war ein Zeiger angemacht, welches Anfangs in CE stunde, durch die Bewegung des Penduls aber bis in die Lage CD fortruckte, und in die= fer Laage stehen bliebe. Auf diese Art liesse sich aus dem Bogen ED schließen, wie groß der Bogen AB jedesmal gewesen war. Ich habe ben dem

dem Nachrechnen gefunden, daß der gröste derzselben sich auf II. Grad 36. Min. beliese. Die Länge CA war genau 6 Fuß oder 2400. der oben (§. 13.) erwähnten Parries egales des Proportionalcirculs. CD oder die Länge des Zeigers war 277 solcher Theile, welche demnach bennahe  $8\frac{1}{3}$  Zoll oder genau  $8\frac{3}{100}$  Zoll besträgt.

§. 17. 3ch habe ferners auf AC noch zween Puncte O G gezeichnet. Bon diesen ift G der Mittelpunct der Schwere. Diefen fonnte nun der Br. Ritter d'Alrey nicht wohl anders finden, als daß er das Pendul in Form eines Wagbalkens auf die Scharfe eines Meffers ober eines scharfen Reils auflegte und den Punct G fuchte, wo es zu benden Seiten im Gleichge= wichte stunde. Denn die Maschine war in A und C zuviel irregulair, als baf er diefen Punct G durch geometrische Ausmessungen ober aus allgemeinen Betrachtungen hatte finden komen. Die Lange GC fande herr d'Arcy 990 von feinen Parties egales. Ich fehe diefes als eine runde Zahl an, welche er genommen, weil sich auf die erstbemeldte empirische Art den Punct G zu suchen, so genau nicht erkennen lieffe, ob es ftatt 990 mir 989 oder 991 Theile hatten fenn muffen. Der Unterschied beträgt eine Rleinig= feit, und aus dem Erfolge der Rechnung ergiebt es sich, daß sie auf den oben bemeldten doppelt oder drenfach groffer gefundenen Widerstand der Luft (§. 6, 11.) so viel als gar feinen Gin-S. 18. fluß hat.

6. 18. Der Punct O hingegen mußte genauer gefunden werden. Ich febe auch, daß der Herr Ritter d'Urcy die Lange CO 2114-70 bon feinen Parties egales anfest, und sich mit einer runden Zahl, dergleichen 2115 gewesen ware, nicht beanuat. Doch ich muß vorerst fagen, daß O ber Mittelpunct des Schwunges (Centrum oscillationis) ift, dergleichen jedes Den-Nun hatte sich CO abmessen lassen, wenn das Pendul einfach, das will fagen, wenn Die ganze Masse desselben in dem Punct O concentrirt gewesen ware, und an einem Saben von unendlich fleinem Gewichte aus C herunter gehangen hatte. Dieses einfache Pendul wurde mun seine Schwankungen in gleicher Zeit gemacht haben, wie das Pendul AC. Und da man langst schon Regeln hat, die Lange ber einfachen Penduln durch die Zeit, in welcher fie jede Schwankung verrichten, zu bestimmen, fo bedient sich der Ritter d'Afrey auch dieses Umstandes, um die Lange CO zu finden. Bu diefem Ende liesse er das Pendul frey schwanken, und die Schwankungen gahlen, wahrend bem jugleich die Schwankung eines Secundenpenduls ober an dem Zeiger einer Penduluhr die Secunden gezählt wurden. Go stelle ich mir wenigstens Die Sache vor, und der Herr Ritter d'Urev fennt die daben erforderlichen Umftande genug, daß ich ihm zutraue, die Uhr seve eine accurate Secundenuhr gewesen, und das Pendul A Chabe Bogen AB von wenigen Graben durchlaufen.

Der Erfolg ware, bag bas Pendul 210 Schwan-Fungen in 276 Secunden machte. Br. d'Ilrcv hatte hier eben fo gut fagen konnen, bas Pendul habe 35 Schwankungen in 46 Secumben gemacht, da die Zahlen 210 und 276, jede durch 6 getheilt, 35 und 46 geben. Er ließ es aber ben ben smal groffern Zahlen bewenden, ohne an die Reduction oder Verkleinerung derfelben Ungeachtet er nun diese dennoch hatte angeigen konnen, fo that er doch beffer, bie groffere Zahlen bengubehalten, bamit man baraus sehen konnte, er habe in der That bis auf 210 Schwankungen fortgegahlt, und das Pendul habe bes in C unvermeidlichen Anreibens unerachtet so lange schwanken konnen, ohne daß bie legten Schwankungen unmerklich flein geworden waren. Man fege ferner auch, daß auf Diefe 210 Schwankungen eine halbe, 1 oder 1 Schwankung mehr ober minder gewesen ware als 276 Secunden; fo ift unftreitig diefer Unterschied um viel unmerklicher, als wenn er sich ben 35 Schwankungen eingefunden hatte.

§. 19. Wenn wir demnach ben den Zahlen 210, 276, oder kurzer und eben so gut ben den Zahlen 35 und 46 bleiben; so kömmt die Bestimmung der Länge CO auf eine einige Regel de tri an. Denn die Länge eines Penduls, das in Frankreich, und vermuthlich in der Nähe von Paris, wo der Ritter d'Arcy den Versuch angestellt hatte, Secunden schlägt, diese Länge, sag ich, verhält sich zu der Länge CO wie

feche=

wie das Quadrat von 35 zu dem Quadrat von 46, demnach wenn man diese bende Zahlen quadrirt, wie 1225 zu 2116. Run giebt Herr d'Alrey die Lange des Secundenpenduls, die er zu dieser Rechnung angenommen hatte, nicht an. Er fagt nur, er habe badurch CO von 21142 seiner Parties egales gefunden. habe demnach erstbemeldte Regel de tri umgekehrt, weil ich schliessen konnte, daß sich 2116 zu 1225 verhalten musse, wie die angegebene Lange CO von 21142 Parties egales zu der Långe des Secundenpenduls, die Hr. d'Urcy angenommen. Diese fande sich nach vollende= ter Rechnung von 1223 9 Parties egales. min 400 solcher Theile einen Fuß oder 144 Linien gaben, welches auf 25 Theile 9 Linien beträgt, so fande sich durch eine zwente Regel de tri, daß die erstgefundene 122379 Parties egales 440 6 Linien gaben. Und dieses ift demnach die Lange des Secundenpenduls, die Herr d'Urcy zum Grunde seiner Rechnung angenommen. Da fie von den genauesten zu Paris angestellten Beobachtungen fast gar nicht ab= weicht, so bewährt sich dadurch die gefundene Lange CO von 2114 2 Parties egales.

§. 20. Der Gebrauch des Puncts O ben dem Verfolge der Rechnung ist doppelt. Ich werde, um bendes zu untersuchen, ben eben dem Berspiele bleiben, welches Herr d'Arcy, um sein Verfahren anzugeben, vorlegt. In dem ersten Versuche fande er, das Mittel aus einer

sechsmaligen Wiederholung desselben genommen, Die Sehne DE von 47 9 seiner Parties egales. Daraus mußte nun die Sehne OM gefunden merden, welches sich, da CD = 277, CO =  $2114\frac{2}{10}$ ift, durch eine bloffe Regel de tri thun lagt, wo= burch OM =  $365\frac{56}{100}$  Parties egales gefunden Run hat es mit Korpern, die durch schiefliegende Bogen OM oder auf schiefliegen= den Einien oder Alachen OM entweder herunter laufen, oder herauf bewegt werden, die Bewandnis, daß sie in dem unterften Punct O eben die Geschwindigkeit haben, die sie haben wurden, wenn sie von gleicher Hohe PO gerade herunter gefallen waren. Da nun letteres leichter berechnet wird, so kommt allerdings die Frage vor, Die Hohe PO zu berechnen. Es ergiebt fich aber aus den ersten Anfangsgrunden der Meftunft, daß OM die mittlere Proportionalzahl zwischen OM und der doppelten Lange OC, oder dem Diameter des Circuls OM ift. Dun ift Diese poppelte Lange 2mal 2114 2 oder 4228 4, und OM haben wir so eben = 365 56 gefun= ben. Demnach wird das Quadrat von 365 56 durch 4228 4 getheilt, die Hohe OP von 31 607 Parties egales geben, wofur Gr. Ritter d'Urcy 31 6 annimmt. Weiß man nun, wie viel ein Korper in 2 Secunden Zeit fallt, fo wird Die Geschwindigkeit in O leicht gefunden. Denn man hat nur diese Bohe desfalls in 2 Secun= den Zeit mit der Hohe OP zu multipliciren, und aus dem Producte die Quadratwurzel auszu= ziehen,

ziehen, so wird diese die Lange des Raumes angeben, welche ein Rorper mit bemeldter Ge= schwindigkeit durchlaufen kann. Hier fand ich nun ben meinem Nachrechnen einen Unftoß. Denn ich nahm an, daß ein Korper in 2 Secun= den Zeit durch eine Hohe von 60 422 Ruß falle, welches mit 400 multiplicirt 24168 8 Parties egales giebt. Diese Bahl mit der Sohe PO = 31 6 multiplicirt und aus dem Probucte 763734780 die Quadratwurgel ausge= zogen, gabe mir die gesuchte Geschwindigkeit in O von 873 Parties egales. Berr Ritter d'Alrev sest dafür nur 870% an. Da ich aus der Rolge der Rechnung sehen konnte, daß dieses nicht etwann ein Druckfehler war, so mußte ich schliessen, Herr d'Urcy habe den Kall in 2 Secunden Zeit fleiner angenommen. gienge daher ben Ruckweg, quadrirte feine 870%, und dividirte das Quadrat davon  $758366\frac{81}{100}$  durch die Hohe PO =  $31\frac{6}{10}$ , der Quotient war 10 Theile minder als 24000 Parties egales oder 60 Fuß. Hieraus fahe ich leicht, daß der Ritter d'Arcy für den Fall der Rorper in zwo Secunden gan; nett 60 Ruß, oder für I Secunde 15 Fuß angenommen hatte, ba es hatten 60 422 Ruß senn sollen. Endlich berechnet er aus der Geschwindigkeit in O von 870 Parties egales in einer Secunde die Ge= schwindigkeit in A, welche in der Verhältnis von OC zu AC ober von 21142 zu 2400 groffer ist, und findet sie von 9885 Parties egales, da C 2 ne

fie nach der genauern Rechnung von 992 300, demnach imgefehr einen 300 Theil größer heraus kömmt, um welchen aus gleichem Grunde alle Geschwindigkeiten, so er berechnet, vergrößert werden müßen. Man kann es aber unterlassen, weil dieser Unterschied auf die Frage: ob der Wisderstand der Luft doppelt, dren; und mehrsach größer ist, als ihn die Theorie angiebt? keinen ersheblichen Einstuß hat, und wie man leicht sieht, diesen Widerstand wenig anders herauskommen macht, ja sofern derselbe durch die Verhältnisse der Geschwindigkeit bestimmt wird, daran gar nichts ändert.

6. 21. Wir konnen demnach die Geschwindiakeiten des Puncts A lassen, wie sie herr d'Alrev berechnet hat. Die schwerere Frage ist nun: wie sich baraus auf die Geschwindigkeit der Rugel einen Schluß machen lasse? Bu diesem Ende fängt derselbe mit einer Reduction an, welche nicht nothwendig ware, wenn an seinem Pendul die dren Puncte G, O, A in A zusammen= trafen, das will sagen, wenn das Pendul einfach ware und die Lange AC = 2400 Parties egales hatte. So aber trifft die Rugel in a, ber Mittelpunct der Schwere ift in G, der Mit= telpunct des Schwunges in O. Die Rugel hat demnach in benden Absichten mehr Kraft, oder das einfache Pendul hätte in A eine viel fleinere Maffe haben muffen, um dem Stoffe der Rugel sich nur eben so viel zu widersetzen, als es das

das Vendul AC gethan hat. Man seke erstlich: die Rugel ware in O angeschossen worden, wo das Pendul seine Schwungkraft vereinigt, so håtte die Rugel darauf nicht anders als auf einen Bebel gewirkt; der sein Gewicht in G hat. Sest man nun ftatt diefes Bebels einen andern, der sein Gewicht in O habe, so muß dieses in Berhaltnis von OC zu GC fleiner genommen werden. Und dieses ift die erste Reduction, ben welcher es sein Bewenden haben wurde, wenn die Rugel in O ware angeschossen worden. Da sie aber wirklich in A und folglich ausser dem Mittelpunct des Schwunges angeschossen wurde, so wird noch eine Reduction nothwendig, indem man statt des erstbemeldten Gewichtes in O, welches nunmehr als eine Masse betrachtet, in A eine andere angebracht wird, welche in Berhalt= nis des Quadrats von AC zu dem Quadrate von OC fleiner ift, weil hier nicht mehr von einem blossen Drucke, sondern von bewegenden Kräften die Rede ist. Nimmt man nun diese bende Reductionen zusammen, so muß das Gewicht oder die Masse des ganzen Penduls einmal mit CG und zwenmal mit CO multipliciet, das Product aber einmal mit CO und zwenmal mit CA dividirt werden. Man sieht leicht. daß man, weil CO multiplicirt und dividirt, demnach wiederum einerlen herausbringt, die Rechnung so abkürzen kann, daß man das Gewicht des Penduls mit dem Product aus CO in CG multiplicirt, und mas heraus= C 3 fommt

kommt durch das Quadrat von CA dividirt. Nun ist

> $CO = 2114\frac{2}{10}$ CG = 990

Das Product aus benden = 2093058

CA = 2400

Das Quadrat davon = 5760000

Das Gewicht des Penduls wird von 1270 Unzen, vermuthlich Markgewicht, angegeben. Demnach verhält sich 5760000 zu 2093058 wie
1270 Unzen zu 461 Unzen, 3 Quintgen, 66
Gran. Und dieses ist die Masse, welche in Form
eines einfachen Penduls in A hätte angehängt
werden müssen, um von der Flintenkugel eben
die Geschwindigkeit zu erhalten, welche das Pendul AC erhalten hat. Die Grösse des Schwunges, und die Dauer desselben, wäre zwar ben dem
einfachen Pendul anders ausgefallen, dieses hat
aber hier, wo es nur um die Geschwindigkeit zu
thun ist, nichts zu sagen.

S. 22. Der nächst hierauf folgende Schluß, den der Herr Ritter d'Urcy, eben so wie Herr Robins macht, hat mehr auf sich. Die bleverne Rugeln, so Hr. d'Urcy gegen das Pendul in a anschosse, wogen 700 Gr. von gleichem Markgewichte. Ben diesem Gewichte wird, wie gewöhnlich, das Pfund in 16 Unzen, die Unze in 8 Quintgen, das Quintgen aber nicht in 60, sondern in 72 Gr. getheilt. Daher werden diese 700 Gran auch für I Unze, I Quintgen und

52 Gr. angesett. Dun schließt ber Berr Nitter d'Alrey, die Geschwindigkeit des Venduls, welche in vorangeführtem Benspiele und nach seiner Rechnung 9885 Parties egales ware, ( &. 20.) verhalte fich zu der Geschwindigkeit der Rugel, wie das Gewicht der Rugel 700 Gr. zu bem so eben reducirten Gewichte des Venduls 461 Ungen, 3 Quintgen, 66 Gr. Dadurch er= halt er nach den behörigen Reductionen die Ge= schwindigkeit der Rugel von 938 Auß in einer Secunde Zeit. Eigentlich wurde die Verhalt= nis wie 700 Gr. zu der Summa von 461 Ungen, 3 Quintgen, 66 Gr. und 700 Gr. folglich wie 700 Gr. zu 462 Ungen, 5 Quintgen, 46 Gr. dewesen senn. Wenn die Regel vom Stoffe imelastischer Körper nach aller Schärfe ware angewandt worden. Und so ware auch hier noch die Geschwindigkeit um etwann 1 Theil groffer herausgekommen. Gie ware bingegen um die Helfte fleiner geworden, wenn man die Rechnung nach den Regeln des Stoffes elastischer Körper vorgenommen hette, weil eine elastische Rugel einen doppelt grössern Druck, ober besser zu sagen, ben anfänglichen Druck im Zurückeprallen noch einmal auffert, und die Wirkung badurch verdoppelt, und daher mit der halben Geschwindigkeit eben so viel ausrichtet, als eine nicht elastische Rugel mit ber gangen. Man fieht nun überhaupt ohne Mube so viel, daß wenn aus der Geschwindigkeit des Penduls in A die Geschwindigkeit der Rugel C 4 folle solle gefunden werden, dieses durch die Unwendung der Lehre vom Stoffe der Rorver geschehen musse; und diese kann ich nun eben nicht so bekannt voraus seken, weil ich zugleich mit annehmen müßte, daß darinn nichts mehr nachzuholen sene, was auf die Bestimmung der Geschwindigkeit der Rugel in A einen Einfluß hatte. Dieses kann ich aber, ohne in der bisher beobach= teten Genauigkeit der Prufung, wenigstens dem Schein nach, eine Lucke zu laffen, so unbedingt nicht annehmen. Denn kame ben genauerm Nachforschen etwas unerwartetes zum Bor= schein, so sieht man leicht, daß alles, was ich fer= ner schliessen wollte, vergebens geschlossen ware, und endlich doch wiederum geandert werden Man wird es demnach für keine Aus schweifung ansehen, wenn ich die bisherige Un= tersuchung hier unterbreche, weil ich sonst ganz abbrechen und die ganze Sache liegen lassen müßte.

§. 23. Man hat in der Mechanic, übershaupt betrachtet, nur zwenerlen Fälle. Der erste ist, wo man Kräfte vor sich hat, die schlechtshin nur einen Druck äussern, so wie sie ben jedem Gleichgewichte vorkommen. Die Static handelt die dahin gehörende Lehren ab, und da sie sich auf die Theorie des Hebels reduciren lassen, so giebt es daben weiter keine Schwürigkeiten, als die, so zuweilen im Rechnen vorkommen, wenn die bisher bekannte Regeln und Kunstgriffe der Analysis noch nicht so weit gebracht

find.

find. Der andere Kall ift, wo bewegende Krafte porkommen, wodurch entweder ruhende Korver in Bewegung gesett werden, oder wenn sie bereits in Bewegung find, eine andere Bewegung erhalten, oder wiederum zur Ruhe gebracht wer-Gine solche Kraft ist die Schwere, und da sie, weniastens mathematisch betrachtet, die ein= fachste ist, so ift es auch dem Galilaus zuerst gelungen, für die Bewegungen, die von der Schwere allein herruhren, ober von derfelben allein verandert werden, allgemeine Gefeße zu finden. Diese wurden aber, und besonders nach der Erfindung der Infinitesimalrechnung, bald allgemeiner gemacht, und auf eine oder zwo Differentialformeln gebracht, welche die Ge= setze der Bewegung auf das allgemeinste ent= halten.

S. 24. Die Lehre vom Stosse der Körper wurde indessen ebenfalls untersucht und auf Regeln gebracht. Wallis sienge benzeiten an, den Stoß unelastischer Körper zu betrachten, so wie hingegen Zuygens und Wrenn die elastischen vornahmen, und bende den Erfolg ihrer Untersuchungen zu Ende des vorigen Jahrhunderts an die R. Societät der Wissenschaften zu London überschrieben. Die eigentlich synthetische Urt daben zu verfahren, wäre nun allerdings gewesen, wenn diese Regeln aus den erstbemeldten zwoen Differentialformeln wären hergeleitet worden, oder auch dermalen noch in ihrer größten Allgemeinheit hergeleitet würden. So aber

wurde nicht verfahren, sondern aus allen moaliden Kallen wurden diejenige berausgenommen, Die sich ohne Zuziehung des Differential= und Integralcalculs erdrtern lieffen, fo wie g. E. in der Geometrie der Inhalt geradelinichter Figuren fich, ohne eben diese Sulfsmittel zu gebrauchen, finden laßt. Indeffen kann man fagen, daß was Wallis, Luygens und Wrenn gefunden hatten, in der That gefunden, und fo weit es reicht, febr brauchbar ift. Man hat auch nicht ermangelt, es febr häufig anzuwenden, und in jede Formen umzuandern, und von allen Sei= ten betrachtet, vorzustellen. Auch wird man nicht leicht ein philosophisches, physisches ober mathematisches Lehrbuch finden, wo die Regeln vom Stoffe nicht fürzer oder umftandlicher vorgetragen waren. Go fullen fie auch ben groften Theil der Wolfischen lateinischen Cosmolo: aie aus, weil Wolf sie als Gesetze, oder wie es scheint, als Grundgeseize der Bewei auna metaphyfisch untersuchte. In der Natur= lehre werden sie in Form von Experimenten und Erfahrungen vorgetragen, und man hat, um fie auf diese Probe zu seten, simmreiche Instrumente dazu ausgesonnen.

S. 25. Ich sagte erst, daß diese Regeln gut und richtig sind, so weit sie reichen. Denn in der That seigen sie mehrere Bedingungen voraus, ohne welche sie nicht statt finden. Diese werde ich nun, da sie eigentlich zu meiner Untersuchung gehören, herzählen. Berschiedene wurden daburch burch gefunden, baß man biese Regeln weiter ausbehnte, als sie wirklich giengen. 21m leichteften und häufigsten fande man, daß die wenigften Korper vollkommen elastisch, oder gang ohne Clafficitat find. Da nun bemeldte Regeln nur Diese zween aufferste Ralle betreffen, so sabe man auch leicht, daß sie sich so unbedingt nicht auf jede Körper anwenden laffen, und ihr Gebrauch ebenfalls febr eingeschränkt sene. Die andere Ginschränkung fand sich ben flüßigen Materien. Man verwunderte fich, daß eine bleverne Rugel, wenn man sie von geringer Hohe ins Waffer fallen läßt, fast ohne allen Widerstand bineinbringt, hingegen gang platt wird, wenn fie aus einer Flinte gegen bas Wasser geschossen wird. Carre ließ diese Bersuche anstellen, und berich= tete sie an die Parisische Academie der Wissen-Schaften, beren Mitglied er war. Man mußte offenbar daraus schliessen, daß man die Wassertheilchen als hart anzusehen habe, und daß sie wegen der Inertia und Cohasionskrafte nicht so geschwinde nachgeben konnten, als die Rugel aus dem Klintenlaufe gegen sie anfuhre. Der dritte Anstand aufferte sich ebenfalls wiederum ben einer Mintenfuget. Man fann damit eine halboffenstehende Thur durchbohren, ohne daß die Thur zugeschlagen wurde, so leicht sie auch beweglich ift. Man kann leicht benken, daß es ben des Herrn Ritter d'Urcv Versuchen nicht viel anders wurde ergangen fenn, wenn berfelbe statt eines eifernen Penduls ein holzernes gebraucht

Zugleich aber läßt sich auch der braucht kätte. Schluß machen, daß die Rugel die Cohasions= Frafte der Theilchen der Thur leichter und geschwinder trennt, als die von dem Stoffe herrührende Bewegung sich auf die ganze Thur verbreiten fann. Denn Diefes lettere muß fenn, wenn die Thur sich bewegen solle. So nahm vor Philippsburg eine Kanonkugel dem Ber: wick den Ropf weg, ohne den Leib zugleich mit fortzureissen. Der vierte Anstand rührt wieder= um theils von der Maffe, theils von der Geschwin-Ein blevernes Schrot mit geringer diafeit her. Geschwindigkeit gegen ein anderes geworfen, wird den Regeln für elastische Körper sehr nahe fommen. 3mo bleverne Kanonkugeln mit eben= falls geringer Geschwindigkeit gegen einander bewegt, werden wenig oder keine Clasticitat zeis gen. Der fünfte Fall, wo die Regeln für den Stoß der Körper ohne Gebrauch find, kommt ben denen Körpern vor, die wie Glaß ben fleinen Geschwindigkeiten elastisch sind, ben groffern aber in Stücke zerspringen. Endlich finde ich noch die Kalle, wo ausser der Beschaffenheit des ganzen Körpers auch noch die Beschaffenheit sei= ner Theilchen mit in Betrachtung gezogen werden muß. Man kann aus dem gegen das Wasser geschossenen und abgeplatteten blever= nen Klintenkugeln schon ben Schluß ziehen, daß ben groffen Geschwindigkeiten die Theilchen der Körper mit in die Rechnung gezogen werden muffen. Diesen letten Kall werde ich nun,

nun, weil er noch wenig untersucht ist, besonders vornehmen.

6. 26. Man fann sich ohne Muhe gedenken. daß die Cohassonskräfte in jedem Körper einen bestimmten Grad haben, ber, so viel man weiß. ben dem Diamant am weitesten reicht, indessen aber, da derselbe geschliffen werden kann, noch lange nicht unendlich groß ist. Ben weichen Korpern sind diese Krafte sehr geringe. kann man Blen mit geringer Muhe platt schla= gen. Indessen sind die fleinsten Theilchen hart und ohne allen Zweifel elastisch. Man wird es auch mit keiner Gewalt dahin bringen, daß diese ebenfalls platt wurden. Gest man aber dieselben hart und elastisch, und die Cohasionskrafte geringe, so hat es mit der Theorie des Stoffes ben sehr großen Geschwindigkeiten eine andere Um dieses faslicher zu machen, Bewandnis. wollen wir erstlich von den Cohasionskräften ganz abstrahiren, oder sie so ansehen, als wenn sie unerheblich flein wären. Auf diese Art wird eine bleverne, oder wenn man so will, eine wasferne Rugel, als ein Haufen elastischer harter Rügelchen angesehen werden muffen. Man sete, sie werden gegen einen harten Körper geschossen. so ist von diesen Rügelchen wenigstens eines. welches zuerst anfährt. Da es eine wiewohl fehr fleine Zeit gebraucht, um feinen Druck zu aussern, so fahren die folgenden an, ehe dieses anfångt wieder zurücke zu prellen, und eben dadurch wird es aufs neue und noch mehr angebrückt.

Dieses battert fort, bis sich alle andrücken, wo sodann das lette zuerst wiederum anfängt loßzuschnellen, und den andern zum Loßschnellen ebenfalls Raum macht. Man kann sich leichte gedenken, daß das Buruckeprallen eben nicht mehr fo in paralleler Richtung geschieht, wie sie gegen die Rugel anfuhren, und daß die Rugelchen bereits wahrend dem sie anfuhren, sich nach und Indessen geschieht immer nach verbreiteten. noch der groffe Theil der Wirfung nach den Me= geln elastischer Korper, weil jedes Theilchen ben dem Buruckeprallen feinen Druck mittelbar ober unmittelbar auf den Korper nochmals auffert, wie es ben elastischen Körpern statt hat.

6. 27. Diese Verdopplung ober Wieberholung des Druckes wird nun, wenn Cohaffons: frafte da find, desto mehr verhindert und schwächer gemacht, je starter diese Cohassonsfrafte find. Denn dadurch wird verursacht, daß jedes Theilchen nur mit dem Ueberschusse ber Kraft, womit es sonft loßschnellen wurde, gegen den Korper wirft, indem es anfangt, seine Figur wieder herzustellen. Man fieht leicht, daß fich Dieser Heberschuß nicht nur nach ber Starke ber Cohasionsfraft, sondern zugleich auch nach der Geschwindigkeit richtet, mit welcher es angefah= Denn dieses bringt die Lehre vom ren war. Stoß elastischer Rorper mit sich, daß sie besto mehr zusammengedrückt werden, je geschwinder fie anfahren, daß, um sie in einem zusammenge= drücktern Buftande zu erhalten, eine groffere Rraft. erfordert werde, daß sie demnach ebenfalls selbst eine grössere Kraft aussern. Daher ist es möglich, daß ben fleinern Geschwindigkeiten die Theilchen so wenig zusammengedrückt werden, daß sie die Cohäsionskraft nicht überwiegen mögen, ben grössern Geschwindigkeiten aber dieselbe vielmal überwiegen. Die Folge, die ich nun hieraus ziehe, ist, daß eine weiche Rugel den Gesehen des Stosses elastischer Rugeln desto näher kömmt, je grösser ihre Geschwindigkeit ist. In welcher Berhältnis aber dieses fortgehe, das wird sich wohl nicht anders als durch Versuche ausmachen lassen.

Inzwischen halt mich diese Rolge 6. 28. ab, mit den Hrn. Robins und d'Urcy weiter fortzurechnen, weil die lette Regel be tri, woben ich in dem 6. 22. stehen geblieben bin, fruffen= weise und nach Maaggebung der Geschwindig= feit, nach andern Berhaltniffen gerechnet werden muß, wovon ich die zwen aussersten, welche nem= lich für gar nicht elastische und für voll: kommen elastische Rugeln sind, daselbst bereits angegeben habe, und woraus zugleich folgt. daß die wahren Geschwindigkeiten der Rugel der Helfte der von dem Ritter d'Urcy berechne= ten desto naher kommen, je groffer die Geschwindigkeiten selbst, und so auch die von dem Pendul Man kann hieraus ohne Muhe verin A find. muthen, daß, wenn die erft angestellten Betrachtungen ihre Richtigkeit haben, die Schwürigfeiten über ben Widerstand der Luft eine gan; andere

andere Gestalt erhalten werden. Indessen werde ich die von dem Herrn Ritter d'Arcy berechneten Geschwindigkeiten vornehmen, und sie mit der Gewalt des Pulvers und der Länge des Laufes

vergleichen.

&. 29. Das Pulver, ober beffer ju fagen, die durch dessen Entzundung erzeugte Luft, wovon ich oben schon Ermähnung gethan habe, ( &. 4.) befindet sich wegen ihrer Menge und des kleinen Raumes in einem febr jusammengepreßten Buffande. Da fie nun feinen andern Widerstand findet, als die Maffe der Rugel und ben vielmal geringern Druck ber auffern Luft, so wendet sie weit den groften Theil ihrer Kraft an, um fich Maum zu machen, indem sie die Rugel forttreibt. Diese Kraft ist um besto groffer, da die einge= schlossene Luft nicht nur sehr dichte, sondern zugleich auch sehr erhift ift. Da mit der Rugel zugleich noch Flammen aus dem Laufe fahren, so scheint es auch, daß die Hige während der furzen Zeit des Loßbrennens nicht merklich vermindert werde. Hingegen hat es mit der Dichtigkeit eine gan; andere Bewandnis. Denn fie nimmt gerade in eben der Berhaltnis ab, in welcher ber Raum ben bem Berausfahren ber Rugel que nimmt. Mit der Dichtigkeit nimmt aber auch zugleich die Kraft ab, so daß die Geschwindigkeit der Rugel immer um fleinere Grade vergröffert wird. Ware nun die Dichtigkeit ober wenigftens die Kraft derselben gleich groß, so liesse sich das Herausfahren der Rugel mit dem Fall eines Ror=

Rorpers in frenem Raume vergleichen. Denn Die Schwere ist ebenfalls eine solche Rraft, melche durch den beständig fortdauernden gleichen Druck einem fallenden Korper in jedem Zeit= theilchen einen neuen und gleichen Grad von Geschwindigkeit giebt, so daß dadurch der Rorper in Berhaltnis der Zeit immer geschwinder fallt. Der Unterschied wurde nur darinn bestehen, daß Die in dem Alintenlaufe auf die Rugel wirkende Rraft des Pulvers vielmal starker ist als die Kraft der Schwere. Das Mittel, bende mit einander zu vergleichen, hat man darinn gefunt den, daß man bende Rrafte gegen einander wir= fen laßt. Die Luft kann nemlich durch Gewichte immer mehr zusammengepreßt werden, wenn sie in einem aufrecht stehenden Enlinder, der einen beweglichen Deckel hat, eingeschlossen ift. Die auf den Deckel gelegte Gewichte werden denfelben so weit in den Enlinder herunter drucken, bis die ausdehnende Kraft der Luft durch ihre Ber= Dichtung anfängt ben Gewichten bas Gleichgewicht zu halten. Man setze z. E. es sepen auf den Deckel 100 Rugeln von gleichem Diameter gelegt, und das Gewicht der auffern Luft, die ebenfalls auf den Deckel druckt, betrage so viel als 50 Rugeln, so halt die Rraft der innern zusammengepreßten Luft dem ganzen Gewichte von 150 Rugeln das Gleichgewicht. wurde sie auf eine Rugel allein 150mal stärker wirken als die Kraft der Schwere: und zwar beswegen, weil die Kraft der Schwere auf alle

vie 150 Rugeln drücken muß, um das Gleichzgewicht zu erhalten. Würde man nun von den 100 Rugeln einige oder mehrere wegnehmen, so würde die eingeschlossene Luft sich ausdehnen, und den Deckel, wo nicht in die Hohe werfen, doch wenigstens so weit in die Hohe treiben, dis das Gleichgewicht wiederum statt haben kann. Versuche, die Mariotte hierüber angestellt, geben es, daß der Raum der eingeschlossenen Luft in eben der Verhältnis kleiner wird, in welcher die ausliegende Gewichte vermehrt werden, allemal das Gewicht der äussern Luft zugleich mitgerechnet, dasern man den Versuch nicht in Luftzleerem Naume anstellt.

6. 30. Da nun in solchen Källen, wo bruckende Rrafte eine Bewegung herfürbringen, Die Geschwindigkeit in Verhaltnis der Kraft und ber Zeit anwächst, der durchlaufene Raum aber sowohl nach der Geschwindigkeit als nach der Beit groffer wird; so laßt sich daraus leicht ab= nehmen, daß der Raum in Berhaltnis ber Rraft und des Quadrats der Zeit, oder welches hier einerlen ift, in Berhaltnis ber Kraft und des-Quadrats der Geschwindigkeit anwachse. Die= ses findet im Ganzen, so wie in jeden Theilen ftatt, fo lange Die Rraft immer einerlen bleibt, wie es ben der Schwere und dem Kall der Korper statt findet. Ift aber die Rraft veranderlich, so muß sie für jedes Zeittheilchen besonders betrachtet, und die sämtlichen einzeln Wirkungen in eine Summa gezogen werden. Da kommt man

man nun mit den vorhin (§. 23.) erwähnten Differentialformeln bald zu Ende. Ich darf sie nur hersegen:

 $pdt = dc \\
 pdx = cdc$ 

Und ein Algebraiste, der die Mechanic durch= gangen hat, wird fie ben dem erften Unblicke erfennen, und fich darein zu finden wiffen. Den übrigen wird felbst die Erklarung davon wenig Licht geben. Werden sie auf die Kraft ber zu sammengeprefiten Luft in dem Laufe der Klinten angewandt, so kommt diejenige Formel heraus, von welcher ich oben (§. 9.) sagte, daß sich der Berr Ritter d'Urcy, fo gern er damit das Publicum mochte verschont haben, nicht habe enthal ten konnen, sie wenigstens verstohlener Weise in seiner Theorie der Artillerie vorzutragen. dessen mußte er es thun, und wenigstens benen, die sich vor der Allgeber nicht zurücke ziehen, zu zeigen, auf welchen Grunden Die barauf folgen= ben Tabellen beruhen. Ich will eben nicht gut stehen, ob sie nicht im folgenden auch vorkom= men werde?

§. 32. Da indessen Figuren vor Augen mahlen, was die Algeber in Buchstaben verssteckt, so kann ich wenigstens in einer Figur zeisgen, was sich in dieser Formel so unbedingt nicht ins Deutsche übersetzen läßt. Fig. II. In der zwenten Figur stelle EF den Lauf einer Flinte vor. Die Ladung fülle Anfangs den Raum EGD 2

aus, und angezündet treibe fie die Rugel fort. Weim nun 3. E. die Rugel bis in P gefommen, so sieht man leicht, daß die eingeschlossene Luft, welche Anfangs mir in dem Raume EG ware, fich nunmehr durch den gangen Raum EP ausgebreitet bat. Die Rraft, womit sie die Rugel noch ferner forttreiben, ober berfelben neue Grade von Geschwindigfeit geben fann, ift in eben ber Berhaltnis geringer. 2Bie fie aber auch immer fenn mag, fo wird fie mit der Rraft der Schwere verglichen, und daher durch diejenige Angahl von Rugeln vorgestellt, deren Gewicht zureichend fenn wurde, ju verhindern, daß fich die in EP befindliche Luft nicht weiter ausdehnen könne. Angahl werde durch die Linie PM vorgestellt. Im Anfange, wo die Rugel noch in G ift, seve fie = BD, hingegen CE, wenn die Rugel bis an Die Mundung F kommt. Weiß man nun für jeden Punct P, wie groß MP ift, so laßt sich durch die auffersten Puncten D, M, E, die frumme Linie DME ziehen. Das Gewicht der auf fern Luft wird, wie ich bereits (§. 29.) erwähnt habe, ebenfalls durch eine Angahl von Rugeln ausgedrückt, und ift in der Lange ber Linien BD, PM, CE, bereits mit inbegriffen. Da man basselbe nicht anders wegnehmen kann, als wenn man in einen luftleeren Raum schieffen wollte. fo wird der Druck der innern Luft dadurch um eben so viel vermindert. Die Angahl der Rugeln, welche dem Gewichte der auffern Luft gleich ist, werde durch Pp vorgestellt, und durch p eine

eine gerade Linie mit AC parallel gezogen, so wirkt die eingeschlossene Luft in jeden Puncten B, P, C, eigentlich nur mit der Kraft bD, pM,cE. Rum giebt die erste der benden angeführten algebraischen Formeln, daß in jedem Punct P die Geschwindigkeit der Rugel durch die Seite eines Quadrats vorgestellt werde, dessen Inhalt dem Naume bDMpb gleich ist. Kömmt nun die Kugel bis an die Mündung F, so wird der ganze Naum bDMEcpb in ein Quadrat von gleichem Inhalte verwandelt, und die Seite dieses Quadrats stellt die Geschwindigkeit vor, mit welcher die Rugel in F aus der Flinte vollends herausfährt.

S. 33. Der Br. Ritter d'Urcy nimmt nun an, daß jede Linie PM in eben ber Berhaltnis fleiner wird, in welcher die Lange AP zunimmt, so daß sich ben ihm durchaus AB zu AP verhalt, wie PM ju BD. Dieses geht nun ben gusammengepreßter Luft, und daher ben Windbuchsen nothwendig an; und da ist die krumme Linie DME von der Art, daß sie schon von der alten Griechen Zeiten ber einen Namen hat. Rurg, es ift eine ordentliche Zyperbel, deren Asomtoten AC und AH sind. Der Br. Ritter d'Arcy bruckt in seiner Formel den Raum BDMECB burch Logarithmen aus, und zieht davon den Raum des Rectangels BbcC ab, um den Raum bDMEcpb zu erhalten, bessen Quadratwurzel die Geschwindigkeit der Rugel in F vorstellt. Dieses konnte er aber so unmittelbar nicht vor-D 3

nehmen, weil er die erste Linie BD ober ihre eigentliche Länge noch nicht wußte. bemnach die Sache um, und anstatt aus dieser Linie die Geschwindigkeit in F zu suchen, nimmt er diese Geschwindigkeit an, so wie er sie aus sei= nen Versuchen mit dem Pendul berechnet hatte, und bestimmt dadurch die Lange der Linie BD. Da er in allen Bersuchen gleiche Ladung gebraucht hatte, so hatte er eigentlich auch BD immer von einerlen Groffe finden follen. Er findet sie aber in der ersten Reihe von Bersuchen, woraus er, vermuthlich aus Uebersehen, oder weil es nur der fürzere Lauf ware, Die zwente Tabelle berechnet, von 613 bis 292, in der zwenten Reihe von Bersuchen, woraus er die erfte Tabelle berechnet, von 716 bis 475 verschieden. Er nimmt dem= nach im ersten Fall mit Weglassung des letten Bersuches, welcher von den übrigen zu viel abwiche, das Mittel 553. Im andern Fall nimmt er das Mittel, vermuthlich aus allen Bersuchen. Denn benm Nachrechnen fam es ben mir, wiewohl um etwas weniges, anders heraus. Dem für jede Reihe von Versuchen angenomme= nen mittlern Werthe von BD, berechnet er sodannt die Geschwindigkeiten der Rugel in F aufs neue, und vergleicht sie noch in zwo andern Tabellen mit denen vermittelst des Penduls gefundenen Geschwindigkeiten. Dun war es gan; naturlich, daß sich auch hier Unterschiede finden mußten, weil er für jede Versuche der Linie BD einerlen Lange gabe, da fie doch, ber erften Berechnung 4U=

jufolge, nicht einerlen Lange haben follten. Den in der erften Tabelle, ben Auffuchung des Mittels weggelaffenen Berfuch, laßt er auch hier weg. Da ich denselben nachholte und berechnete, so fand sich die Geschwindigkeit 490 Ruß, anstatt 359, welche vermittelft des Penduls gefunden worden. Der Berr Ritter d'Urcy giebt, um Diese Unterschiede begreiflich zu machen, einige Grunde an, die er von dem Zittern des Penduls, den fpater entzündeten Pulverkornern, und bemt por dem Pendul vorgespannten Tuche hernimmt, und fieht die gefundenen Unterschiede für ge-

ringe an. §. 34. Ich muß gestehen, daß mir die Sache anders vorkame. Die Unterschiede find wegen bes für BD angenommenen Mittels theils bejaht, theils verneint, und fo werden fie in ber Mitte am fleinsten. Sie werden aber gegen bende Ende, und besonders ben den letten Bersuchen, aufehens groffer, und berechtigen vielmehr, bent Schluß zu machen, daß die Linie DME, welche ben Windbüchsen eine Hoperbel ift, ben dem Schießgewehr es nicht seve; ober wenn sie es dennoch ist, die vermittelst des Penduls berechneten Geschwindigfeiten anders berechnet werden muffen. Go konnte auch gar wohl bendes statt haben, daß nemlich eine andere Linie DME und andere Geschwindigkeiten genommen werden mußten. Was nun ben diesem Unstande zu thun bleibe, das ift eine Frage von gang befon-Derer Art. ABare Die Linie DME befannt, fo 2 4 fonn= könnten die Geschwindigkeiten geprüft und die wahren gefunden werden, und hinwiederum liesse sich aus den wahren Geschwindigkeiten die Linie DME finden. Nun aber weiß man noch weder diese noch jene. Aus nichts läßt sich nichts sinden. Man wird die Sache aufgeben müssen.

Dieses that ich aber bennoch nicht. 0. 35. Man muß sich von Schwürigkeiten nicht so leicht abschrecken lassen. Ich nahme die Geschwin= digkeiten, so wie sie der Herr Ritter d'Urcv vermittelft seines Penduls gefunden, vor, sabe fie an, als wenn es die wahren Geschwindigkeiten waren, und da kam die Aufgabe vor, wie sich daraus die Linie DME finden, oder wenigstens durch eine geometrische Construction vor Augen mablen liesse. Man stelle sich vor, EF oder AC sene die anfängliche Länge des Laufes, und nach= dem etliche male abgesägt worden, finde sich der= selbe bis auf AP verkurzt. Was nun immer die Linie DME für eine Natur haben maa, so hat sie die Eigenschaft, daß die Raume bDMp, bDEc in Verhaltnis der Quadrate der Geschwindigkeiten sind, womit die Rugeln aus den Läufen AP, AC abgeschossen worden. Ich fienge daher an, die von dem Ritter d'Urcy berechnete Geschwindigkeiten zu quadriren, und dividirte die Quadrate durch 60,383, als den Fall eines Rorpers in zwo Secunden Zeit, und die Quotien= ten gaben mir die Hohe, aus welcher ein Korper fallen muß, um eben die Geschwindigkeit zu er= hal=

halten. Diese Höhe suchte ich beswegen, weil sie den Raumen bDMp, bDEc nicht bloß proportional, sondern gleich ist, wenn diese durch die Lange = 1 dividirt, in Linien verwandelt werden. Ich werde sie nun nebst der Länge des Laufes und der Geschwindigkeit in folgenden zwo Tabellen vorstellen, wovon die erste für den kürzern, die zwente für den längern der benden Flintenläuse ist, welche, wie ich oben (§. 12. 13.) erzählt habe, der Hr. Ritter d'Arcy durch Abssagen zu seinen Versuchen ausgeopfert.

## Erste Tabelle.

## Zwente Tabelle.

			1	THE REAL PROPERTY.		DELCO STREET
1 Lange	Ge:	1. Sohe fo	2000年	Länge	Ge:	Sobe fo
des	schwin:	der Ge	15 149	bes	fd)win:	der Be:
Laufes.	digfeit	schwin:		Laufes.	digfeit	fchwin:
THE REAL PROPERTY.	der Ku	digfeit	27.E7.10	118702	der Ku:	digfeit
Parties	gel in ei:	ent:	TO E SAY	Parties	gel in ei:	ent:
egales.	ner Ge:	spricht.	Service of	egales.	ner Ges	spricht.
15 March 1985	cunde.	~ .	TO THE REAL PROPERTY.	CONTRACTOR	cunde.	· 自己
	Fuß.	Fuß.			Tub.	Fuß.
$1466\frac{2}{3}$	938	14571		2406	1083	19424
13313	908	13687		2140	1058	18537
11963	890	13117		18733	1042	17981
10613	888	13059	1 196	16063	1023	17331
$926\frac{2}{3}$	872	12592	er sind	1340	991	16264
7913	833	11491		10733	931	14354
6563	796	10493		8063	884	
5213	746	9216		1 540	794	THE REAL PROPERTY.
3863	653	7061		2733	602	6005
2512	559	5158				
$116\frac{2}{3}$	359	2134	1.5			

D 5

\$. 36.

6. 36. Nachdem ich also die Höhen De rechnet, die fich nunmehr fatt der Quadrate der Geschwindigfeit und noch besser als dieselben gebrauchen lieffen, so war die erste Frage, sie mit Den Langen der Laufe dergestalt zu vergleichen, baß ich sehen konnte, ob bende auf eine nicht gar ju irregulaire Urt zunehmen. Denn ber Natur der Sache nach folle es nicht fenn. Wenn es aber bennoch ware, so wurde es auf Rechnung der Umstande des Versuches gesetst werden muf-Das Mittel, fo ich zu dieser Prufung ge= braucht, ist eben dasjenige, so ich bereits in den Beyträgen zur Mathematic in der Theorie von der Zuverläßigkeit der Beobachtungen und Versuche angegeben. Ich gebrauche es demnach hier nicht, wie Zomer und Sopho: cles des Uristotelis Poetic, und kann dahin gestellt senn lassen, ob Virail diese gebraucht hat, weil diese Untersuchung auf die Brauchbar= feit und Unwendung meiner Regel feinen Gin= fluß hat. Fig. III. Dieser zufolge zoge ich eine gerade Linie AC, und trug nach einer angenom= menen Scala die in der erften Columne bender porhergehenden Tabellen vorkommenden Längen der Läufe aus A gegen C. Aus jeden dadurch bestimmten Puncten richtete ich Perpendiculairen auf, und gab benfelben nach einer andern viel Fleinern Scala diejenige Lange, welche die Bah= len der dritten Columne bender Tabellen erfor= Die Figur ftellt diefe Perpendiculairen bern. famtlich vor. Die punctirten sind aus der ersten, Die die übrigen aus der zwenten Tabelle. Run follten fich durch deren Endpuncten zwo, oder wenn des Hrn. Ritter d'Urcy bende Alintenlaufe vollkommen gleich gewesen waren, eine einige frumme Linie ziehen lassen, und diese sollte in ihrer Krummung nichts irregulaires und hockerichtes So aber sahe ich sogleich, daß die punctirten Perpendiculairen merklich und um besto mehr zu turz blieben, je groffer sie waren, und daß folglich nicht eine, sondern zwo krumme Linien, das will sagen, für jeden Flintenlauf eine befondere gezogen werden mußte. Diefes ließ ich mich um desto weniger befremden, weil, wie ich bereits oben (f. 14.) erwähnt habe, ber lan: gere Lauf etwas enger war, und eben baburch, daß er dichter an die Rugel anschlosse, die Luft besser eingeschlossen hielte. Da ich nun ferners leicht sabe, daß die Endpuncten, besonders der punctirten Ordinaten, nicht gang in einer ein= formigen Krummung lagen, so zoge ich die ben: den frummen Linien zwischen diesen irregulair liegenden Endpuncten bergestalt durch, daß sie fich einformig frummeten, und zwischen den 3rregulairitaten bas Mittel hielten. Der Unfang von benden ist deswegen in a, weil Aa zu 34 Parties egales genommen, der Raum ift, den das Pulver ausfüllt, und demnach, wenn die Flinte bis in a abgefägt wurde, die Rugel keinen Spielraum, und damit auch feine Geschwindigkeit haben noch erlangen wurde. Man fieht aus ber Figur, daß diese Irregulairitaten gar nicht groß find. find, und auch dieses ist eine augenscheinliche Probe ber Sorgfalt, womit ber Berr Ritter d'Alrey seine Versuche angestellt hat. zugleich auch eine Probe, wiefern wenigstens die Musquetenschisse zuverläßig sind, wenn alle Sorgfalt gebraucht wird. So zweifele ich auch nicht, daß ben gleicher Sorgfalt die Kanonenschusse nicht eben so weit zuverläßig sollten senn Endlich, da die groffern Irregulairita= fonnen. ten sich ben dem fürzern Laufe auffern, welcher einen weitern Spielraum hatte, fo ift fehr vermuthlich, daß eben diefer weitern Mundung diefe Brregulairitaten jugeschrieben werden muffen. Denn biesen einigen Umfand ausgenommen, war übrigens alles gleich. So mußte sich auch der Unterschied der Witterung, wenn er fehr merklich ware, ben dem einen Laufe wie ben dem Man kann aber an der Linie andern auffern. AE sehen, daß dieser Unterschied nicht sehr mert= lich senn kann, ungeachtet die Versuche vom 4. August bis jum 15. September gedauert haben. Indessen will ich nicht in Abrede seyn, daß der Berr Ritter d'Urcy nebst der auf die Berfertigung seines gebrauchten Pulvers verwandten Sorgfalt nicht auch diese sollte gehabt haben, daß er dasselbe die ganze Zeit durch trocken er= hielte, weil ein Pfund feuchtes Pulver weniger Pulver ist als ein Pfund trockenes, und jenes über dis sich muhsamer entzundet, und auch da= durch noch schwächere Wirkung aussert.

§. 37.

6. 37. Man sieht aus allen diesen Betrachtungen, daß ich die benden krummen Linien AD und AC eigentlich und unmittelbar nur gur Prufung der Regelmäßigkeit der Versuche gezogen. und um mich dadurch zu versichern, daß in ben: den vorhergehenden Tabellen die Zahlen der drit= ten Columne nicht gar zu febr irregulair find. und von dem Wahren abweichen. Diese benden frummen Linien sind nun noch nicht diejenigen. die ich mir (b. 35.) vorgesest hatte zu suchen. Denn hier habe ich die Hohen oder die Zahlen der dritten Columne bender Tabellen durch die Perpendiculairen oder Ordinaten vorgestellt, hingegen in den gesuchten krummen Linien muß fen eben diese Hohen durch die Rlachenraume vorgestellt werden, wie man sich dessen aus dem 6. 35. erinnern kann, so wie es mir noch in ganz frischem Angedenken ist. Indessen habe ich die zwo krummen Linien AD, AE nicht schlechthin nur zur Prufung ber Berfuche gezogen, wiewohl ich allerdings fagen kann, daß es daben geblieben ware, wenn sich gar zu groffe Irregulairitäten wurden gezeigt haben. Da aber biefes jum Ruhme des Herrn Ritter d'Alrey nicht ist, so werde ich diese Linien, und besonders die grossere AE noch ferner gebrauchen. Ich ziehe sie ber fleinern AD sowohl wegen des langern Laufes als wegen ber engern Mundung besselben vor. Der Gebrauch, den ich nun eigentlich noch davon machen will, ift, daß ich mich derselben bedienen werde, um diejenige zu finden, die ich mir in Dem bem 6. 35. zu suchen vorgeset hatte. braisten werden mich leicht verstehen, wenn ich sage, die Linie AE sene die Quadratrix von der gesuchten krummen Linie. Um aber dieses uns deutsche Wort, womit die Lateiner ein griechi= sches von Dinostrates aufgebrachtes haben überseben konnen, und welches man in achtem Deutsch eine Vierungszeile oder Vies rungszig geben konnte, und noch weniger verstanden wurde, um, sag ich, das Wort Quadras trir vermittelft mehrerer Weitlauftigkeit zu vermeiben, oder besser zu sagen, um die Methode, die ich gebrauchen werde, aufzuklären, werde ich die gesuchte krumme Linie als schon gefunden ansehen, und sie in der Figur zeichnen. sene dieselbe demnach FG, so hat dieselbe zu der Linie AE die Verhaltnis, daß welche Ordinate PM man immer zieht, diese dem dadurch abge= schnittenen Raume aFgPa proportional ist. Denn sowohl PM als aFgPa sind den Zahlen der dritten Columne vorstehender Tabelle pro: portional, und zwar PM beswegen, weil die Linie AME nach diesen Zahlen ist construirt worden, aFgPa aber, weil vermog des &. 35. die gesuchte Linie FG diese Eigenschaft haben solle.

§. 38. Uns dieser Proportionalität folgt nun ferners, daß wenn man sehr nahe an P eine andere Ordinate pm zieht, diese ebenfalls in gleicher Verhältnis zu dem Naume a Frp ist. Und eben dieses wird auch von dem Unterschiede gelten. Zieht man nemlich Mn mit AC parallel,

fo ift mn ber Unterschied bender Ordinaten PM. pm; und das Trape; proP ist der Unterschied bender Raume AFqP, AFrp. Und mn ift it Verhältnis von praP. Solle nun Parp als ein Rectangel betrachtet werden konnen, so wird dieses desto genauer angehen, je kleiner Pp ges nommen wird. Und alsbenn verhält sich mn ju Pp ober mn ju Mn wie Pg ju einer vierten Groffe, welche wegen vorbemeldter Proportio= nalität beständig ift. Man verlängere nM ge= gen S, und ziehe durch den Punct M eine Linie M'I, welche die krumme Linie AME in M be= rühre oder eine Tangente derfelben fene. nun auf dieser der Punct T da genommen. wo die Perpendicular TS der Ordinate Pa gleich wird; so ist MS die gesuchte beständige Groffe, oder es verhalt sich ma zu Ma wie TS au MS.

§. 39. Alles dieses geht an, wenn man voraussett, die gesuchte Linie FG seine schon gestunden und gezeichnet. Um sie nun aber wirklich zu sinden, dürsen wir nur den Rückweg nehmen. Da bleiben nun aMS, und MT, insgleichem Pm, pm gezogen. MS wird, weil es nur um die Proportion zu thun ist, nach Belieben angenommen, und so läßt sich ST ziehen und aus P in q aufgetragen. Da man nun auf eben diese Art für jeden Punct M der Linie AE einen correspondirenden Punct q der gesuchten Linie FG sindet, so ist kein Zweisel, daß diese Linie nicht sollte gezogen werden können. Was

baben am meiften Schwurigkeit macht, ift die Ziehung der Tangente TM, oder wenn fie gezo= gen wird, die Bestimmung des Puncts M, wo fie die frumme Linie AME berührt. Bu diesem lettern habe ich in vorhin ( §. 36.) erwähnter Theorie der Zuverläßigkeit der Beobs achtungen und Versuche Anleitung gege= ben. Sier bemerke ich nur, daß wenn sie je nicht gang genaue gezogen wird, die Linie ST, und bamit auch die Ordinata Pa bald zu groß bald zu flein werde, es sene denn, daß man den übel angebrachten Vorsat hatte, die Tangente allemale so unrichtig zu ziehen, daß Pg immer zu groß ober immer und auf eine ganz irregulaire Art zu flein wurde. Daß ich ben Ziehung der Linie FG einen folchen übeln Vorfat nicht gehabt habe, wird die Folge weisen. Die Puncte q, die ich auf die erstbeschriebene Art fand, lagen zwar nicht vollkommen in einer einformigen Krummung, ich jog aber die Linie FG zwischen denselben eben so durch, wie ich es Anfangs mit den Linien AD, AE gethan hatte. (§. 36.)

§. 40. Auf diese Art erhieste ich demnach meine Absicht. Es wird nun Zeit senn, sich wiesterum zu erinnern, daß AC die Länge eines Flintenlauses, Aa die Länge der Ladung, und wenn diese loßgebrannt wird, jede Ordinate Pq die Kraft des Pulvers vorstellt, wenn die Kugel bis in P fortgetrieben ist. Und zwar alles dieses noch immer mit der Voraussetzung, als wenn die von dem Herrn Ritter d'Alrey vermittelst seines

Venduls gefundene Geschwindigkeiten der Rugeln die wahren Geschwindigkeiten waren. ( &. 35.) Wer leicht hoperbolische Linien gesehen oder selbst construirt hat, wird hier ben dem ersten Unblicke erkennen, wie sehr FG davon abweicht. Denn aF und aC mußten ihre Alfomtoten fenn. (§. 33.) die Linie FG mußte fich gerade eben fo gegen a F nahern, wie sie sich gegen aC nahert. und jede von a doppelt entfernte Ordinate mufite halb so groß als die einfach entfernte senn, die brenfach entfernte aber nur & fo groß. Ich nahm Diefe Probe vor, um zu feben, wie fern die Linie FG davon abweicht. Und ben genauerer Unters suchung fand siche, daß die Ordinaten nicht in ber erstbemeldten harmonischen Progregion, son= bern vielmehr in geometrischer Progregion abnahmen, und demnach die Linie FG eine logarithmische Linie senn, oder wenigstens davon nicht viel abweichen wurde. Da nun die Quabratrix einer logarithmischen Linie ebenfalls eine logarithmische Linie ist, so konnte ich mich in dieser Untersuchung an die Linie AE oder unmittel= bar an die vorhin angegebenen Tabellen halten. um die Prufung vorzunehmen. Es ift unnothig, daß ich die hierüber angestellte Rechnung hier vortrage. Sie ist weber weitlauftig noch schwer, aber algebraisch. Und überdis kommt es daben eigentlich nur auf den Erfolg an, weil daraus erhellen solle, wie sich in der obigen Tabelle die Bahlen der dritten Columne durch die Bahlen der ersten Columni finden lassen, und zwar so, daß weil die Zahlen der dritten Columne wegen den ben Bersuchen unvermeidlich kleinen Irregusaritäten, selbst nicht vollkommen genaue sind, man sich an einigen kleinen Unterschieden nicht stosse, wenn die Rechnung diese Zahlen nicht ganz genau herausbringt. Denn hielte die Rechnung das Mittel, so würde sie unstreitig genauer seyn als die Versuche.

§. 41. Der Erfolg meiner Rechnung kommt

auf diese Formel

 $h=20145\left(1-e^{-\left(16\frac{1}{9}+x\right):818,5747}\right)$ 

an. Sie ist für die zwente Tabelle des §. 35. berechnet, und da bedeutet e die Zahl, deren Logarithmus = 1 ist, x aber die Länge des Flintenlaufes in Parties egales oder jede Zahl der ersten
Columne, und h die Höhe oder jede Zahl der dritten Columne, wenigstens eine davon nicht merflich verschiedene. Die Vergleichung wird nut
in folgender Tabelle vor Augen gestellt.

Lange bes Lau: fes, nach g. 35.	Höhe, nach	Höhe 4 berech:	Unterschied.
2406	19424	19103	+ 321
2140	18537	18702	- 165
18733	17981	18145	- 164
$1606\frac{2}{3}$	17331	17381	- 50
1340	16264	16306	- 42
1073 3	14354	14826	- 472
$806\frac{2}{3}$	12941	12776	+ 165
540	10440	9935	+ 505
2733	6005	6000	+ 5

Man

Man sieht aus der Irregulairitat biefer Unters schiede, daß der grofte Theil davon auf Rechnung der Bersuche gesetzt werden muß, und daß die Formel die Linie AE genauer als die Zahlen vorstellt, aus welchen diese Linie dergestalt com struirt worden, daß sie zwischen benselben das Mittel halt. (§. 36.) Ich habe endlich vermittelst eben dieser Kormel die Linie HI mit AC parallel gezogen, indem ich AH = 20145 ge= macht; und so ist HI die Usomtote der Linie AE, wenn diese genau eine logarithmische Linie ift. Man sieht aber aus der erst gegebenen Tabelle, daß fie davon entweder gar nicht, oder wenigstens unmerklich verschieden ift. Und eben dieses gilt nun auch von der Linie FG, welche zufolge der Theorie eine Hoperbel senn sollte.

Ich muß gestehen, daß mich biefer 6. 42. so gar heterogene Unterschied zwischen einer logarithmischen und hoperbolischen Linie stußig mach= te, und nicht wenig verleitete, zu zweifeln, ob sich die Geschwindigkeit der Rugel aus der Geschwin= digkeit des Penduls, nach der Lehre vom Stoffe unelastischer Körper, ben jeden Graden der Geschwindigkeit berechnen lasse? Dazu kame noch der Umstand, daß nach eben diefer Berech= nung zugleich auch die Theorie vom Widerstande der Luft gang in Berwirrung gebracht wird, weil derselbe dadurch amal groffer herauskommt, als es die Theorie angiebt. Was mich aber vol= lends aufbrachte, war ein Versuch des Herrn Robins. Derselbe schoß mit einer sehrkleinen

Labung eine bleverne Rugel von & Londnerzollen gegen sein Pendul, und fand, bas Mittel aus vielmal wiederholten Versuchen genommen, die anfängliche Geschwindigkeit der Rugel 400 Fuß in einer Secunde. Mit gleicher Ladung schoß er sodann eine Rugel von gleichem Diameter über ein stillestehendes Wasser, so daß man den Ort, wo die Rugel anfieng das Wasser zu berühren, deutlich beobachten, und sowohl den durchlaufe: nen Raum als die dazu gebrauchte Zeit messen und bestimmen konnte. So fand er, daß die Rugel in 51 Secunden Zeit 373 Pards oder 1119 Auß durchlaufen hatte, ehe sie auf das Wasser Nach der Theorie vom Widerstande der Luft hatte dieses in 4 Secunden geschehen sollen. ich rechnete dieses nach, und fand, daß nach eben dieser Theorie die Rugel nur 300 Kuß anfäng= licher Geschwindigkeit mußte gehabt haben, um in 51 Secunden 373 Pards oder 1119 Lond= nerfuß zu durchlaufen. herr Robins verfichert, daß er wegen der oftern Wiederholung des Versuches mit dem Pendul bis auf 10 Ruß gewiß sene, daß er der Rugel 400 Ruß von Ge= schwindigkeit geben konne. Daß nun diese 400 Ruß, nach seiner Urt zu rechnen, herauskommen. baran habe ich im geringften feinen Zweifel, weil ich von seiner Genauigkeit und Sorgfalt eben fo, wie von des Berrn Ritter d'Alrcv feiner, ver= sichert bin. Ich wußte aber eben so gewiß aus andern Versuchen, daß, so fehr auch die Theorie vom Widerstande der Luft ben Geschwindigkei-

ten von 2000, 3000 ic. Fußen Schwürigkeiten ausgesetzt senn durfte, diese Schwürigkeiten ba, wo eine bleverne Rugel von & Boll in einer Secunde nur 400 Ruß durchläuft, gar nicht statt finden, und daß ich daher sicher schliessen konnte, des Herrn Robins Musquetenkugel habe gleich ben dem Berausfahren aus dem Laufe, in der That nicht mehr als 300 Fuß Geschwindigkeit Da sie aber vermog des Bersuches mit aehabt. dem Pendul sollte 400 gehabt haben, so verfiel ich ganz naturlich auf den Schluß, die Rugel laffe sich ben dem Unschlagen an das Pendul nicht so unbedingt als nicht elastisch ansehen, oder es musse sich ben gröffern Geschwindigkeiten etwas elastisches mit einmengen, und dieses besto mehr, je groffer die Geschwindigkeit ift.

§. 43. Dadurch sieng ich mun an, von der logarithmischen Linie FG, welche ben denen von dem Hrn. Nitter d'Arcy berechneten Geschwindigseiten statt haben würde, zu abstrahiven, und mich der hyperbolischen DE (Fig. II.) wiederum zu nähern. Ich kehrte demnach die Sache solgendermassen um. Der Herr Nitter d'Arcy hatte, wie bereits oben (§. 33.) erwähnt worden, eine Probe gemacht, wie die Geschwindigseiten der Rugeln herauskommen würden, wenn er, der Theorie von der bewegenden Kraft zusammengepreßter Luft gemäß, annähme, die Linie DE seine auch ben dem Schießpulver eine Hyperbel. Zu diesem Ende nahme er ben der Flinte von 6

Rußen an, die Luft in berfelben auffere gleich ben ber Entzündung bes Pulvers einen 6473mal groffern Druck auf die Rugel, als die Luft von auffen her auf dieselbe bruckte. Warum er dieses angenommen, habe ich bereits oben an= gezeigt. Ungeachtet ich nun, weil seine vermittelst des Penduls gefundene Geschwindig= keiten anders ausfallen werden, wohl sabe, daß diese Zahl 647% eben nicht die wahre fenn durfte, so liesse ich es doch Anfangs in Form einer Regel falfi baben bewenden, um so viel mehr, weil ich voraus sahe, daß, wenn auch die wahre Zahl größer oder kleiner senn follte, die Geschwindigkeiten in merklich gleicher Berhaltnis groffer ober kleiner gemacht werden mußten. Ich werde nun bende Ge: schwindigkeiten, sowohl die durch das Pendul gefundene, als die, so durch die Rechnung ben Voraussestung der Hyperbel DE und der Bahl 647 gefunden worden, hersegen, und zwar nur die von der langern Flinte, weil Diese einen doppelten Vorzug hat. (& 37.) Die Lange bes Laufes ift hier um ben halben Diameter ber Rugel fürzer angesett, so wie es ber Herr Ritter d'Alrev, ohne es zu erinnern, auch gethan hat.

Långe

Länge des Laufes+	Geschwindigs feit nach dem Pendul.	Geschwindigs feit nach der Hyperbel.
Parties egales.	Fuße.	Fuße.
2394	1083	1018
2128	1058	1006
1862	1042	991
1595	1023	973
1328	991	951
1062	931	922
795	884	916
528	794	826
262	602	713
105	405	526

Die lette von diesen Geschwindigkeiten für bie Lange des Laufes 105, findet sich nicht in der Tabelle des Herrn Nitter d'Urcy. Ich habe sie selbst noch hinzugerechnet, und zwar die vom Pendul herrührende Geschwindigkeit 405 habe ich vermittelft der Linie AE der dritten Figur, Die Geschwindigkeit 526 aber vermittent der Formel des Herrn Ritter d'Urcy herausgebracht. Bendes geschabe, um zu sehen, wie sich Die Geschwindigkeiten ben einem noch fürzern Laufe verhalten wurden. Und da die von dem Pendul herrührende nur von 405 Fußen, und Daher berjenigen so gut als gleich ift, welche Br. Robins herausgebracht hatte, als er feine Rugel über das Waffer schoffe; so konnte ich aus einem gan; abnlichen Grunde vermuthen, daß sie ebenfalls um den 4ten oder 5ten Theil musse vermindert werden. Denn die Rugeln waren bende von Blen, und bennahe von gleicher Grösse. Des Herrn Robins hatte \( \frac{1}{4}\) Condnerzoll im Diameter, des Herrn Ritter d'Arcy aber  $\frac{2^3}{4^{\circ}0}$  Parisersuß oder 23 Parties egales. Dieses giebt  $\frac{6^{\circ}0}{10^{\circ}0}$  Pariserzoll, und demnach  $73\frac{4}{7}$  hundertste Theile eines Londnerzolles. Demnach sind die Diameter nur wie  $75\frac{1}{7}$ u  $73\frac{4}{7}$  von einander versschieden.

S. 44. Hierauf trug ich nach einer angenommenen Scala die Zahlen der zwenten Columne, oder die nach dem Pendul berechneten Geschwindigkeiten aus A gegen B, (Fig. IV.) richtete aus den dadurch bestimmten Puncten perpendiculaire Linien auf, und machte diese nach eben der Scala ben Zahlen der dritten Columne, oder den nach der Hoperbel berechneten Ge= schwindigkeiten gleich, und jog die krumme Linie AFC mischen den Endpuncten der Perpendicu= lairen so durch, daß sie das Mittel hielte. diese Art sahe ich min vor Augen, nach welcher Berhaltnis benderlen Geschwindigkeiten ungleich zunehmen. Nun follten die Ordinaten EF, BC die wahren Geschwindigkeiten senn, wenn bende Voraussehungen bes Herrn Ritter d'Arcy statt hatten, (§. 43.) das will sagen, wenn die Kraft des Pulvers, wie die von zusam= mengepreßter Luft, geschäft und berechnet wer= den mußte, und wenn die anfängliche Rraft gleich ben der Entzündung des Pulvers 647 ware.

Und

Und wenigstens würden die Ordinaten EF, BC bis auf einen unbeträchtlichen Unterschied proportional seyn, wenn nur die erste von diesen Voraussekungen, welche eigentlich die wesentzliche ist, statt hatte. Dieses mußte nun allers

dings der Erfolg entscheiden.

6. 45. Bu diesem Ende sabe ich nun aus ber zu Ende des S. 43. gemachten Anmerkung leicht, daß, wenn EF die mahre Geschwindigkeit fenn follte, sie um T oder T fleiner senn mußte als AE, welches die durch das Pendul berechnete Geschwindigkeit von 405 Fußen ift. Dun aber ist EF weder 304 noch 324, sondern 526 Ruß, und demnach viel zu groß. Ferners schloß ich auf diese Urt: Ich sahe eine bleverne Rugel, wenn sie mit einer Geschwindigkeit von etlichen wenigen Rußen anstößt, als nicht elastisch an, und folgerte daraus, daß EF der Gleichheit mit AE desto naher kommen musse, je kleiner AE an= genommen wird. Diese Betrachtung hat aber den Erfolg, daß die Linie CFA die Linie AB in dem Punct A unter einem Winkel von 45 Gr. schneiden, oder wenn die Tangente AT ge= zogen wird, der Winkel TAB von 45 Gr. fenn muß. Ich zoge demnach unter einem Winkel von 45 Gr. die Linie At. Da diese nun von AT merklich abwiche, so sahe ich wohl, daß alle Ordinaten der Linie AC in der Berhaltnis von ET zu Et mußten verkurzt werden. erwuchs die Linie AGD, welche nunmehr At zur anfänglichen Tangente bat. Und EG gemessen

messen gab nun nur 320 Fuß. Nach des Hrn. Robins Versuche hatte es nur 300 senn sollen. Allein der Unterschied von 20 Fußen bleibt daben viel zu ungewiß, weil diese 300 Fuße aus der von Herrn Robins beobachteten Zeit von  $5\frac{1}{2}$  Secunde geschlossen worden sind, (§. 43.) allein  $\frac{1}{4}$  Secunde auf  $5\frac{1}{2}$  Secunden mehr oder weniger ist schwer zu beobachten, und bringt einen

merklichen Unterschied auf 300 Ruß.

6. 46. Auf diese Art sind bemnach nun die Abscissen AE, AB ben Geschwindigkeiten bes Penduls, die Ordinaten EG, BD aber den Geschwindigkeiten der Rugel proportional. fieht zugleich auch, daß z. E. AB mehr als doppelt fo groß denn AE, hingegen BD nicht ganz doppelt so aros denn EG ist. Und daraus folgt, das die Geschwindigkeit der Rugel nicht um das Doppelte groffer werden darf, um dem Pendul bennoch eine mehr als doppelt gröffere Geschwin= Diakeit mitzutheilen. Daß aber, um dieses nicht fo gar furz zu sagen, die Abscissen AE, AB die Geschwindigkeiten des Penduls vorstellen, folgt and den oben schon vorgetragenen Caben. Denn diese Abscissen stellen die Geschwindigkeiten der Rugel vor, wie der Herr Nitter d'Alrcy sie aus der Geschwindigkeit des Penduls berechnet hatte. (f. 44.) Er hatte fie aber dergestalt berechnet, daß er sie einander proportional sette. (6. 22.)

§. 47. Da den oben vorgetragenen Betrachtungen zufolge die Wirkung der blevernen Rugel



Rugel der Wirkung einer elastischen besto näher kommt, je gröffer deren Geschwindigkeit ist, (8. 27.) so hat dieser Umstand in Ablicht auf die Linie AGD einen Erfolg, ben ich gern durch die Versuche geprüft hatte, wenn diese nicht inner kleinern Schranken der Geschwindigkeit zurücke blieben. Der Erfolg selbst ist dieser. Gine elastische Rugel wurde bem Pendul eine doppelt groffere Geschwindigkeit mitgetheilt haben, als eine gar nicht elastische, und daher darf sich die erstere mir mit einer halb so groffen Geschwindigkeit bewegen, um dem Pendul dennoch eben die Geschwindigkeit mitzutheilen, so die nicht elastische Demselben mittheilt. Run geht die bleverne Rugel stuffenweise von der einen dieser Gigen= schaft zur andern über, wenn ihre Geschwindig= keit groffer wird. Dieses macht aber, daß die Ordinaten EG nur da den Abscissen AE gleich find, wo diese sehr flein genommen werden. Nimmt man sie aber groffer, so bleiben die Dr= dinaten im Unwachsen zurücke, und zwar derge= stalt, daß sie der Selfte ihrer Abscissen immer naher kommen, ohne jemals kleiner-als diese Helfte zu werden. Go z. E. ift EG bennahe & von AE, Singegen ift BD schon merklich mehr fleiner als AB, und verhalt sich zu AB wie 5 ju 9. welches noch etwas über die Selfte ift. Weiter als B reichen nun die Versuche nicht, und so kann ich nicht sagen, ob endlich die Ordinaten der Helfte ihrer Abscissen gleich werden, oder sich derfelben nur auf eine asymptotische Art nahern, ohne sie nie zu erreichen. \$. 48.

S. 48. Inzwischen werde ich die Geschwindigkeiten EG, BD, so weit sie gehen, nehmen, und sie nebst den dazu gehörigen Längen des Laufes in einer Tabelle vortragen, so wie ich sie aus einer grössern Figur gefunden.

A STATE OF THE STA	MINERAL SECTION AND SECTION AN
Lange des Laufes.	Geschwindig=
Parties egales.	Fuße.
2394	610
2128	605
1862	601
1595	593
1328	584
1062	563
795	545
528	511
262	426
105	320

Dieses ändert nun die Rechnung des Herrn Ritter d'Arcy dergestalt, daß die anfängliche Kraft des Pulvers nicht mehr 647<sup>‡</sup>, sondern nur 238½mal grösser als das Gewicht der Althmosphäre, oder 18122mal grösser als das Gewicht der Rugel ist, welches er 76mal kleiner als das Gewicht der Athmosphäre, oder einer Columne Quecksilber von 28 Zollen sest. Und seine Formel, wodurch er aus der Länge des LauLaufes die Geschwindigkeit der Rugel berechnet, verwandelt sich in folgende

$$vv = 93085 \log \left(\frac{x}{34}\right) - \frac{4582}{400} \cdot x + 391.$$

wo x die Länge des Laufes in Parties egales, vaber die Geschwindigkeit in Fußen ist, und der hyperbolische Logarithmus genommen werden muß. Wird aber der Briggische aus den Tabellen genommen, so ist die Formel

$$vv = 214336 \log \frac{x}{34} - \frac{4582}{400} x + 391.$$

Nimmt man z. E. x = 1062 Parties egales, so giebt diese Formel die Geschwindigkeit v = 556, welches von der in der Tafel angesetzen nur um 7 Kuß unterschieden ist.

§. 49. Da nun auf diese Art die Geschwinzbigkeiten nach einer ganz andern Werhältnis anwachsen, so hat es auch alles Ansehen, daß die Schwürigkeiten, welche aus der Hrn. Robins und d'Arcy Rechnungen in Absücht auf den Wisderstand der Luft entstunden, ebenfalls eine andere Gestalt erhalten werden. In Ansehung der Geschwindigkeit, welche Herr Robins von 400 Fußen fand, und welche ich ohne alles Beschenken und wegen anderer ganz richtiger Verssuche auf 300 oder 320 Fuße herunter setze, (§. 42. 45.) merke ich nur dieses an. Ich versminderte diese Geschwindigkeit deswegen um so viel, weil es die Theorie von dem Widerstande der Luft ersorderte, und weil ich versichert ware,

baß diese Theorie ben so geringen Geschwindigfeiten keinen Unftog hatte. Danun in der 4ten Riaur die Linie AD aus der Gewalt des Schieß= pulvers ist berechnet worden (§. 48) und da sie auf die nach dem Pendul berechnete Geschwin= diafeit AE = 405 die wahre Geschwindigkeit EG = 320 giebt; so sehe ich daraus, daß die Theorie von der Gewalt des Schiekvulvers oder ber zusammengepreßten Luft mit ber Theorie vom Miderstande der Luft aan; ordentlich zusammen= treffen, und in sofern einander bekräftigen. Und Dieses hat um bestomehr auf sich, da diese bende Theorien auf Grunden beruhen, die von einan-Der gang verschieden sind. Denn ben bem Wi= derstande der Luft kommt blos die Inertia dersel ben, ben der Theorie der Gewalt des Schieß= pulvers aber ihre Clasticitat, ohne alle Rucksicht auf die Inertia, in Betrachtung.

S. 50. Um aber zu sehen, was es ben grössert Geschwindigkeiten für eine Bewandnis habe, so kommen die Versuche der Herren Robins und d'Arcy darinn überein, daß ben Geschwindigkeiten, die sie nach ihrer Artzu rechnen von 1000 Fußen sanden, der Widerstand der Luft ungestehr doppelt größer senn sollte als ihn die Theorie angiebt. Der Herr Ritter d'Arcy hat darüsber einen vielmal wiederholten Versuch angestellt. Er giebt denselben zwar nicht vollständig an, schließt aber darans, daß eine blenerne Flintenskugel, wenn sie mit einer Geschwindigkeit von ungesehr 1100 Füßbewegtwird, nur noch 1000

übrig behålt, nachdem sie einen Raum von 84 Fußen durchlaufen, oder daß sie ungefehr den eilften Theil der Geschwindigkeit daben verleurt. Die Rugeln wogen I Unze I Quintlein 54. Gr. das will sagen, sie waren in gleichem Model gegossen, wie die übrigen, (§. 22.) Nehme ich nun AB=1083 (§. 44.) und vermindere AB um den eilften Theil, so komme ich auf Ab=985, und richte aus b die Ordinate b auf. Damit sinden sich die wahren Geschwindigkeiten

BD = 610, bd = 580.

weche nun nicht mehr um den IIten sondern nur um ben 20ten Theil verschieden sind. Und badurch fallt die Schwürigkeit, als ob der Widerstand der Luft doppelt groffer sene, als ihn die Theorie angiebt, ganz weg. Ich mache die Rechnung hierüber nicht genauer, weil der Berr Nitter d'Urcy nicht angegeben hat, wie groß zur Beit seines Bersuches die Dichtigkeit der Luft gewesen ist. Man sest zwar gewöhnlich die Luft sene 850 mal leichter als das Wasser. aber befonders an Dertern, die tiefer gegen bem Meere liegen, Diese Berhaltnis fast immer ju groß, und es kann die Luft baselbst ben hohem Barometer und vielen sichtbaren, oder unsichtbaren Dünsten so dichte senn, daß sie nur 700 oder gar nur 600mal leichter als das Wasser ift.

§. 51. Diese lette Anmerkung gilt eben so und noch mehr für die Luft in England, wo Herr Ro.



Robins seine Versuche angestellt hat. 11eber: bies findet fich ben diesen Bersuchen ein Umstand, welcher zwar in Absicht auf die Geschwindigkei= ten an sich betrachtet nicht viel, hingegen in 216= ficht auf die Bergleichung zwoer wenig von einander verschiedenen Geschwindigkeiten destomehr zu sagen hat. herr Robins schosse aus gleis chem Laufe und mit gleichen Ladungen bleverne Rugeln von gleicher Groffe gegen sein Bendul Unfangs geschabe es in einer Entfernung von 25 Rußen zu wiederholten malen, und fand nach seiner Urt die Geschwindigkeit der Rugel zu berechnen, daß diese 1670 Ruß in eine Secuns Das andere mal schoß a 50 Ruß de Betruge. weiter, oder in einer Entfernung von 75 Fußen vom Pendul, und da fand er, daß die Rugel nur mit einer Geschwindigkeit von 1150 Rußen auf das Pendul anfuhr. Und so ware die Geschwin= digkeit der Rugel, wegen des um 50 Ruß langern Weges um 120 Ruß fleiner geworden. Herr Robins giebt seine berechnete Geschwin= diakeiten bis auf einen Unterschied von 20 Ruken genau an. Dieses hat nun allerdings auf eine Geschwindigkeit von 1670 Rußen nicht viel ju fagen. Ob hingegen 20 Ruß mehr ober min= der auf den gefundenen Unterschied von 120 Fußen eben so wenig zu sagen habe, das läßt sich eben nicht behaupten. Indessen kommt es ben der Berechnung des Widerstandes der Luft eigentlich auf diese 120 Auß an. herr Robins wählt daher auch gröffere Entfernungen. **schoß** 

schoß die Kugel 175 Ruß weit vom Vendul ab. und findet, daß fie nun nur noch mit einer Beschwindigkeit von 1300 Rußen auf das Pendul traf. Und so hatte sie nun in einem Wege von 150 Ruß weit, 370 Auß von ihrer Geschwindigfeit 1670 oder 1690 verloren, welches une gefehr & beträgt. Diese Geschwindigkeiten 1670 und 1300 lieffen fich nun vermittelft der aten Figur leicht auf die mahre reduciren, wenn die Abscisse AB so weit verlangert ware. Ungeach tet aber die Bersuche des Herrn Ritter d'Urcv so weit nicht reichten, so sieht man aus der Urt, wie sich die Linie AD frummet, ohne Muhe, daß diese Geschwindigkeiten nicht gar aber doch bennahe auf die Helfte, ihr Unterschied aber bennahe auf den vierten Theil, oder die Berhaltnis zwischen benden Geschwindigkeiten bennahe auf die Helfte reducirt werden muß. Denn Daran fehlte schon ben BD, bd nicht mehr viel. (6.50.) Ich folgere baraus, daß die wahren Geschwindigkeiten, anstatt um 2 von einander verschieden zu fenn, nur etwas weniges mehr bann i von einander verschieden waren. Wenn ich nut auch die Euft so dunne senn lasse, daß sie 850mal leichter ist als das Wasser, so finde ich nach der Theorie des Widerstandes der Luft, daß die Geschwindigfeit in der Verhältnis von 113 ju 100 habe abnehmen muffen, indem die Rugel einen Weg von 150 Rußen durchlieffe. Die Verhåltnis 100 fallt zwischen 7 und 8, just so, wie es des Hrn. Robins Versuch angiebt, wenn man

man seine berechneten Geschwindigkeiten auf die wahren reducirt. Es treffen demnach auch hier die einfachste Theorie von der Kraft des Pulvers, die Theorie vom Widerstande der Luft, und die Versuche ordentlich zusammen. Herr Robins berechnet den ersten Kall, wo die Rugel nur 50 Kuß durchlaufen hatte. Un diesem wurde ich mich nun wegen seiner vorhin bemeldten Unzuverläßigkeit gar nicht aufgehalten haben. scheint daher, Herr Robins habe denselben ge= wählt, um den Unterschied zwischen seinen Bersuchen und der Theorie des Widerstandes der Luft recht in die Augen fallend zu machen. Seine gefundene 1670 und 1550 Fuß, machen einen Unterschied, der sich auf I Theil beläuft. Die= fer wird aber, wenn man die von Hrn. Robins berechnete Geschwindigkeiten auf die mahren heruntersett, nicht gar auf die Helfte, demnach auf etwas weniger als I gebracht. Nach der Theorie finde ich die Abnahme der Geschwindig= keit der Rugel in einem Wege von 50 Rußen, in der Verhältnis wie 1042 zu 1000, welches ungefehr I Unterschied giebt. In dem dritten Bersuche, wo die Geschwindigkeit von 1180 bis auf 950 abnahme, als die Rugel einen Weg von 225 Rußen durchliefe, bringt Hr. Robins ben Widerstand der Luft nach seiner Rechnung merklich viel geringer heraus, und zwar nur in der Verhaltnis wie 7 zu 11 gröffer, als es die Theorie angiebt. In der That kam dieser Unterschied hier wenig groffer heraus, als ben dem oben

oben (S. 42.) erwähnten Versuche bes Brn. 20: bins, wo die Geschwindigkeit bennahe amal geringer ware. Ich follte fast benten, baß Diese Bersuche nicht durchaus genaue unter sich selbst harmoniren. Wenn ich die Geschwindigkeiten 1180 und 950 auf die wahre reducire, welches vermittelft der vierten Figur noch endlich aeschehen kann, so sind diese mur 620 und 570. Der Unterschied beträgt 50, und demnach einen Theil. Nach der Theorie ware er aber donpelt groffer, weil fich nach derselben die Berhalt: nis der Geschwindigkeiten für einen Weg von 225 Fussen, wie 1201 zu 1000, demnach wie 6 311 5 findet. Rach dem Berfuche mare biefe Berhaltnis = 12:11, und so mußte die Luft doppelt dunner gewesen senn. Ich muß schliefe fen, es sene in dem Bersuche ein eben nicht aar groffes Berfehen vorgegangen, oder ein Umftand mit unterlaufen, welcher dem Herrn Robins unbemerkt bliebe. Biele Artilleriften wurden mit Ausfindung solcher Umftande bald fertig senn, für welche Br. Robins gewiß gut steben fann, daß fie ben feinen Berfuchen nicht waren.

§. 52. Um nun wiederum zu den Versstuchen des Herrn Ritter d'Urcy zurücke zu kehsen, so kann man sich leicht erinnern, daß alle bissher darüber angestellte Betrachtungen sich durchaus nur auf die oben (§. 35.) vorgetragene zwente Tabelle beziehen. Ich hatte diese vorsgezogen, weil sie für den längern, und dichter an F2 die

die Rugel schliessenden Flintenlauf ift. Es wird mm nicht schwer fallen, bende Tabellen mit ein= ander zu vergleichen, und das, was ich in Ansehung der zwenten gefunden, auf die erste anzuwenden. Und da kommt es auf zwen Stucke an. Ginmal find auch in dieser Tabelle die in der amenten Columne befindliche Zahlen nicht die Geschwindigkeiten der Rugel, sondern sie sind nur ben Geschwindigkeiten des Penduls proportio= nal. (§. 46.) Sollen demnach die Geschwin-Diafeiten ber Rugel baraus gefunden werden, fo muß damit eben die Reduction vorgehen, welche ich mit den Zahlen der zwenten Tabelle vorge= nommen habe, und wozu die 4te Rigur die Berbaltnisse angiebt. Denn werden die Zahlen ber zwenten Columne bemeldter erften Tabelle (S. 35.) nach gleichem Maafstabe aus A gegen B getragen, und aus ben dadurch bestimmten Duncten Perpendiculairen bis an die Linie AGD aufgerichtet, so geben diese, auf eben den Maaßstab getragen, die wahren Geschwindigkeiten an. jedoch nicht alle gleich genau, weil, wie ich bereits oben (f. 36.) gezeigt habe, die Bersuche mit bem fürgern und weitern Flintenlaufe um ein merte liches irregulairer und minder genan sind, als die, so der Herr Ritter d'Urcy mit dem langern angestellt hatte. Diese Reduction nahm ich auf einem ardifern Blatt vor, und so fand ich für den fürgern Flintenlauf die mahren Geschwindigkeiten, wie fie folgende Tabelle enthalt.

Länge

legiste vod

,	
Lange des	Geschwindig=
Laufes.	feit in 1 Sec.
Parties egales.	Fuße.
1455	565 -
1320	557 +
1185	549 +
1050	548 -
915	540 -
780	527 +
645	511
510	490 -
375	453 +
240	404
105	295 +

Die Zeichen + — habe ich den Geschwindigkeiten in dieser Tabelle deswegen bengesetzt, weil es sich in der dritten Figur offenbarzeigt, daß einige davon etwas größer, andere etwas kleiner genommen werden mussen, wenn man das Mittel haben will, so wie es die Linie AD (Fig. 3.) angiebt. Die Längen des Laufes sind hier ebenfalls wie (§. 43.) um den halben Diameter der Rugel kurzer angesetzt.

5. 53. Nachdem ich diese Reduction vorgenommen, nahm ich die erste Geschwindigkeit 565 um 7 Fuß kleiner an, weil sie von erstbermeldrem Mittel um ungekehr so viel abwiche, und suchte daraus vermittelst der Länge des Laufes = 1455, der Länge der Ladung = 34, der F 3 Schwe-

Schwere der Luft = 76 Gewichten der Kugel, die anfängliche Gewalt des Pulvers. Diese war nun so groß als 16984mal das Gewicht der Rugel, oder 223½mal das Gewicht der Luftmosphäre, und demnach um einen ½ Theil geringer als ben dem längern und dichter anschliesenden Laufe, wo sie 18122mal größer als das Gewicht der Kugel war. (§. 48.) Der Unterschied ist geringe. Er zeigt aber doch, daß es viel darauf ankomme, in welcher Verhältnis der Caliber des Stückes größer ist als der Caliber der Kugel. Endlich fand ich für die Vestimmung der Geschwindigkeit aus der Länge des Laufes solgende Kormel:

 $\nu\nu = 200853 \log \frac{x}{34} - \frac{4582}{400} x + 391.$ 

wo x die Länge des Laufes in Parties egales, v die Geschwindigkeit in Fußen bedeutet, und die Briggischen Logarithmen zu nehmen sind. Vermittelst derselben sindet sich sür x = 1050, v = 536, sür x = 240, v = 410, sür x = 105, v = 312 c. Diese Resultate sind von denen in vorstehender Tabelle vorsommenden Geschwindigkeiten sehr wenig verschieden, und gehen davon eben so ab, wie diese von dem aus den sämtlichen Versuchen gezogenen Mittel abgehen. (§. 52.)

§. 54. Ich werde nun eben daraus, daß dasjenisge, was ich aus den mit dem långern Flintenlaufe angestellten Versuchen gefunden, ebenfalls ben den

Den mit dem fürzern Laufe angestellten Berfichen zusammentreffe, feine weitere Rolge ziehen. Denn Da ben benden nur die Diameter der Mündung um etwas verschieden waren, so konnten ben gleich forgfältig angestellten Bersuchen ber Erfola und die daraus gezogenen Schluffe ebenfalls nicht viel verschieden sein. Ich hatte gewünscht, daß ber Herr Ritter d'Afrey alle diese Bersuche ben jedesmaliger Abiagung des Laufes mit zwen, bren oder mehrerlen Ladungen von gleichem Pulver angestellt hatte, weil sich dadurch alles bisber gesagte, und besonders die Bestimmung ber Kraft des Pulvers umffandlicher und nach mehrern Dimenfionen batte untersuchen laffen. hat derfelbe zwar auch darüber besondere Bersuche angestellt. Ben beren Erzählung aber giebt er nicht so viele Data an, als zu einer vollständigen Berechnung nothig waren, weil er fich begnügt, Daraus die Folge ju ziehen, daß es für jeden Lauf eine Ladung gebe, welche ber Rugel Die größte Geschwindigkeit mittheilt. Daran war nun um Desto weniger zu zweifeln, weil die Geschwindigfeit der Rugel =0 wird, sowohl wenn man gar fein Pulver labet, als wenn man bamit ben Lauf fo gang anfüllt, daß die Rugel an der Mundung zu liegen kommt. Denn wenn fobann auch ber Lauf den Schuß aushalt, so ift die Entzundung von einigen wenigen Pulverkörnern schon mehr als hinreichend, zu machen, daß die Rugel aus ber Mundung gerade herunter zu Boden fallt. Ich habe bereits oben angemerkt, um wie viel erheblicher mir umständlich beschriebene Versuche vorkommen, als kurze Erzählungen derselben; und die bisherigen Betrachtungen mögen zur Probe dienen, daß der Unterschied zwischen diesen benderlen Arten des Vortrages eben nicht gar geringe ist.

Nachdem ich nun, was mir ben 6. 55. Durchlesung ber Versuche bes herrn Ritter d'Aircy vorgekommen, bergestalt angeführt habe, daß ich sowohl die Versuche selbst mit einander verglichen und geprüft, als auch die Art angezeigt, wie ich diefelbe den benden Theorien von der Gewalt des Pulvers und von dem Widerstande der Luft nicht so fehr zuwider laufend gefunden habe, als es den Anschein hatte; so wird es hinwiederum die Billigfeit in Ansehung meiner und die Wichtigkeit der Sache erfordern, daß ich meine eigene Schluffe einer abnlichen Prufung unterwerfe, um so mehr, da diese in einigen Stellen an sehr bunnen Faben zusammenzuhangen schei= nen. Es ift billig zu feben, ob diefe den Rif aushalten. Da ich aber dadurch genothigt bin, Blicke auf bas Ganze zu thun, ohne eben jede einzelne Theile wieder herzugahlen, so muß ich allerdings ben dem Lefer einen gewissen Grad ber Aufmerksamkeit und des Gedachtnisses voraussegen, letteres, um sich des vorhergehenden leicht zu erinnern, ersteres, um es mit mir gegen einan= der zu halten. Dieses vorausgesetzt, so lassen sich folgende Unmerkungen machen.

\$. 56.

Einmal fieht man überhaupt, baß es hier um dren von einander merklich verschiede= ne Theorien zu thun ift, und diese sind die Theorie vom Stoffe weicher Korper auf harte ben fehr arossen Geschwindiakeiten, die Theorie von der Gewalt des Schiefpulvers, und die Theorie vom Widerstande der Luft. Diese dren Theorien treffen bier so zusammen, daß sie einander umzustoffen scheinen. Es versteht sich von selbst, daß ich diese Theorien so nehme, wie sie immer ge= nommen worden, ehe ber Herr Robins seine Bersuche bekannt machte. Und so genommen bestehen sie in der That nicht bensammen. Denn lagt man die erfte so gelten, daß man die Ge= schwindigkeit, mit welcher die Rugel gegen das Pendul anfahrt, nach der Lehre vom Stoffe un= elastischer Korver berechnet, so kommt der Widerstand der Luft zwen- und mehrmal stärker heraus, und die Linie DME (Fig. II.) welche eine Huperbel senn follte, verwandelt sich fehr genau in eine logarithmische, FG (Fig. III.) Demnach stoßt die erste dieser Theorien die benden andern um.

§. 57. Läßt man hingegen die dritte, oder die Theorie vom Widerstande der Luft gelten, so fällt die erste oder die Theorie vom Stosse der Rugel auf das Pendul weg, und die nach derfelben berechneten Geschwindigkeiten AE, AB (Fig. IV.) verwandeln sich in die viel kleinern und gar nicht proportionellen EG, BD. Daben aber bleibt die zwente Theorie, oder die von der F5

Gewalt des Schießpulvers, in so fern wenigstens diese mit der Theorie von zusammengepreßter Luft einerlen ist, unangefochten, und reimt sich mit den reducirten Geschwindigkeiten EG, BD

febr gut zusammen.

§. 58. Eben dieses hat auch statt, wenn man die zwente dieser Theorien, oder die von der Gewalt des Schießpulvers als richtig ansieht. Denn da sindet die Hyperbel DME (Fig. II.) statt, demnach fällt die logarithmische Linie FG (Fig. III.) und mit dieser die nach der ersten Theorie berechneten Geschwindigkeiten, aus welchen FG hergeleitet worden, und mit diesen Geschwindigkeiten die Theorie selbst weg. Werden aber die Geschwindigkeiten, wie in der vierten Figur geschehen, reducirt, so stimmt auch die Theorie des Widerstandes der Luft ordentlich überein.

§. 59. Doch nun hieben nicht zu geschwinde zu schliessen, weil es auf die Umkehrung einiger Sase ankömmt, so werde ich in Ansehung des letztern §. 58. Schritt für Schritt gehen. Ich sagte erstlich, daß, wenn man die Hyperbel DE (Fig. II.) annimmt, die logarithmische Linie FG (Fig. III.) wegfalle. Dieses ist nun für sich klar, weil nicht bende zugleich das Maaß von der Gewalt des Pulvers abgeben können, indem sie auf eine ganz transcendente Art heterogen sind. Sodann sagte ich, daß mit FG (Fig. III.) ebenfalls die nach der ersten Theorie berechneten Geschwindigkeiten wegfallen. Dieses ist ebenfalls flar.

Denn behielte man diefe Geschwindiakeiten ben. so ware FG oder deren Ordinaten das Maak von der Kraft des Pulvers, und so konnte DME (Fig. II.) nicht dieses Maak senn. Endlich saate ich, daß mit bemelbten Geschwindigkeiten auch Die Theorie ihrer Berechnung wegfalle. Dieses ift nun mit beboriger Ginschrankung von groffen Geschwindigkeiten zu verstehen. Denn daß fie ben kleinen Geschwindigkeiten auch wegfallen follte, wurde man fehr vielen Berfuchen zuwider behaupten. Und man wird fich aus dem obigen Bortrage erinnern, daß ich mich eben deswegen für berechtigt hielte, die Tangente AT (Fig. IV.) in die Lage Ar herunterzuseten. In Unfehung grofferer Geschwindigkeiten konnte man fich zwar an dem Gedanken aufhalten, es mochte vielleicht ben dem Pendul ein Umstand gewesen senn, melcher der Theorie ohne Nachtheil, die Geschwinbigkeiten geandert habe. Allein man gewinnt damit nicht viel, weil man auch daraus schliessen muß, daß demnach diese Theorie daben weber unbedingt noch uneingeschränkt angewandt werden konnte, und daß, wenn man je eine andere anbringen will, dieser Umstand mit in die Rechnung gezogen werden muffe. Was ich oben von ber Clasticitat und Hartigkeit der Theilchen ben geringen Cohafionstraften gefagt habe, mag gemugfam zeigen, daß fie eben ein folcher Umftand find, welcher die Theorie vom Stoffe unelaftischer Körper nicht unbedingt anwendbar senn Fuge ich nun noch die an sich leicht ge= läßt. benfdenkbare Unmerkung ben, daß wenn man die Geschwindigkeiten nach einer andern Verhältnis reducirt, als es inder vierten Figur geschehen, die Linie DME (Fig. II.) dadurch umgeandert werzde, so sieht man leicht, daß das zu Ende des vorhergehenden §. 58. gesagte, seine richtige Folge har, weil die Geschwindigkeiten EG, BD gerade eben den Widerstand der Luft angeben, den die

Theorie angiebt.

6. 60. Da bemnach aus allem diesem so viel erhellet, daß etwas geandert werden muß, fo iff nur die Frage, wo und wie diese Henderung gemacht werden muffe; ob man einer Theorie gu lieb zwo andere, oder diesen zwoen zu lieb jene umandern, oder wenigstens anders anbringen solle? Doch hieben läßt sichs nicht nach der Mehrheit der Stimmen entscheiden. 3ch habe aber bereits schon oben eine andere Anmerkung gemacht, welche der Entscheidung naher kommt. Diese war, daß die Theorie vom Widerstande ber Luft und die von der Gewalt des Pulvers, oder der zusammengepreßten Luft, von einander so viel als ganz unabhangig sind. Erstere bleibt, wenn auch die Luft gar feine Clasticitat hatte. In diesem Kall aber wurde lettere gang wege Bende Theorien hangen bemnach in fallen. Unsehung der Luft nicht an und für sich zusame men. Indessen hangen sie in der bisherigen Betrachtung, ober ben den Versuchen mit bem Pendul, fo ungertrennlich zusammen, daß ent= weder bende zugleich bleiben, oder bende zugleich acan=

geandert werden mussen, je nachdem man die Theorie vom Stosse der Rugel auf das Pendul uneingeschränkt benbehält, oder diese mit behöri-

gen Einschränfungen anwendet.

6. 61. Bu diefen Berwickelungen fam noch die folgende, deren ich ebenfalls schon Erwäh: nung gethan habe. Die Theorie vom Wider= ftande der Luft fande fich nemlich fur geringe Geschwindigkeiten durch unmittelbare Bersuche eben so gut ausser Zweifel geset, als es die Theorie vom Stoffe der Korper ebenfalls für geringe Geschwindigkeiten immer senn konnte. Bingegen ben groffen Geschwindigkeiten verhielt es fich gan; anders. Alle Versuche mit Klintenund Ranonkugeln befremdeten die, welche ihre Wirfung nach den Regeln des Stoffes der Rorper beurtheilen wollten, weil man diese auf jede Geschwindigkeiten ausdehnen zu kommen, feste glaubte, oder sich wenigstens nichts anders in Sinn kommen lieffe. Ich sehe allerdings nicht, warum die Flintenkugel nur da den Regeln des Stoffes unelaftischer Rorper treu bleiben follte, wo sie gegen ein eisernes Pendul abgeschossen mird?

S. 62. Hingegen mit dem Widerstande der Luft verhält es sich merklich anders. Eben die Theorie, welche ben den Versuchen der Herren Hawksbee und Desaguliers ben leichten Kugeln und geringen Geschwindigkeiten sich beswährt erfinden liese, giebt an, daß sie ben schweren Kugeln, dergleichen die bleverne sind, ben viel-

vielfach gröffern Geschwindigkeiten anwendbar bleiben werden. Bon diesen gebrauchte ich im obigen, die von 400 Ruß, nemlich wie sie Herr Robins berechnet, um aus der Theorie des Widerstandes der Luft zu schlieffen, daß sie auf 300 oder 320 Ruß muffe herunter geset werden. Da sie nun dadurch in der That nur 300 oder 320 Ruß ware, so konnte ich hinwiederum um desto sicherer schlieffen, daß die Theorie vom Widerstande der Luft daben anwendbar bleibe, auch wenn ich nicht durch anderweitige unmit= telbare Bersuche, so wie durch die Theorie selbst. davon versichert gewesen ware. Run war es an sich betrachtet genug, daß ich auch nur aus einem einigen Kall sahe, daß die von den Herren Ro: bins und d'Urcy berechnete Geschwindiafei= ten ju groß herauskamen, um den Schluß zu machen, daß dieselben nicht so unbedingt nach der Lehre vom Stoffe nicht elastischer Körper be= rechnet werden konnen, und daß man folglich diese Aenderung in der Rechnung vorerst bestimmen und berichtigen muffe, ehe man sehen konne, ob der Erfolg davon mit den ofters erwähnten benden andern Theorien bestehen konne oder nicht? Dazu kam mir nun der Umfand, daß ich sahe, der Punct G (Fig. IV.) werde eben so bes stimmt, es sene, daß man die nach der Lehre vom Stoffe berechnete Geschwindigkeit AE = 405 Ruß, der Theorie des Widerstandes gemäß, auf EG=320 Kuß herunterseise, oder daß man durch das Erniedrigen der Tangente AT in die Lage

At den Punct F in G bringe, um baburch mit Voraussekung der Theorie von der Gewalt des Pulvers der Bedingung Genügen zu leiften, daß ben fehr fleinen Geschwindigkeiten die Theorie vom Stoffe weicher Rorver ftatt habe, bemnach die wahren Geschwindigkeiten den berechneten gleich, und folglich der Winkel TAE=tAE=

45 Gr. fenn muffe.

S. 63. Nun ist die ganze vierte Rigur die Bergleichung der Theorie des Widerstandes, der Gewalt des Pulvers und des Stoffes unelastischer Korper. Denn die nach der lettern berechnete Geschwindigkeiten sind die Abscissen AE, AB :c. Hingegen stellen die Ordinaten EG, BD die Geschwindigkeiten vor, welche die Theorie vom Widerstande voraussest, weil, wenn man Dieselben annimmt, diese Theorie sich bewährt findet, und diese hingegen fällt, wenn man jene andert. Endlich ist eben die Linie AGD die nie= dergedrückte AFC, welche nach der in Korm einer Regel falfi etwas zu groß angenommenen Gewalt des Pulvers gefunden worden; so daß man auch hieraus fieht, wie diese benden Theos rien, so unabhångig sie an sich von einander sind, hier einander voraussetzen und nach sich ziehen, bende aber die Verwandlung der berechneten Geschwindigkeiten AE, AB in die Geschwindigkeiten EG, BD fordern.

6. 64. Dessen unerachtet werde ich dennoch nicht behaupten, daß diese benden Theorien nach aller Scharfe statt finden. So viel aber kann

ich feste seten, daß sie bochstens mur in Absicht auf einige fleinere Umftande Zusäße und Ber= besserungen leiden. Ich werde sie demnach noch in dieser Absicht untersuchen. Die Theorie von der Gewalt des Schiefpulvers, wenn sie von der Theorie der Gewalt zusammengeprefter Luft nicht verschieden senn solle, sett die Bedingungen voraus, daß das Pulver sich augenblicklich ents gunde, und die dadurch erzeugte Luft augenblicklich ganz erzeugt, und augenblicklich vollkommen elastisch werde. Für diese Umftande fann man nun eben nicht a priori gut fteben. Aus den Bersuchen des Grn. Ritter d'Urcy erhellet, daß wenn man in freger Luft Pulver in eine lange Linie giebt, und es an dem einen Ende angundet. das Feuer ungefehr 6 Fuß in einer Secunde fortlaufe. Run war in seinem Klintenlaufe Die Lange der Ladung 34 Ruß, und demnach wurde Diese, wenn sie in frener Luft gewesen und an dem aussersten Ende angezundet worden ware, in Zeit von 3400 oder 10 Secunde gang aufge= brannt worden senn. In dem Flintenlaufe mag es wegen ber zusammengepreften Sife und ihrer groffen Gewalt noch ungleich geschwinder geschehen, dafern man annehmen fann, daß die Pulverkörner bensammen bleiben. So flein aber auch diese Zeit ist, so hat sie in Absicht auf Die Geschwindigkeit der Rugel etwas zu sagen. Diejenigen Pulverkorner, die sich zuerst entzunden, haben, um sich Raum zu machen, nicht nur Die Rugel, sondern auch die übrigen Pulver= forner,

korner, die noch nicht entzundet sind, gegen die Mundung des Laufes fortzutreiben, und dadurch wird, wenn die Ladung 3. E. dem halben Ges wichte der Rugel gleich ift, die ausdehnende Kraft berselben nicht gang, sondern nur 2 davon auf das Forttreiben der Rugel verwendet. auch von diesen geht noch viel ab; weil die ersten Körner zunächst an dem Zundloche liegen. Deffen hat diese Verminderung deswegen nicht viel auf sich, weil sie nur den Effect von etlichen wenigen Rornern betrifft. Damit ift es ungefehr eben so viel, als wenn die Ladung etwas ge= ringer und weniger zusammengepreßt gewesen ware. Da mit der Rugel zugleich und dichte an derselben die Flamme zur Mündung des Laufes herausfährt, welche sich erst ben dem Erfühlen in ber auffern Luft in Rauch verwandelt, so kann ich mir nicht anders vorstellen, als daß so lange die Rugel noch in dem Laufe ist, die Flamme, als ein entzündeter Rauch, den ganzen Lauf auß= füllt, und da sehe ich nicht, wie unentzundete Pulverforner gurucke bleiben, ober mit ber Rugel jum Laufe herausfahren follten, es fene denn die Ladung fo groß, daß die Rugel schon vor der volligen Entzundung des Pulvers aus dem Laufe So kann ich mir auch wohl vor= herausfährt. stellen, daß wenn bende Caliber merklich verschieden sind, ein Theil der Pulverkorner durch den Spielraum herausfahrt, ehe die Rugel auch nur wenig fortgetrieben wird. Die Leichtigkeit ber Pulverkörner bringt dieses an sich mit, und wenn

auch ein Borschlag da ist, so ist derselbe bald aufgeriffen, und bem Pulver Raum gemacht. Go fern nun auch hiedurch ein Theil des Pulvers ungenüßt bleibt, hat es eben ben Erfola, bag man nemlich die Ladung als geringer und weniger zusammengebrückt anzusehen hat, und daß, wenn man nach der Theorie die Gewalt des Pulvers aus der Geschwindigkeit ber Rugel berechnet, iene fleiner aefunden wird, als sie an sich betrach= tet, und ohne die ersterwähnte Umstände senn würde. Indessen sinden sich unter diesen Um= stånden solche, die einander zum Theil compensiren, wenn es nur die Frage ist, die Geschwindig= keit der Rugel mit der Länge des Laufes zu ver= gleichen. Denn was wegen des Zündloches und des Spielraums an der Kraft des Pulvers weggeht, wird dadurch, daß die Luft aus dem Pulver nicht auf einmal erzeugt wird, in so fern ersett, daß zwar die Summa der ganzen Wirkung fleiner ift, daben aber derjenigen Gleichformigkeit naher kommt, welche sie ohne Rucksicht auf das Zündloch und den Spielraum ben einsmaliger Entzundung des Pulvers und Erzeugung elastischer Luft haben wurde. Diesem Umstande schreibe ich es zu, daß in den Versuchen des Hrn. Ritter d'Urcy ben den reducirten Geschwindigfeiten die Hoperbel DE (Fig. II.) noch gan; or dentlich statt findet; ungeachtet ben seinen benden Klintenlaufen weder die Groffe des Spielraumes noch vermuthlich die von dem Zund-Joche vollkommen aleich war.

6. 65. Was nun ferners ben Widerstand der Luft betrifft, so ist Herr Robins, da er ihn, nach seiner Art zu rechnen, doppelt und mehr noch groffer fand, als ihn die Theorie angiebt, auf den Gedanken gefallen, daß eine Rugel, die sich mit einer Geschwindigkeit von 1300 und mehr Rugen in einer Secunde durch die Luft bewegt, einen luftleeren Raum hinter fich laffe, und demnach nicht nur die blosse Masse oder Inertia ber Luft, sondern beren ganges Gewicht auszuhalten und zu überwinden habe. Dazu halt er sich besto mehr berechtiget, weil man weiß, daß Die Luft in einen luftleeren Raum mit einer Ge= schwindigkeit eindringt, die nicht viel größer als 1300 Fuß ist. Und so konnte sie eine Rugel. Die 1300 Rugin einer Secunde gurucke legt, kaum oder aar nicht einholen, oder wenn auch dieses geschieht, so wurde sie doch gar nicht an dieselbe drücken, um dadurch dem Drucke der vordern Luft das Gleichgewicht zu halten. Dun ift es allerdings richtig, daß die Luft, wenn sie von feiner andern Kraft als ihrem eigenen Gewichte gedrückt wird, fich nur mit einer Geschwindig= feit von 1300 Fußen in einen luftleeren Raum eindringt. Ob aber diese Voraussehung da statt habe, wo die Rugel aus dem Laufe getrieben wird, das ift eine gang andere Frage. Man follte vielmehr gedenken, daß die aus dem Laufe dicht an der Rugel herausfahrende und bis dahin noch febr zusammengepreßte Luft, sich noch wenigstens einige Ruß weit an die Rugel anzudrücken forts tahre.

fabre, und ben leeren Raum, ben bie Rugel bin= ter fich zurucke laffen tonnte, gewiß genug mit einer gröffern Geschwindigkeit, als 1300 Ruß find, ausfülle. Sobann ift es eben nicht andem. daß die Rugel im Fortfahren, den Lufttheilchen, an die sie stoßt, nicht sollte eine undulatorische Bewegung mittheilen. Das Zischen und Saufen ber burch die Luft fahrenden Rugeln ift Beweises genug davon. Auch läßt sich folgende Betrachtung machen, die zwar wegen der Klufsiafeit der Luft, für dieselbe nicht vollkommen fatt bat, boch aber einigermaßen, was barinn porgeht, auf eine leichte Art erläutert. fete, wenn man fo will, in einem leeren Raume eine Reihe gleicher elastischer Rügelchen, jedes in einiger Entfernung von dem nachst vorhergehen= den und nachst folgenden. Dun fahre die Rugel an das erste an, so wird dieses, so fern es viel flei= ner ift, mit viel grofferer Geschwindigkeit an bas zwente anfahren, an beffen Stelle benm Unftoffe liegen bleiben, und das zwente mit eben der Ge= schwindigkeit an das dritte fahren. Auf diese Art wird die Rugel immer wiederum eben das Rügelchen in Rube antreffen, und baher ben jedem Stoffe nur die Inertia beffelben zu über: winden haben. In der Luft ist dieses in so fern anders, daß die Lufttheilchen einander, wo nicht berühren, doch wenigstens eben so, als wenn sie fich berührten, in einander wirfen. Diefes bringt fodann, anstatt einzelner Stoffe, Undulationen herfür, die in einem fortgeben, und durch ihre Be=

Bewegung machen, daß, ungeachtet die Luft vor der Rugel dichter wird, diese dennoch nicht nach Maaße ihrer Dichtigkeit auf die Rugel zurücke wirkt, dagegen aber desto leichter seitwerts ausweichend in den Raum eindringen kann, den die Rugel hinter sich, wo nicht leer, doch wenigstens mit dunnerer Luft angefüllt laffen wurde. Diefes ist, so viel ich mir die Sache vorstelle, der eigentliche Beharrungsstand, in welchen sich bas Softem gleich nach dem Berausfahren der Rugel aus dem Klintenlaufe fest, und da sehe ich nicht, daß daben eine beträchtliche Verarbiferung bes Widerstandes entstehen konne. Wenn die Rugel in der Luft Anfangs ruhete, und sodann von frenen Stucken anfienge, fich mit einer Geschwin: digkeit von 1400 und mehr Rußen zu bewe: gen, so liesse sich theils der leere Raum, theils eine etwas langfamere Entstehung des Beharrungsstandes gedenken, welcher aber, wo die Rugel aus dem Laufe fahrt, wegen der sogleich mit herausfahrenden Luft, viel ehender hergestellt wird. Denn die Rugel fangt in dem Laufe schon an, die Luft vor sich stuffenweise in Bewegung zu setzen. So hat auch ben den Bersuchen des Herrn Robins der besorgte leere Raum hinter der Rugel noch um desto weniger statt, da die Geschwindigkeit der Rugel, die er nach seiner Rechnung von 1670 oder 1690 Rußen fand, in der That bennahe um die Belfte fleiner maren.

© 3

§. 66.

6. 66. Will man aber dennoch die Theorie bom Widerstande der Luft ben sehr arossen Geschwindigkeiten durch unmittelbare Versuche prufen, so muß bieses mit behöriger Auswahl der Umstände geschehen. Die Berren Lawksbee und Desaguliers liesen leichte Rugeln aus Hohen von 220 und 270 Londnerfußen herunterfallen, und beobachteren die Zeit des Ralles. Nun liesse sich vermittelst der Hohe, des Diameters und Gewichtes der Rugel, und der Dichtigkeit der Luft, die Zeit nach der Theorie berechnen, und mit der beobachteten Zeit vergleichen. Auf diese Art konnte demnach die Theorie auf Die Probe gesett werden. Wollte man nun auf eben die Urt einen Bersuch mit ardffern Geschwindigkeiten anstellen, so sieht man leicht, daß eine Hohe von 200 oder 300 Rußen dazu nicht hinreichend maren. Sie mußte von viel tausend Außen senn, ehe ein an sich auch sehr schwerer Korper im Berunterfallen eine Geschwindigfeit von 1000 Ruffen erlangen konnte. Denn leichte Körper wurden an sich schon eine so groffe Geschwindigkeit nie erlangen. Run hatte man in Vetersburg den Kall umgekehrt, und vermittelft eines vertical aufgerichteten Ranonenlaufes, Ru= geln aufwerts geschossen, welche allerdings eine beträchtliche Höhe erreicht haben, von welcher sie wiederum herunterfallen konnten. Man beobs achtete aber nur die Zeit, welche die Rugeln in der Luft zubrachten, und damit fehlte noch ein Datum, woraus sich die Theorie des Widerftan=

standes der Luft håtte prüsen lassen. Hätte man die Augeln in ihrer größten Höhe, wo sie sich langsam bewegen, sehen, und entweder die Höhe ausmessen, oder wenigstens die Zeit des Steigens und Fallens, jede besonders beobachten können, so hätten dadurch sowohl die Verssuche unter sich, als mit der Theorie verglichen, und bende berichtiget werden können, weil man dadurch wurde mehrere Data gehabt

haben. 6. 67. Da aber dieser Versuch theils an fich schwer ift, theils wegen ber Gefahr viele 11m= stånde und Vorsichtigkeiten gebraucht, so thuit in benden Absichten die Bogenschiffe beffere Dienste, wiewohl auch baben eine vollkommene Genauigkeit schwer ift. Denn weil man eigent lich groffe Geschwindigkeiten verlangt, so mus fen nicht Morfer, sondern fehr lange Ranonen Dazu gebraucht werden. Daben taugen nun fleine Erhöhungswinkel beswegen nicht, weil ein fleiner Unterschied in dem Winfel einen febr beträchtlichen in der Schuftweite giebt; und weil man ben bem Loffenern der Ranone nicht gut ftehen kann, ob sich der Erhöhungswinkel nicht merklich andert. Man kann hierauf vielmehr mit Ja als mit Nein antworten, weil sich die Ranone nicht unbeweglich befestigen läßt. Nimmt man aber Erhöhungewinkel von 45 Gr. so wird die Schußweite so groß, daß sie michsam gemessen wird, wenn auch die Rugel wieder gefunden werden fann. Godann ift die Ausmel= (3) 4 HOUSE

meffung ber Schufweite allein zur Prufung ber Theorie nicht hinreichend. Sie wurde es fenn. wenn die anfängliche Geschwindigkeit der Rugel bekannt ware. Da aber biefe erst aus ber Schufweite gefunden werden muß, so wird die Theorie ben diefer Berechnung bereits gebraucht, und demnach gebraucht es noch ein ander Da= tum, um sie zu prufen. Die Ausmessung ber größten Hohe der Rugel oder des Bogens, ben fie durchläuft, wurde daben gute Dienste thun. Sie ist aber schwer zu bewerkstelligen, und muß überdis sehr genaue senn. Also bleibt noch die Beobachtung der Zeit, in welcher der Bogen durchlaufen wird, und auch diese findet, wegen der groffen Schufweite, ihre Hindernisse. Um leichtesten geht es, wenn die Rugel des Nachts leuchtend abgeschossen wird.

§. 67. Die lette Schwürigkeit, die sodann noch zurücke bleibt, sindet sich in der Berechnung. Man muß nemlich aus der Schußweite die anfängliche Geschwindigkeit, und aus dieser sodann die größte Höhe, oder die Zeit, oder bendes sinden. So weit aber ist die Aufgabe, dan Bestimmung der Bogenschüsse in widerstehender Luft, noch dermalen nicht directe aufgelößt. Was ich demnach hier noch thun werde, ist, daß ich die dahin dienende Lehrsäße, um sie näher bensammen zu haben, ohne die Weitläuftigkeit der Beweise, welche bereits dem Drucke gewidmet sind, noch vortragen werde. Sie theilen sich in solgende vier Classen, und ben allen wird voraus gesetzt, der Widerstand der Luft seine dem Quadrate der Geschwindigkeit proportional.

### 1. Das Maaß des Widerstandes.

§. 67. Die Grösse des Widerstandes oder sein absolutes Maaß drücke ich durch einen einigen Buchstaben a aus, dessen Werth jedesmal voraus muß gefunden werden. Es wird zu diessem Ende die Rugel gemessen und gewogen, damit man sinden könne, wie viel schwerer dieselbe als eine gleich große Rugel von Luft, und zwar von derjenigen Luft seize, deren Widerstand man bestimmen will, und welche weder zu allen Zeiten, noch an allen Orten 850mal leichter als das Wasser ist. Findet man nun die Rugel Dmal schwerer als eine gleich große Rugel von Luft, und den Diameter derselben — d Fußen, so wird der gesuchte Werth von

 $a = \frac{8}{3} \delta D$ 

seyn. Hieben muß man sich in Absicht auf die an verschiedenen Orten verschiedene Gewichte, und in Absicht auf die Bestimmung der Dichtigfeit oder specifischen Schwere der Euft, zurechte zu helfen wissen, welches letztere, wenn es auf jede Kleinigkeiten ankäme, eben nicht ganz leicht seyn würde. Um besten kömnt man mit einem genauen Guerickischen Manometer fort, wenn dasselbe eine hohle und luftleere Kugel von I Fuß im Diameter ist. Endlich ist für sich klar, daß G 5

weil D nur eine Verhältnis vorstellt, a eben so wie  $\delta$  eine Länge vorstelle, und demnach die Länge a in eben solchem Maaße bestimmt werde, in welchem man den Diameter der Augel  $\delta$  gemessen hat, dasern man keine Reduction auf ein anderes Maaß vornimmt. Man seße z. E. die Rugel seye von Eisen, und ihr Diameter halte 3 Rheinsändische Zolle, und die Luft seye 800 mal leichter besunden worden als das Wasser. Da mun nach Voerhave das Eisen 7,852 mal schwerer als Wasser ist, so wird dasselbe 800 mal 7,852, oder, wenn man multiplicitt, 6282 mal schwerer als Luft seyn. Da demnach D=6282,  $\delta=3$  Zoll  $=\frac{1}{4}$  Fuß ist, so erhält man

 $a = \frac{8}{3} \cdot \frac{1}{4} \cdot 6286 = 4191$ 

Rheinlandische Fuß. Wäre hingegen eben diese Kugel, in Form einer Grenade, inwendig hohl gewesen, so hätte sie weniger gewogen, und in gleicher Verhältnis würde a=4191 Fuß haben müssen vermindert werden. Aus diesem Vensstele läßt sich leicht abnehmen, was in andern Fällen zu thun ist, wenn man einmal weiß, wie vielmal die Luft leichter ist als Wasser.

#### 2. Die geradelinichte horizontale Bewegung in widerstehender Luft.

horizontalen Linie bewegt, oder wenigstens davon nicht merklich abweicht, so kommen folgengende Stücke in Betrachtung. Die anfängliche Geschwindigkeit sene =V, der durchlaufene Raum =x, die darauf verwendete Zeit  $=\tau$ , die noch übrigbleibende Geschwindigkeit  $=\nu$ . Zwischen diesen Stücken sinden sich nun folgende Verhältnisse, wenn man sie vergleicht.

## 1°. Zeit und Geschwindigkeit.

$$\tau = \frac{a}{v} - \frac{a}{V}$$

$$v = \frac{aV}{V\tau + a}$$

$$V = \frac{av}{a - v\tau}$$

#### 110. Raum und Geschwindigkeit.

$$x = a \log \frac{v}{v}$$

$$\log v = \log V - x : a$$

$$\log V = \log v + x : a$$

ober wenn  $\log e = 1$  ist,

$$v = V. e^{-x:a}$$

$$V = v. e^{+x:e}$$

## III. Zeit und Naum.

$$x = a \log \left(\frac{\tau V + a}{a}\right)$$

$$\tau = \frac{a}{V} \left(e^{x \cdot a} - 1\right)$$

In diesen Formeln werden hyperbolische Logarithmen verstanden. Der Buchstab a hat darum die vorhin bestimmte Bedeutung, und die Länge des Raumes & versteht sich, nach eben dem Maaßstabe genommen, der um a zu bestimmen gebraucht worden. Die Geschwindigkeiten v werden durch den in der Zeit = I durchlaufbaren Raum ausgedrückt, so daß, wenn man z. E. durch diese Zeit eine Secunde versteht, sodann \( \tau \) ebenfalls eine Unzahl von Secunden giebt oder vorstellt, oder in Secunden genommen wird.

# 3. Das Steigen und Fallen der Körper in widerstehender Luft.

§. 69. Hier kommen einige Umstånde mehr vor, weil die Kraft der Schwere mit in Betrachtung kömmt. Wird diese absolute genommen, so drückt man sie durch die Höhe aus, durch welche ein Körper in luftleerem Raume in der Zeit = 1 herunterfällt. Dieser Raum seye =  $\gamma$ . Nun ist die Kugel in der Luft specifice leichter als im luftleeren Raume, und in eben der Vershältnis wird auch die auf sie wirkende Kraft der Schwere vermindert; so daß sie nur =  $(D-1)\gamma:D$  ist. Um diesen Ausdruck abzynkurzen, werden wir in den solgenden Formeln

$$g = \frac{2\gamma(D-i)}{D}$$

sehen, und in dieser Bedeutung den Buchstab g gebrauchen. Da fast alle Körper, wenn man hohle hohle gläserne Rugeln, aufgeblasene Schweins-blasen, Seisenblasen, und andere von dieser Urt ausnimmt, viele hundertmal schwerer sind, als die Luft, so kann man daben  $g=2\gamma$  setzen, und so ist es auch scharf genug, wenn man für den Fall in einer Secunde Zeit  $\gamma=15\frac{1}{5}$  Rheinländische Fuß setzt. Will man aber den Fall von solchen leichten Rugeln oder Blasen berechnen, da muß man die Formel

$$g = \frac{2\gamma(D-i)}{D}$$

beybehalten, und um D zu bestimmen, das Geswicht der in der Rugel oder Blase eingeschlosses nen Luft mit in die Rechnung ziehen, um es zu dem Gewichte der Rugel oder Blase zu addiren, wenn diese in der Luft selbst ist abgewogen worden. Nun kommen ben dem Fallen eines Körpers in der Luft die Zeit  $= \tau$ , der im Fallen durchlausene Raum = x, und die im Fallen erlangte Geschwindigkeit c vor. Naum und Zeit werden von da an gerechnet, wo die Rugel herunter zu fallen anfängt, oder die Geschwindigkeit = 0 ist.

§. 70. Die Formeln sind nun für das Sallen des Körpers:

1°. Raum und Geschwindigkeit.

$$x = \frac{1}{2} a \log_{10} \frac{ag}{ag - cc}$$

$$c = \sqrt{ag} \cdot \sqrt{\left(1 - e^{-2x \cdot a}\right)}$$

Dem-

Demnachkann e nicht gröffer werden als V (ag), und wird

$$V(ag) = C$$

gesetzt, so ist C die größte Geschwindigkeit, so die Rugel im Fallen erreichen kann, in der That aber, dafern nicht x unendlich ist, nie erreicht.

II°. Zeit und Geschwindigkeit.

$$\tau = \frac{a}{2C} \cdot \log \cdot \frac{C+c}{C-c}$$

$$c = C \cdot (e^{2\tau C:a} - 1) : (e^{2\tau C:a} + 1)$$

III°. Zeit und Raum.

$$e^{\tau C:a} = e^{x:a} + V (e^{2x:a} - 1)$$

$$2e^{x:a} = e^{\tau C:a} + e^{-\tau C:a}$$

In diesen Formeln ist, wie vorhin  $\log e = 1$ , und es sind die hyperbolischen Logarithmen zu verstehen.

 $\S. 71$ . Wird hingegen die Kugel gerade in die Ishe geworfen oder geschoffen, so erreicht sie nur eine gewisse Höhe, von welcher sie wiederum anfängt herunter zu fallen. Diese Höhe seine =x, die anfängliche Geschwindigkeit =q, die Zeit, in welcher der Körper steigt  $=\tau$ , so sind die Formeln:

10.

1º. Raum und Geschwindigkeit.

$$x = \frac{1}{2} a. \log \left( \frac{CC + qq}{CC} \right)$$

$$q = C. \sqrt{e^{2x} - 1}$$

11°. Zeit und Geschwindigkeit.

$$\tau = \frac{a}{C}$$
. Arc. tang.  $\left(\frac{q}{C}\right)$   
 $q = C$  tang. Arc.  $\left(\frac{\tau C}{a}\right)$ 

III°. Zeit und Raum.

$$x = a$$
. log. fec. Arc.  $\frac{\tau C}{a}$   
 $\tau = \frac{a}{C}$ . Arc. fec.  $\left(e^{x:a}\right)$ 

Ben diesen Circularbdgen, ihren Tangenten und Secunden, wird der Halbmesser = 1 gessetzt, die Logarithmen sind hyperbolische, und es ist  $\log e = 1$ .

§. 72. Wird endlich das Steigen und Fallen durch gleichen Raum & mit einander verglichen, so ergeben sich folgende Formeln:

1°. Der Raum und beyde Geschwindigkeiten.

$$x = a \log_{c} \left(\frac{q}{c}\right)$$

$$q = c. e^{x:a}$$

II.

11°. Berde Geschwindigkeiten für sich.

$$qq = \frac{CC cc}{CC - cc}$$

$$cc = \frac{CCqq}{CC + qq}$$

IIIo. Die ganze Zeit des Steigens und Sallens.

$$T = \frac{a}{C} \left( \frac{1}{2} \pi - 2 \omega + \log \cdot \cot \omega \right)$$

In dieser Formel ift a der halbe Umfreis des Circuls für den Halbmeffer = 1, und der Bogen w bestimmt sich aus einer der Formeln:

$$C: q = \tan 2 \omega$$
  
 $c: C = \cosh 2 \omega$   
 $x: a = \log \cdot \csc 2 \omega$ 

Bestimmt man z. E. w durch q, so wird hin= wiederum T, c, x durch w bestimmt. Gelbst Die ganze Zeit T zerlegt sich in die zwo Zeiten

$$\tau = \frac{a}{C} \left( \frac{1}{2} \pi - 2 \omega \right)$$

und

$$\tau = \frac{a}{C} \log \cot \omega$$

von welchen erftere die Zeit des Steigens, lettere die Zeit des Fallens ift. Uebrigens ist von Diesen Formeln die erste

$$x = a \log \left(\frac{q}{c}\right)$$

dadurch

dadu hefonders merkwürdig, weil sie, wegen ihres Aehnlichkeit mit der ersten Formel §. 68. No. II. anzeigt, daß die Rugel im Steigen und Fallen, zusammengenommen eben so viel von ihrer anfänglichen Geschwindigkeit q verlohren hat, als wenn sie sich mit eben dieser Geschwinzdigkeit in horizontaler Richtung durch einen der Höhe x gleichen Raum bewegt hätte, und daß demnach die Schwere weiter nichts daben wirkt, als daß sie den Weg verdoppelt.

### 4. Die Bogenschüsse.

6. 73. Sier sollte man nun eben so vollståndig vorgezählte Formel haben, als in den benden vorhergehenden Kallen. Es bleibt aber daran noch viel zurücke. Die Differentialfors meln, die man leicht findet, haben entweder feine Integrafien von einer endlichen Form, oder wenigstens sind dieselbe noch ungleich transcendenter und verwickelter, als Circulbogen und Lo= garithmen. Unter allen sind nur zwo, die sich in einer noch ziemlich einfachen Gestalt auf Logarithmen bringen laffen, fo daß man vermittelst berselben die Lange des durchlaufenen Bo= gens, die Geschwindigkeit und ben Erhohungs= winkel mit einander vergleichen und bestimmen Dagegen bleibt baben bie Rigur bes Bogens, seine Abscissen und Ordinaten, und die Beit, in welcher derfelbe durchlaufen wird, noch in den Differentialformeln gurucke. 11m diefes nach=

nachzuholen, habe ich unendliche Reihen gebraucht, und auch ba war noch die Schwürigfeit, solche zu finden, die merklich stark convergirten und zum Gebrauche nicht vollends unbequem waren.

S. 74. Es sene min BD ber Horizont. Fig. V. Der Wurf geschehe in B nach der Richtung BF, oder dem Erhöhungswinkel FBD. Die Rugel durchlaufe den Bogen BAD. A fene deffen Scheis telpunct, wo die Rugel nach einer horizontalen Richtung fahrt, und ihre Geschwindigkeit in A sene = G. In jedem andern Punct M sene der Bogen AM oder bessen Lange = v, der Reigungswinkel PMT = O, die Geschwindigkeit = c. Man sete c fin D=u, so ftellt u eine Ge= schwindigkeit vor, mit welcher der Theil der Abscisse Pp oder NM in eben der Zeit durchlau= fen wurde, in welcher bas Element des Bogens Mm durchlaufen wird. Bum Unterschiede mag u die horizontale Geschwindigkeit heisen. End= lich behalten a, C die vorige Bedeutung. (§. 67. 70.) Und so sind die benden Integralformeln, aus welchen sich allenfalls noch eine dritte ziehen läßt, folgende:

 $v = a \log \frac{G}{x}$  $= c: V\left(cc + GG(\operatorname{cof} \Phi \cdot \operatorname{cofec} \Phi^2 \cdot \log \cdot \operatorname{tang} \frac{1}{2}\Phi)\right)$ 

Mimmt

Nimmt man hieben den Punct M zwischen AB, so wird  $\nu$  und  $\Phi$  negativ. Man seze z. E. M salle auf B, die ansångliche Geschwindigkeit nach der Richtung BF seze =V, der Bogen AB=A, der Erhöhungswinkel BFD  $=90^{\circ}-\lambda$ , so ist die ansångliche horizontale Geschwindigkeit =V. sin  $\lambda$ , und demnach

$$A = a \log \frac{V.\sin x}{G}$$

$$\frac{V.\sin\lambda}{G} = C: V\left(CC - GG(\cot\lambda, \operatorname{cofec} \lambda^2 - \log\tan\frac{1}{2}\lambda)\right)$$

woraus man hinwiederum

$$G=C.V.\sin \lambda:V\left(CC+V^2\sin \lambda^2\left(\cosh \lambda.\operatorname{cofec}\lambda^2-\log\tan \frac{1}{2}\lambda\right)\right)$$

herleitet.

§. 75. Man gebenke sich nun, die Abscissen AP, und Ordinaten PM werden mit einem solchen Maaßtabe gemessen, welcher die Länge  $=\frac{1}{2}$  a zur Einheit hat, und nach diesem Maaßstabe seize man  $AP = \xi$ ,  $PM = \eta$ , so werden  $\xi$ ,  $\eta$  mehrentheils kleine Brüche senn, weil bende nur alsdann = 1 werden, wenn sie  $=\frac{1}{2}$  a sind. Ferners mache man Kürze halber m = CC: 2GG, so wird die Natur der krummen Linie oder des Vogens BAD durch solgende Reihe ausges drückt:





$$\eta = \frac{m\xi^{2}}{2} + \frac{m}{2.3}, \xi^{3} + \frac{m}{2.3.4}, \xi^{4} + \frac{m}{2.3.4.5}, \xi^{5} + \frac{m}{2.3.4.5.6}\xi^{6} + \frac{m^{3}}{2.3.4.5}\xi^{5} + \frac{7m^{3}}{2.3.4.5.6}\xi^{6}$$

$$+\frac{m\xi^{7}}{2.3.4\cdot5.6\cdot7} + \frac{m\xi^{8}}{2.3.4\cdot5.6\cdot7.8} + \frac{m\xi^{9}}{2.3.4\cdot5.6\cdot7.8\cdot9} + &c,$$

$$+\frac{4 \cdot 8 \cdot m^{3}\xi^{7}}{2.3.4\cdot5.6\cdot7} + \frac{2 \cdot 61 \cdot m^{3}\xi^{8}}{2 \cdot 3.4\cdot5.6\cdot7.8} + \frac{11 \cdot 24 \cdot m^{3}\xi^{9}}{2 \cdot 3.4\cdot5.6\cdot7.8\cdot9} + &c,$$

$$-\frac{3 m^{5}\xi^{7}}{2 \cdot 3.4\cdot5.6\cdot7} - \frac{3 \cdot 11 \cdot m^{5}\xi^{8}}{2 \cdot 3.4\cdot5.6\cdot7.8} - \frac{3 \cdot 67 \cdot m^{5}, \xi^{9}}{2 \cdot 3.4\cdot5.6\cdot7.8\cdot9} - &c,$$

$$+\frac{5 \cdot 9 \cdot m^{7}\xi^{9}}{2 \cdot 3.4\cdot5.6\cdot7.8\cdot9} + &c.$$

Sest man  $\log e = 1$ , so täßt sich diese Reihe in folgende

$$\eta = me^{\frac{\xi}{2}} - m - m\xi + \frac{m^3\xi^5}{2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5} + \frac{7m^7\xi^6}{2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6} + \frac{4 \cdot 8 \cdot m^3\xi^7}{2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdot 6 \cdot 7} + &c.$$

zusammenziehen. Ob sie sich noch ferners zusammenziehen lasse, habe ich nicht finden können.

§. 76. Sest man nun Kurze halber 29:m=i2, so erhält man für die Abscissen

$$\xi = i - \frac{1}{6}i^{2} + \frac{1}{36}i^{3} - \frac{1}{270}i^{4} + \frac{1}{4320}, i^{5} + \frac{1}{17010}, i^{6} + \&c.$$

$$- \frac{m^{2}}{120}i^{4} + \frac{m^{2}}{75/60}i^{6} + \&c.$$

$$+ \frac{m^{4}}{680}i^{6} + \&c.$$

Diese

Diese Reihe giebt, weil i eine Quadratwurzel ist, immer einen doppelten Werth, wovon der eine QM der andere QR ist. Demnach ist die ganze horizontale Chorde, durch die Quadratwurzel der Hohe AQ ausgedrückt,

$$MR = 2i + \frac{1}{18}i^3 + \frac{1}{2160}i^5 + &c.$$

§. 77. Endlich habe ich die Sache noch folgendermaßen umgekehrt. (Fig.VI.) Es sene AB der Horizont, der Wurff geschehe in A nach der Richtung AQ, die Rugel durchlause den Bogen AMB, die ansångliche Geschwindigkeit sene V, der Erhöhungswinkel V Bedeutung. Verners seize man Kürze halber V Bedeutung. Verners seize man V Bedeutung ben mit einem Maaßstabe gemessen, dessen Einsheit V As seize V Bach diesem Maaßstabe seize man V Bester V

§. 78. Man wird aus dem §. 67. sehenkönenen, daß der Maaßstab, womit die Abscissen AQ und die Ordinaten PM gemessen werden, merklich groß ist, und daher vermittelst dieser Reihe ebenfalls sehr große Stücke des Bogens AMB bestimmt und construirt werden konnen. Wenn man aber auch damit nicht ausreicht, so kam man sich mit einem kleinen Stücke z. E. AM begnügen, und von da an die Rechnung aufs neue anfangen. Zu diesem Ende sindet sich, wenn man die Tangente aM zieht, der Winckel aMp, weil

tang qMp = 
$$\frac{dy}{dx \cdot \cos \omega}$$
  
=  $\tan g \omega - \frac{mx}{\cos \omega} - \frac{mx^2}{2 \cos \omega} - \frac{mx^5}{2.3 \cos \omega}$   
 $+ \frac{m^2 \tan g \omega x^3}{2.3}$   
 $- \frac{mx^4}{2.3.4 \cos \omega} - &c.$   
 $+ \frac{2m^2 \tan g \omega x^4}{2.3.4} + &c.$   
 $- \frac{m^3 \cdot \cos \omega x^4}{2.3.4} - &c.$ 

ist. Nun wird vermittelst der benden Winkel qMp, QAP und der Geschwindigkeit V, die Geschwindigkeit V, die Geschwindigkeit in M durch die Formeln des §. 74. gefunden. Demnach ist es eben so viel, als wenn der Wurf aus M nach der Nichtung M q geschehen, und der Vogen M m B zu berech-

nen und zu construiren wäre. Und so läßt sich die Arbeit wiederholen, so lange man will. Wenn aber der erste Erhöhungswinkel QAP von wesnigen Graden ist, so bedarfe es, blos um die Schußweite AB zu sinden, einer solchen Wiesderholung nicht. Noch muß ich benfügen, daß die Zeit  $\tau$ , in welcher AM durchlaufen wird,

$$\tau = \frac{a}{2V} \left( x + \frac{xx}{4} + \frac{x^3}{24} + \frac{x^4}{192} + &c. \right)$$

$$-\frac{mx^3 \sin \omega}{12} - \frac{mx^4 \sin \omega}{96} + \frac{m^2x^4 \cos^2 \omega}{48}$$

gefunden werde. In luftleerem Naume würde sie schlechthin mur  $\tau = ax: 2V = AQ:V$  seyn. Wan sieht demnach aus dieser Reihe, wie die Zeit  $\tau$  wegen des Widerstandes der Luft verlängert wird.

#### Druckfehler:

Pag. 6. lin. 21. liefe Gilber 720 -- 12











