

Algorithmus nouus

Disciplina numerorum

Arithmetica est Greci em̄ nūerū ritbmon vocat
 quā scriptores seculariū lrāz inter disciplias ma-
 thematicas iō primā eē volebat qm̄ ipa vt sic nulla alia indi-
 get disciplia Geometria & Astronomia & musica vt sint ae-
 q̄ sublūstā istius egent auxilio. Iḡr rō nūerorūz ptem̄ nēda
 nō est. s̄ sumope ab oībus est appetēda. Cū dicat scūs Au-
 gustin⁹ Nemo ad diuinay hūana yq̄ rex cognitiōem acce-
 dat nisi p̄t̄l̄ artē nūerandib⁹ addiscat. Et aristoteles prio-
 elencoꝝ. Qui nō st̄ p̄mp̄l̄ nūeros ferre a scientib⁹ expellunt
 tur. In nūero em̄ & mēsura & p̄dere oīa creatā st̄. Quare de
 specieb⁹ arithmetice tam de Integris & de fract⁹ aliqua brie-
 uiter p̄ponere conabor. Arithmetica em̄ est scia numeran-
 di. Numerus & est multitudi ex unitatibus p̄fusa vt 6 pro-
 funditur ex 6 unitatib⁹. Unitas aut̄ est qua unaqueq̄ res
 una dī. Nota q̄ numerus est triplex videlicet. digitus. articu-
 lus & numerus cōpositus. Digitus est numerus minor denario
 vt 2 3 4 5 6 7 8 9. Articulus est numerus qui in decem par-
 tes euales precise diuidi potest vt 10 20 30 40 tē. Numer⁹
 compositus est numerus qui ex digito articuloꝝ componi-
 tur vt 2436 49 vē.

Numma species.

Numeratio ē cuiuslibz nūeri p̄figuras sibi cōpetētes
 artificialis expressio. Notandum q̄ nouem nū figure
 significatiue quibus oīs numerus scribi habet vt 2 3 4 5 6 7 8
 9 0. Decima vero que nulla dicit̄ se sola nihil representat. sed
 occupando locum aliarum dat alijs significare. Representa-
 tio em̄ harum figurarum matime in loco & ordine dependet.
 Nam quelibet figura in primo loco eius detram posita se
 simpliciter semel representat. In secundo decies se. In tertio
 centesies. In quarto millesies se. In q̄nto decies millesies. In
 sexto cētesies millesies se. In septimo mille millesies se tē. Hic
 s̄ ascēdēdo fin̄ decuplā p̄portionē. P̄t̄ tñ alijs ouenitēter
 numerare ab cponēdo sup̄ primā a sup̄ secundā b sup̄ terciā
 & sup̄ quartā iterū a deinde b c tē donec ad finem p̄uenit.

A q̄

Algorismus nouus

Tunc quodlibet a decimo primo reparet mille. c. centenarius
b. articulus. a. digitum Aut alio modo Incipe a priora dicendo priora
per se. 2. decem. 3. centum. 4. mille. ponendo punctum super quartam
et in 4. iterum incipiendo. priora per se milie. 2. decem milia. 3. centum
milia. 4. millemilia Iterum ponendo punctulum unum. et sic de sequen-
ter ad finem. tunc quilibet punctus representat mille ut in exemplo
b a c b a c b a Sic exprimit 45 millemilia
4 5 9 3 6 0 2 9 Noningenta milia. 36. milia vi
gintinoue Ibi nota quod quinque a et b simul ponuntur semper debet
simul exprimi. nisi quinque a nullum fuerit. tunc a solitarie exprimitur.
at. centenarius solitarius exprimuntur est regula generalis

Secunda species

Additio est duorum aut plurium numerorum in una summa
reductio ut 4 ad 7 faciunt 11. et in additio emendata ad
minus duo ordines numerorum sunt necessaria videlicet ad-
dendum et numerus cui debet fieri additio Addere si placet. nu-
merus cui debet fieri additio scriba per suas differentias figu-
ras. et numerus addendus sub eo. ita quod prima sub prima. 2.
sub. 2. et 3. si quinque habet sub. 3. et sic de aliis Deinde primas fi-
guras ad se addas Et ex crescere numerus una aut duabus
figuris scribendus Si una scribat inferius sub virgula Si
duabus primam harum scribe et secundam mente tene rite ad ad-
ditionem primarum figurarum quam cum eiusdem addere Et iterum ex cres-
cer numerus ut super Sic operare donec omnes figure additae
de simul fuerint additae

Exemplum volo addere 2 376 ad 57640 Pones sic
Tunc primas figuras ad se addas dicendo 5 7 6 4
6 ad 4 faciunt 10. scribe 0 inferius. unitatez 2 3 7 6
seruando in mente aut in tabula deinde 8 1 4 0
de 7 ad 6 faciunt 13 et unitas seruata facit 14. iterum primam
scribe videlicet 4 unitatem seruando in mente Postea 3 ad 7
faciunt 10 et unitas seruata facit 11. scribe unum seruando 1. de
mum dices 2 ad 5 faciunt 7 et 1 seruata faciunt 8. que etiam
scribe inferius. et sic erit presens additio 8 14 0. cuius proba
sequitur in subtractione

de integris

Tertia species

GSubtractio est numeri a numero ablatio ut videatur summa relictia ut sit a manent. In subtractione similiter duo ordines numerorum sicut in vicibus subtractebus et numerus a quo debet fieri subtractio portet autem minorē a maiorē i. aut equalē ab equali subtractere. majorē a minorē vero minūmē. Subtrahere si placet numerus subtractendus subscriptur vītū in additionē. Deinde primā subtractēdū a prima numeri a quo debet fieri subtractio auferas si potes et relictū inferius sub virgula scribas. Si autē id est si inferior maior fuerit figura sibi suprposita distātiātā eius a denario addē superiori. et productū scribas ī loco ī ferio ī. Quotiescumq; hoc contingit semper figure p̄xime subtractēde addatur vñtas et sīca figura sibi suprposita subtractetur ut prius. donec oēs figure subtractēde fuerint subtractē. Exemplū Subtrahere volo 2 4 7 2 de 5 9 7 0 8 Ponet 5 9 7 0 8 ī figura et cōt. Et subtracte 2 ab 8 manent 6 2 4 7 2 quæ scribe inferius Deinde 7 a 0 nō possum 5 7 2 3 6 distantia a denario numero est 3 ad 0 facit 3 que etiam scribe inferius Postea dīc 5 a 7 manent 2 et 2 a 9 manent 7 et 5 scribanūt etiā inferius et sic relinquunt 5 7 2 3 6 Et sic facias in omni subtractione. Si vellis p̄bare p̄missam additionē vicibus reduc inferiores duos ordines ī unam summā et redibunt figure prioris numeri a quo debet fieri subtractio. Si autē p̄missum volueris p̄bare additionē tūca numero ex additionē productō alterū duorum primoꝝ ordinum subtracte et relinquē reliquias. q̄ si inferior subtractitur reliqui superior. Si autē superior subtractabit reliqui inferior. Si autē plures numeros volueris subtractare ab uno tūco ī numeros subtractendos p̄ additionē ī unam summā reduc. Deinde sicut in presentem subtracte ut supra.

Quarta species

Multiplicatio ē numeri p̄creatio proportionaliter se habentis ad multiplicandū sicut multiplicās ad ratiōnē

Et iij

Algorismus nouus.

Carem ubi gratia 3 ad 4 multiplicare est numerum 12 procre
are quies sic multiplicando videlicet 4 proportionantur velut
ti multiplicans scilicet 3 unitati utræque est portio tripla. Itē
Multiplicatio prærequisit q̄ quis bñ sciat multiplicationem
digitorum inter se. Cui dñs regula Scriban̄ digiti subalterne
et cuiuslibet dñam a denario 1̄sus dextrâ ponas quas in
se multiplicat, pductū inferius scribe. Deinde differentiā vni
us a digito alterius subtrahet priori pducto postponet pro
uenit summa vt patet in pñti figura. 9 1 differentia
Exemplum septies 9 quo sunt 7 3 differentia
Pone subalterne ut in figura cum 63
suis differentiis q̄s inde multiplicat tres. deinde subtra
be 1 a 7 aut 3 a 9 manet 6 que postpone facit 63

Pro facilitati intellectu dictorum dicendorumq; de mul
tiplicatione ponā tabulam multiplicatiōis digitorum inter
se ut quis eo facilius possit menti imprimente.

2	2	4	4	7	28	In multiplicata tione similiter
2	3	6	4	8	32	duo ordies nu merorum nec
2	4	8	4	9	36	sarij multiplicā tus vices et mul tiplicans. Et
2	5	10	5	5	25	placeat multiplicare numeruz
2	6	12	5	6	30	multiplicandū
2	7	14	5	7	35	em suas diffe rentias figura
2	8	16	5	8	40	rum scriberet m ultiplicantib; sub
2	9	18	5	9	45	eo aut i alio lo
3	3	9	6	6	36	co quo tibi pla
3	4	12	6	7	42	cet et duc pñaz
3	5	15	6	8	48	multiplicantib;
3	6	18	6	9	54	in
3	7	21	7	7	49	scriptis
3	8	24	7	8	56	figura
3	9	27	7	9	63	rum
4	4	16	8	8	64	scriberet m ultiplicantib;
4	5	20	8	9	72	eo aut i alio lo
4	6	24	9	9	81	co quo tibi pla

In oīce figurae multiplicandi. Ita tu quandocunq; ex mul

De integris

tiplicatione et crescit numerus una aut duabus figuris scribendis semper prima hanc scribe et secundam mente tenebas ad multiplicationem prime figure multiplicandi quam ad eius productum addes posterius in fine multiplicandi. Ibi enim ambo scribuntur et figura multiplicantis cancelletur et ceterum. Deinde secundam multiplicatis duc etiam in oculis multiplicandi. Ita tamen quod productum ex secunda multiplicantis in primam multiplicandi ponat sub secunda prius ordinis scripti. Ita tamen ut super et sic postea donec oculis figure multiplicantis ducies fuerint in oculis multiplicandi. Demum illos ordines per additionem in unam summam reduc. et quodlibet solitarium ponas se solo. Exemplum volo multiplicare 795 per 24. 6.

Pone sic. nunc duc primam multiplicantis. scilicet 6 in primam multiplicandam. 795 di. scilicet 5 facit 30. scribe o suando 3 in mente. Deinde duc 6 in 9 facit 54 et 3 suata facit 57. scribe septem et servia 5 in mente aut in tabula. Postea duc 6 in 7 facit 42 et 5 facie 1. 590 47 que totaliter scribe quod in fine multiplicandi. 195570 di et cancelletur prima multiplicantis. scilicet 6. Deinde secundam multiplicantis duc etiam in oculis multiplicandi dicendo prior quater 5 et 20 scribe o et 2 sua in mente ponendo o sub secunda prioris ordinis. scilicet 7. Demum in secundam. scilicet 9 et ceterum ut super. Postea duc etiam tertiam multiplicantis in oculis multiplicandi. ita tamen quod productum ex tertia multiplicantis in primam multiplicandi ponat sub tertia primi ordinis aut sub secunda secundi ordinis. Deinde postea usque ad finem. Demum per additionem reduc illos ordines in unam summam ut in exemplo. pba sequitur in divisione quia divisionis probat multiplicationem quemadmodum subtractionem additionem et econuerso. Item duplatio et mediatio non sunt species arithmeticæ ab alijs distinctæ. sed sunt species multiplicationis et divisionis. Duplatio est per 2 multitudine sicut mediatio est per duo divisiones et ceterum.

Quinta species

Divisio est numeri procreatio proportionabiliter se ad unitatem habentis. ut dividendus ad divisorum et 20 per 4 dividere est numerum quinarium procreare quod sit

Algorismus nouus

Vnitati portionant quintupla vlcz pportione quēadmodū
 dividēdus vlcz 20. divisor scz 4 qz etiā est pporio quīrupla
C In divisione etiam requiruntur duo ordines numerorū
 scilicet divisor et dividendus. divide ergo si placet numerus
 dividēdus per suas drās scribat et divisor sub eo. ita qz vltia
 sub vltia et penultia sub penultia et hoc si vltia divisor m̄or
 fuerit vltia dīdēdi. sin autē tūc vltia divisor ponat sub penul-
 sum dividēdi et alte p̄sistet. Quo scō vide q̄tēs vltia diuisio-
 nis possit haberi in sibi supraposita aut suprapositis ita tñ qz
 etiā totiē oēs p̄cedētes in suis superioribz aut suis sup̄ positiibz
 Et quotientē pone yl̄us dextrā vltra virgulā decimā. Quē
 quotiente multiplica in oēs figurās divisoris. primo in vlti-
 mam. deinde i secundā r̄t̄. er̄ pducta qz subtractionē subtrahē
 a sibi supraposuit relictū supraponēdo prius tñ cācellat̄ figu-
 ris. Quo scō secundēt̄ divisor p̄ vnlā dīam. et itez vidēdū ēst
 prius quotiēs r̄t̄. Si aut̄ p̄tingit qz i media op̄atōne aut i si-
 ne q̄tiens inueniri nō p̄t̄ ponēda est o in quotiente. et secundēt̄
 divisor si nō fuerit in fine op̄atōis. Si aut̄ in fine tūc figure
 relicte sunt residū diuisiōis r̄t̄. Ut i exēplo. volo dividēf an-
 nos dñi currētes vlcz 14 91. p 24. Ponēs sic. Cācellent̄ om̄s
 cifre istius figure p̄ter 3 et 6.

Hunc videas quotiens ultimā	2	5	3	
divisoris vlcz duo possis habere	1	4	9	1 (6 2)
rei in 14. ita tñ qz totiens etiam	2	4	4	
qz in sibi supraposuit hoc est scri- be sup̄ qz cancellat̄ tñ prius 4 et vnitate.			2	
es quare pone 6 vltra virgulā decimā p̄nti figura.				
Et multiplica ea in ultimā divisoris vlcz 2 facit 12 que sub- trahē a figuris sibi supraposuit videlicet 14 manent 2 qz scri- be sup̄ qz cancellat̄ tñ prius 4 et vnitate. Deinde eundem				
quotientem multiplica etiam in secundā divisoris Dicendo				
series 4 sunt 24 et 24 a 29 manebūt̄ 5 que pone supra 9 cā- cellatis 9 et 2. Omnes cifre istius figure debent concel- lari preter 1 2 4 5 et 6 Deinde secundetur	2	5		
divisor ut in figura Eueez videatur quo	1	4	9	1 (6
nens possit h̄bi 2 in 5 b̄ 2 Que 2 et̄ scri-	2	4	4	
bē q̄tiencē ad alii et ea multiplicā ut p̄t̄ i			2	

De integris.

figuras divisoris. Dicendo primobis 2 sunt 4 a 5 manet.

E	indde	bis	4	sunt	8	ab	ii
m	a	n	ent	;	v	p	a
i	n	f	ig	ur	a	e	sic
in	t	o	r	;	c	e	1

in tota divisione residuat; et erit 1 4 9 1 (62)

vna pars 62. Omnes cifre istius 2 4 4

figure dñe c'cellari pter; et (62) 2

ISi vis pbare. Multiplica divisorē in quotentē. et ad de residuū si qd fuerit. et credibūt pores figure nūeri dividendi. Multiplicatio vero pbatur p divisionē. vt dividendo producū p multiplicaddū prouenit in quotientem multiplicans aut econverso dividendo producū p multiplicantez puenit multiplicandus etiā. et tantū de divisione.

Secunda Species

Drogressio est plurium nūerorū fm equales excessus sumptoz in vnā summā rductio vt. 1. 2. 3. 4. faciunt 10. et cetera In omni progreessione addantur ad inuicem extrema et productū multiplicatur p medietatē positionū et puenit summa progressionis. **E**xemplū volo scire quos itis faciat rintinabulū ad campanā signando horā a pīa ad 12. Pone sic 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. iūge extrema sūe 12. qm̄luplica p medietatē positionū scz 6 faciat 78. tot ḡ ic tuus scit signādo horas. **A**liud exemplū. 1. 3. 5. 7. 9. 11. 13. 15. 17. 19. 21. 23. iūge extrema facit 24. qm̄luplica p medietatē positionū vīc3 sex facit 14. 4. et cetera.

Aliud 1. 5. 8. 11. 14. 17. 20. 22. 26. 29. 32. 35. 38. 41. 44. 47. scit 192. **I**si autē pgressio sit p dupla proportionē. tūc vltimū dupla. a duplato pmū subtrahē et habeb̄ intēcū ve

1. 2. 4. 8. 16. 32. 64. scit 127.

ISi vero fm triplā proportionem. vltimū tripla et a producto primū auferas. et remanentis medietas ostendit que situm. **E**xemplū. 1. 3. 9. 27. 81. 243. 729. scit 1093.

ISi autē fm quadruplā proportionē. vltimū quadrupla et subtrahē primū et remanentis tercia pars ostendit valorē vt 2. 8. 27. 128. 512. 2048. 8. 27. 30. Et ita de alijs proportionibus et vltimū m̄luplica per nūerū denotatōis proportionis pmū auferēdorelictū dividēdo pñueq; vñicate minorē nūo proportionis.

Algorithmus nouus

Septima species

Redicem quadratz alicuius numeri extrahere eab ipso
nitez elicere qui in se ductus suu reddit quadratuz
ut bis duo facit quatuor Dicitur enim quadratus qz diuisim
p unitates scriptus quatuor habebit latera ad modu quadratuz
liquapropter radix quadrata in numeris et costa quadrati in
duabus idem faciat. Si ergo numerus ponatur cuius radice que-
ritur hoc numerus signetur p puncta in locis impariis viciis prima
3.5.7.9.11. et quia quot habueris puncta tot habebis digitos
in radice huius numeri positi. Sub ultimo igitur puctio inuenientur
dus est quidam digitus qui ductus in se deleat totum supra pos-
tum respectu sui vel inquantum vicinius potest. Et ille digitus in-
uenitus ponendus est versus destra virgulam pcamam ut
in divisione. Quo facto duplicandus est ille digitus. et du-
platu ponendu sub prima figura versus destra. Deinde
iterum inueniendus est digitus qui in duplatu ductus totum
deleat suprapositum respectu duplati. Deinde ductus in se to-
tum deleat suprapositum respectu sui vel inquantum vicinius per
illo facto duplandu est totum qd ponitur in quotiente. et du-
platum ponendu est sub proxima figura versus destra. De-
inde iterum et cetera ut supra usque ad finem. Nunquam autem
quod in media operatione aut in fine digitus inueniri non potest
Sic ponenda est o in quotiente. et oibus dimissis intacis p-
cedatur ad inventionem proximi digiti. Si non fuerit in si-
ne Et sic operare usque ad fine. Quo facto tunc aliquid erit
residuum aut nihil. Si nihil. constat quod numerus propositus
fuerat quadratus. Si autem aliquid fuerit residuum. tunc numerus
non fuit quadratus. Sed numerus invenitus est radix maximae
numeris quadrati sub proposito numero contenti. Exemplu-
m volo inuenire radicem anno christi currenti videlicet 14.
91 Signa nitez p puncta ut in figura. Deinde sub ultimo
puncto iam signato videlicet 14. inueniendus est quidam digi-
tus qui ductus in se deleat totum suprapositum respectu sul
vel inquantum vicinius potest et est 3. que multiplica in se facie
9 que subtrahet a 14 ut in divisione manebut 5. Deinde da

De integris

pla d'igitum inuenit facit 6 que pone sub proxima figura
versus dextrā. 9. videlicet. et iterum inueniendus est digitus
qui duplatū ductus deleat totū suppositū respectu dupla-
ti. Deinde ductus in se deleat totū suppositū respectu sui vel
inquantū vicinus p̄t. et est 8 que pone versus dextram ad 3 et
duc ea in duplatū videlicet 6 facit q̄ 8. que subtrahē a 59 re-
manent 11. Deinde in se ductus facit 6 q̄ que subtrahē a iii et
manebat 47 pro residuo ergo ostat q̄ numerus anno x̄i propo-
currentū vici 49 i. nō ē quadratus. Sed numerus 38 inuenitus
est radix maximi nisi est q̄dratū sub 1 4
nūero annorū c̄c tenet videlicet in 5 1 7 (38)
figura Si vis probare tunc radi 1 4 9 1
cem inuentam in se multiplicat. et 6
si quid fuerit residuum adde et redibūt figure numeri propo-
siti. Tunc autem errorē corrige. Cancellectur omnes cifre:
Uallis figure prius q̄ 7 et (38).

De radicium extractio- ne in numeris cubicis

Rciendum q̄ numerus cubicus est q̄ puenit ex dī-
ctu al' cui⁹ numeri. bis in se aut semel in suū q̄dratū.
Dicit aut̄ cubicus a noīe cubus. Et em̄ cubus
corpus s̄ solidū sex h̄is superficies 8 angulos et 12.
latera et tessera et. Radicem aut̄ cubicā extrahere. ē nūez
elicere q̄ in se cubice ductus suū reddit cubū et ter tria terfa-
cit et. Si igitur numerus ponatur cuius radicem vis in-
uenire. signa loca milenariorum per puncta. Et sub ultimo
milenario inueniendis est quidam digitus q̄ in se ipsum cu-
bicē ductus totum deleat suppositū respectu sui vel inqua-
tum vicinus potest. Quantum autem quilibet digitus in-
secubice multiplicatus producat habet in tabula presenti.