

32, 29.

Königliches Gymnasium zu Brieg.



Einladungs-Schrift

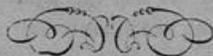
311

den öffentlichen Prüfungen und Vorträgen

sowie zur

Entlassung der Abiturienten

am 18. und 19. März 1869.



Inhalt:

1. Versuch einer naturgemäßen Entwicklung der Ähnlichkeitslehre, nebst einem Anhang über das Sehnenviereck von Theodor Duda.
2. Schulnachrichten vom Director.

Otto Falch's Buchdruckerei in Brieg.



96r
41 (1869)



Versuch

einer

naturgemäßen Begründung der Ähnlichkeitslehre,

nebst einem

einige Betrachtungen über das Sehnviereck

enthaltenden Anhang.

Einleitung.

Der hergebrachte Vortrag der Ähnlichkeitslehre leidet an mehreren zum Theil auch schon von andern Schriftstellern gerügten Mängeln. Geht man von Euklids Erklärung aus, die Ähnlichkeit zweier geradlinigen ebenen Figuren bestehe in der Uebereinstimmung ihrer Winkel und der Proportionalität ihrer homologen Seiten, so wird zunächst der logische Fehler begangen, daß das Zusammenbestehen von Eigenschaften als zugestanden betrachtet wird, deren Vereinbarkeit erst nachzuweisen ist; denn wenn man nach dieser Erklärung ein einem gegebenen Vieleck ähnliches Vieleck zu zeichnen unternimmt, so bleibt es, wenn man den einfachsten Weg der Construction einschlägt, von der letzten Seite und den beiden an ihr liegenden Winkeln fraglich, ob sie der Bedingung der Ähnlichkeit genügen. Man kann nun freilich, obgleich dies z. B. in Kamblths Leitfaden nicht geschieht, die Möglichkeit des Ähnlichkeitsbegriffs durch einen vorausgeschickten Lehrsatz leicht nachweisen, aber auch nach dieser Correctur muß jener Erklärung der für den Pädagogen viel schwerer wiegende Vorwurf der Künstlichkeit gemacht werden.

An derselben Künstlichkeit leidet auch z. B. Balzers Lehrgang, welcher mit Vermeidung des logischen Fehlers im Anfange nur die Ähnlichkeit der Dreiecke betrachtet und der zunächst auf sie allein beschränkten Euklidischen Definition den Lehrsatz vorausschickt, daß auf Dreiecke, welche in den Winkeln übereinstimmen, jene Erklärung der Ähnlichkeit passe, von den Dreiecken aber auf einem durchaus strengen Wege den Uebergang zur Ähnlichkeit der Vielecke findet. Denn der Begriff der Ähnlichkeit ist, wie ja auch der Gebrauch des Wortes z. B. bei der Beurteilung der Leistung eines Portraitmalers beweist, jedem Menschen auch ohne mathematische Schulung hinreichend geläufig, und es ist nicht Sache der geometrischen Methode, denselben erst künstlich zu construiren, sondern vielmehr nur, dem Schüler zum deutlichen Ausdruck der seiner Sprache bisher unzugänglichen Anschauung zu verhelfen. Nun wird zwar wol

kein Lehrer der Geometrie es unterlassen, die Schüler auf die Identität des auch dem gemeinen Manne geläufigen Wortes Aehnlichkeit und der Aehnlichkeit der mathematischen Wissenschaft hinzuweisen, und der befähigte Schüler wird durch unmittelbare Intuition die Wahrheit derselben und ihre Tragweite sofort einsehen; aber es paßt doch wenig zu der gerühmten Strenge unserer Wissenschaft, daß die Vermittlung des Uebergangs zwischen beiden Gebieten dem Zufall überlassen bleiben soll, und daher mag es wol kommen, daß die weniger befähigten Schüler durchschnittlich mit der Aehnlichkeit wenig anzufangen wissen, bei den ihnen vorgeführten Entwicklungen sie nur als mechanische Formel benützen und niemals zu ihrer sichern Handhabung bei der selbständigen Lösung von Aufgaben gelangen, während ihnen die Congruenz bei einigem Fleiße ein ziemlich geläufiges Instrument wird.

Ein anderer Vorwurf gegen die Euklidische Definition wird von Tellkampfer erhoben. Dieselbe ermangele der Allgemeinheit und passe nur auf geradlinige Figuren in einer Ebene. Wenn schon es im Interesse der Eleganz wünschenswert sein mag, von vornherein die allgemeinste Erklärung zu Grunde zu legen, so kann doch die Rücksicht auf die Fassungskraft der Schüler eine stufenweise Erweiterung ihres wissenschaftlichen Horizonts vorteilhaft erscheinen lassen; dies mag wol der Grund sein, weshalb sein übrigens allgemein rühmend anerkannter Lehrgang nicht überall die Euklidische Methode verdrängt hat. Tellkampfer erklärt zwei Figuren als ähnlich, wenn sie sich in eine solche gegenseitige Lage bringen lassen, daß die von einem gewissen Punkte O ausgehenden Strahlen durch ihren Umfang verhältnismäßig geschnitten werden. Diese Erklärung hat, wie gesagt, den unleugbaren Vorzug, auf beliebige Gestalten des Raumes, nicht bloß auf geradlinige Figuren einer Ebene anwendbar zu sein, aber ich behaupte, daß auch sie den Vorwurf der Künstlichkeit durchaus verdient, denn die Proportionalität muß bei einer naturgemäßen Entwicklung vielmehr aus einer noch weiter zurückgreifenden Grundanschauung erst in Form eines Lehrsatzes abgeleitet werden, und ich will deshalb zu zeigen versuchen, daß alle hier erwähnten Methoden endlich noch der logische Vorwurf trifft, daß in ihnen als Erklärung vorangeschickt wird, was vielmehr als Lehrsatz zu beweisen war. Dagegen wird die im Folgenden aufgestellte Definition der Aehnlichkeit hoffentlich dem Verlangen sowohl nach naturgemäßer Begründung als auch nach größter Allgemeinheit genügen.



Die Vorbegriffe, welche der Geometrie als Einleitung vorausgeschickt zu werden pflegen, enthalten in allgemeinen Ausdrücken die Erklärung, Aehnlichkeit sei Uebereinstimmung der Gestalt, Gleichheit Uebereinstimmung der Größe, Congruenz Uebereinstimmung der Gestalt und Größe, und es knüpft damit die Wissenschaft an die aus der täglichen Erfahrung mitgebrachten Kategorien an.

Die Uebereinstimmung in der Gestalt aber, ein so schlüpfriger und unklarer Begriff sie zu sein scheint, ist gleichwol für das beurteilende Auge äußerst leicht controlirbar, und die Sicherheit der Entscheidung nimmt mit der Ausbildung des Vitalsinns auf diesem Gebiet zu. Denn gleichwie als Töne von gleicher Höhe diejenigen erkannt werden, welche identische Stellen des Gehörnerven in Schwingungen versetzen, so erscheinen als Figuren von gleicher Gestalt diejenigen, welche identische Stellen der Netzhaut afficiren. Der Schüler, welcher eine an die Tafel gezeichnete Kreidefigur auf seinem Papier nachzeichnet, läßt sich offenbar nur durch dieses Kriterium in seiner Nachahmung leiten. Man wende nicht ein, daß dieselbe Figur in großem und kleinem Maßstabe nachgezeichnet werden kann, denn er wird den Maßstab instinctmäßig der Entfernung des Auges vom Papier anpassen, oder umgekehrt. Aus dieser Ueberlegung entspringt aber sofort die jedem Schüler unmittelbar einleuchtende, weil mit seinem eigenen Bewußtsein übereinstimmende Erklärung, daß solche Figuren ähnlich genannt werden, welche von einem gewissen Punkte aus gesehen einander decken. Das einzige fremde Element, welches hierbei stillschweigend in die Geometrie hineingetragen wird, ist die optische Erfahrung, daß die Lichtstrahlen in einem homogenen Mittel sich geradlinig fortpflanzen; denn die Erwähnung der physiologischen Vorgänge auf der Netzhaut, die ich nur behufs der genetischen Entwicklung bedurfte, ist selbstverständlich in einem Lehrgange der Geometrie durchaus überflüssig.

Doch fehlt in dem so gewonnenen Resultate noch ein wichtiges Moment. Wir zeichnen wol die Umrisse eines fernen Berges auf der Fensterscheibe nach und nennen beide Figuren einander ähnlich, aber wir betrachten dabei, auch ohne uns dessen bewußt zu sein, den Berg als Planfigur, und was die Hauptsache ist, alle Punkte derselben gelten uns als von der Ebene der Scheibe gleich weit entfernt. Ein Portrait, welches nur schief vor das Auge gehalten der Gestalt der dargestellten Person gleicht, wird Niemand für wohl getroffen erklären. Die vorhin aufgestellte Definition ist also dahin zu vervollständigen, daß ähnliche Figuren solche sind, welche sich in parallelen Ebenen in eine solche Lage gegen einander bringen lassen, daß sie von einem gewissen Punkte aus gesehen einander decken.

Der Vortheil dieser Erklärung ist einleuchtend, denn sie gestattet sofort die Anwendung auf alle möglichen gerad- oder krummlinigen, zusammenhängenden oder aus gesonderten Theilen bestehenden ebenen Figuren, noch aber fehlt ihr die vollständige Allgemeinheit, um für alle möglichen Raumgebilde Gültigkeit zu haben. Zu diesem Zweck ist sie aber bloß, wie folgt, umzuändern:

Ähnliche Figuren heißen diejenigen, welche sich in eine solche Lage gegen einander bringen lassen, daß sie von einem gewissen Punkte aus gesehen einander decken, und daß die bezüglichen Verbindungsstrecken beliebiger sich deckenden Punktpaare einander parallel sind.

Der sonst ziemlich vage und nur umständlich definirbare Begriff einander entsprechender Punkte ähnlicher Figuren ist jetzt von vornherein vollständig klar; es fallen unter die gegebene Erklärung sämtliche Körperräume, Flächen, Linien, Punktsysteme, und es erübrigt nur noch, dem bisher gebräuchlichen Vortrag der Ähnlichkeitslehre die geringe Abänderung zu geben, um die hier aufgestellte Definition mit aller Strenge in dasselbe einzupassen.



II.

1. **Lehrsatz:** Wenn in einem Dreieck zu einer Seite eine Parallele gezogen wird, so sind die Seiten des abgetheilten Dreiecks den homologen (bezüglich gleichen Winkeln gegenüber liegenden) Seiten des ursprünglichen Dreiecks proportional.

Beweis bekannt.

2. **Umkehrung des 1. Lehrsatzes:** Wenn zwei Seiten eines Dreiecks entweder beide innerhalb, oder beide außerhalb nach demselben Verhältnis so geteilt sind, daß von dem ihnen gemeinsamen Eckpunkte entsprechende Stücke ausgehen, so ist die Verbindungslinie der Teilpunkte der dritten Seite parallel.

Beweis bekannt.

3. **Folgerung:** Beliebige von einem Punkte O ausgehende Strahlen einer Ebene schneiden aus zwei parallelen Transversalen bezüglich proportionale Stücke aus.

Beweis bekannt.

4. **Zusätze.** a) Der vorige Satz besteht auch noch, wenn die Parallelen von einem Strahl zum andern in ihrer Richtung beliebig gebrochen werden.

b) Derselbe Satz gilt auch für ein beliebiges System von Strahlen, die nicht in einer Ebene liegen.

5. **Lehrsatz:** Die aus bezüglich parallelen Stücken bestehenden gebrochenen Linien des Zusatz 4 b) teilen auch die von O ausgehenden Strahlen nach demselben Verhältnis.

6. **Folgerung:** Wenn eine der beiden gebrochenen Linien ein geschlossenes Polygon bildet, so gilt dasselbe von der andern gebrochenen Linie.

Beweis mit Hilfe von 1 oder 2.

7. **Hilfssätze:** a) Die Lage einer Ebene ist durch drei nicht in gerader Linie liegende Punkte bestimmt. (Schon aus der Einleitung zu den Elementen bekannt.)

b) Zwei sich schneidende Ebenen haben als Durchschnitt eine Gerade. (Beweis bekannt.)

c) Parallele Ebenen werden von einer sie schneidenden Ebene in parallelen Geraden durchschnitten. Beweis bekannt.

d) Zwei Winkel mit bezüglich parallelen und gleich gerichteten Schenkeln sind einander gleich.

Beweis: Zieht man durch die Scheitel der beiden Winkel eine Gerade, so werden durch die beiden Paare von Parallelen zwei Ebenen bestimmt, welche zwischen sich einen in sich selbst längs seiner Kante verschiebbaren Keil einschließen. Außerdem bilden die Parallelen mit der Kante je ein Paar gleiche correspondirende Winkel, mithin kann man den Keil so verschieben, daß die Schenkel des einen Winkels mit denen des andern zusammenfallen.

Anmerkung: Für einen der beiden Winkel kann man auch seinen Scheitelwinkel nehmen.

8. **Erklärung:** Zwei Figuren (beliebige Raumgebilde) heißen *ähnlich*, wenn sie sich in eine solche Lage gegen einander bringen lassen, daß sie von einem gewissen Punkte O aus gesehen einander decken, und daß die Verbindungsstrecken irgend zweier Punkte der einen Figur den Verbindungsstrecken der entsprechenden Punkte der andern Figur bezüglich parallel sind.
- Beispiele ähnlicher Figuren sind die gebrochenen Linien des 4. Satzes.
- Die hier erwähnte gegenseitige Lage möge *perspectivisch* heißen, der $P.$ O der Augenpunkt, die bei perspectivischer Lage ähnlicher Figuren einander deckenden Punkte, Linien, Flächenstücke, Winkel heißen *homolog* (entsprechend).
9. **Lehrsatz:** Wenn zwei Figuren in perspectivische Lage gebracht werden können und die bezüglichen Verbindungslinien der sich deckenden Punktepaare bei Bildung irgend zweier gebrochenen Linien parallel sind, so sind auch alle übrigen möglichen Verbindungslinien einander parallel.
- Beweis mit Hilfe von Satz 6.
10. **Folgerung:** Ähnliche Polygone (in der Ebene oder im Raume) werden durch homologe Diagonalen in ähnliche Dreiecke zerschnitten.
11. **Lehrsatz:** In ähnlichen Polygonen (der Ebene oder des Raumes) sind homologe Winkel einander gleich und homologe Seiten einander proportional.
- Beweis mit Hilfe von 7 d und 4 b.
12. **Umkehrung des 11. Lehrsatzes:** Wenn in zwei ebenen Polygonen die Winkel der Reihe nach bezüglich gleich und die homologen Seiten (welche die Scheitel bezüglich gleicher Winkel verbinden) einander proportional sind, so sind sie ähnlich.
- Beweis: Man hat zu zeigen, daß sich dieselben so in perspectivische Lage bringen lassen, daß die homologen Seiten einander parallel sind. Zu diesem Zwecke genügt es, die Polygone in zwei beliebige parallele Ebenen so zu verlegen, daß die beiden ein Paar homologe Winkel einschließenden Seitenpaare einander bezüglich parallel sind, und durch ein indirectes Verfahren mit Hilfe des Lehrsatzes 1. zu zeigen, daß die Verbindungslinien der drei durch diese Seiten bestimmten Paare homologer Eckpunkte durch einen Punkt gehen. Der Augenpunkt liegt entweder zwischen beiden Polygonen, oder außerhalb derselben über das kleinere Polygon hinaus.
13. **Zusatz:** Soll die Umkehrung auf Raumpolygone ausgedehnt werden, so denke man sich dieselben durch Diagonalen von zwei homologen Eckpunkten aus in Dreiecke zerschnitten. Man sieht jetzt leicht ein, daß zu der Voraussetzung von § 12 noch die Bedingung hinzukommen muß, daß die beiden gebrochenen Flächen der Polygone in demselben Sinne gefaltet sind.
14. **Lehrsatz:** Ähnliche Figuren in perspectivische Lage gebracht teilen die vom Augenpunkt ausgezogenen Strahlen nach demselben Verhältnis.
- Beweis mit Hilfe von 5.
15. **Umkehrung des 14. Lehrsatzes:** Wenn zwei Figuren sich so in perspectivische Lage bringen lassen, daß die von dem Augenpunkt aus gezogenen Strahlen durch den Umfang verhältnißgleich geteilt werden, so sind sie ähnlich.
- Beweis mit Hilfe von 2.
- Anmerkung: Die Sätze 12 oder 15 als Erklärungen der Ähnlichkeit aufzustellen ist ein logischer Fehler.

16. **Lehrsatz:** In ähnlichen Dreiecken verhalten sich die zu homologen Grundlinien gehörenden Höhen wie homologe Seiten.
Denn denkt man sich die Dreiecke in perspectivischer Lage, so decken sich die Höhen, und die Behauptung ergibt sich mit Hilfe von § 11.
17. **Lehrsatz:** Die Flächen ähnlicher Dreiecke verhalten sich wie die Quadrate homologer Seiten.
Beweis bekannt.
18. **Folgerungen:** a) Die Flächen ähnlicher Polygone verhalten sich wie die Quadrate homologer Seiten.
b) Indem man beliebige Flächen als Grenzen von Polyedern mit unendlich vielen unendlich kleinen Facen ansieht, gelangt man zu dem allgemeinsten Satz:
Die Flächenräume ähnlicher Flächengebilde verhalten sich wie die Quadrate homologer Strecken.
19. **Lehrsatz:** Die Längen ähnlicher Liniengebilde verhalten sich wie homologe Strecken.
Beweis folgt aus § 11. Krumme Linien betrachtet man dabei als Grenzen von gebrochenen Linien, welche aus unendlich vielen unendlich kleinen Stücken bestehen.

Beziehungen zwischen der Ähnlichkeit und der Congruenz.

Beiden Arten der Betrachtung räumlicher Größen ist der Begriff der Deckung gemeinsam. Die Ähnlichkeit enthält in sich als besonderen Fall die Congruenz, wenn die perspectivisch sich deckenden Figuren einander so nahe rücken, daß sie vollständig mit einander zusammenfallen. Die Proportionalität der homologen Strecken geht alsdann in deren Gleichheit über.

20. **Allgemeiner Lehrsatz:** Jedesmal, wo aus der Uebereinstimmung zweier Figuren in gewissen Seiten und Winkeln deren Congruenz gefolgert wird, ergibt sich aus der Proportionalität derselben Seiten, während die bezügliche Gleichheit der Winkel bestehen bleibt, die Ähnlichkeit der Figuren.
Beweis: Seien A und B die beiden Figuren, zwischen welchen die Proportionalität der betreffenden Seiten und die Gleichheit der betreffenden Winkel besteht, und construirt man für einen beliebigen Augenpunkt zu A eine ähnliche Figur C so, daß eine Seite derselben mit der entsprechenden Seite von B übereinstimmt (und zwar einer solchen Seite, die bei der Congruenz in Frage kommt), so wird, wegen der Proportionalität beliebiger homologen Strecken und der Gleichheit beliebiger homologen Winkel der beiden ähnlichen Figuren A und C, die construirte Figur C der Voraussetzung gemäß mit B congruent sein, und da C und A nach Construction ähnlich sind, so müssen auch A und B ähnlich sein.
21. **Folgerungen:** Dreiecke sind ähnlich,
a) wenn sie in den Winkeln übereinstimmen (entsprechend der Congruenz wegen Uebereinstimmung in einer Seite und zwei gleich liegenden Winkeln),
b) wenn sie in einem Winkel übereinstimmen und die denselben einschließenden Seiten bezüglich proportional sind,
c) wenn ihre Seiten bezüglich proportional sind,
d) wenn zwei Seiten des einen Dreiecks zweien des andern proportional und die den bezüglich größeren Seiten gegenüber liegenden Winkel einander gleich sind,

e) wenn zwei Seiten des einen Dreiecks zweien des andern proportional und die den bezüglich kleineren Seiten gegenüber liegenden Winkel einander gleich, die den bezüglich größeren Seiten gegenüber liegenden Winkel aber beide spitz oder beide stumpf sind.

22. Bemerkung über die Lösung gewisser Constructionsaufgaben. Jedesmal, wo aus der Natur einer Aufgabe von vorn herein sich erkennen läßt, daß dieselbe nur eine endliche Anzahl von Lösungen gestattet (in der Mehrzahl der Fälle nur eine oder zwei mögliche Formen der zu construierenden Figur), kann man nach § 20 auf die Aehnlichkeit der verlangten und einer in kleinerem oder größerem Maßstabe ausgeführten Figur schließen. Ist nun die umgekehrte Aufgabe schon gelöst oder voraussichtlich leichter ausführbar, als die gegebene Aufgabe selbst, so wird man immer mit Vorteil von Aehnlichkeitsbeziehungen Gebrauch machen. (Beispiel die Einzeichnung eines Quadrats in ein Dreieck.)



Z u s a m m e n h a n g .

Ich benütze die sich mir bietende Gelegenheit, einige Entwicklungen zu veröffentlichen, deren eigentliche Behandlung sie vielleicht zur teilweisen Aufnahme in die Elemente befähigt.

I. Ausdruck der Dreiecksfläche durch die Seiten.

a. Synthetische Behandlung: Wenn die Seiten zum Ausdruck der Dreiecksfläche dienen sollen, so liegt es nahe, die Radien der Berührungskreise als Hilfslinien zu verwenden und dieselben später durch passende Betrachtungen zu eliminiren. Denn sei r der Radius des innern Berührungskreises, r_a der Radius desjenigen äußeren Kreises, welcher im Winkelraum A liegt, r_b , r_c die beiden andern Radien, entsprechend den Winkeln B und C , und werden die Maßzahlen der Seiten des Dreiecks nach den ihnen gegenüberliegenden Winkeln mit a , b , c bezeichnet, so finden sich für die Fläche F des Dreiecks ABC die bekannten Ausdrücke

$$F = r \frac{a + b + c}{2}$$

$$F = r_a \frac{b + c - a}{2}$$

$$F = r_b \frac{c + a - b}{2}$$

$$F = r_c \frac{a + b - c}{2}$$

Die beiden Dreiecke MOC und LCQ der nebenstehenden Figur sind ähnlich, weil $\angle M = \angle L$ als Rechte, und $\angle MOC = \angle LCQ$, da OCQ ein rechter Winkel ist; mithin verhält sich

$$\overline{MO} : \overline{LC} = \overline{CM} : \overline{QL}.$$

Mit Anwendung des Satzes, daß die beiden von einem Punkte an einen Kreis gezogenen Tangenten gleich lang sind, findet man aber leicht

$$\overline{CM} = \frac{a + b - c}{2},$$

$$\overline{LC} = \frac{c + a - b}{2},$$

also kann die oben stehende Proportion auch geschrieben werden

$$r : \frac{c + a - b}{2} = \frac{a + b - c}{2} : r_\alpha,$$

$$\text{woraus } rr_\alpha = \frac{a + b - c}{2} \cdot \frac{c + a - b}{2}.$$

Multipliziert man aber die beiden ersten oben für F aufgestellten Ausdrücke mit einander und substituirt den für rr_α gefundenen Wert, so kommt

$$F = \sqrt{\left(\frac{a + b + c}{2} \cdot \frac{a + b - c}{2} \cdot \frac{c + a - b}{2} \cdot \frac{b + c - a}{2}\right)}.$$

Hätte man die beiden andern für F aufgestellten Formeln mit einander multiplicirt und für $\frac{c + a - b}{2} \cdot \frac{a + b - c}{2}$ den Wert rr_α eingesetzt, so würde man beiläufig gefunden haben

$$F = \sqrt{(r \cdot r_\alpha \cdot r_\beta \cdot r_\gamma)}.$$

b. Analytischer Beweis der für F gefundenen Formel.

Sei c die größte Seite des Dreiecks ABC, und verlängert, resp. verkürzt man dieselbe an beiden Enden um $\overline{AE} = \overline{AE'} = b$ und $\overline{BD} = \overline{BD'} = a$, so ist $\overline{DE} = a + b + c$, $\overline{D'E} = b + c - a$, $\overline{DE'} = c + a - b$, $\overline{D'E'} = a + b - c$, und es handelt sich darum, die Bedeutung von $\frac{1}{4} \sqrt{(\overline{DE} \cdot \overline{D'E} \cdot \overline{DE'} \cdot \overline{D'E'})}$ zu erkennen.

Beschreibt man um B den durch D', C, D gehenden Kreis und zieht durch E die Sehne CG und durch E' die Sehne CG', so ist

$$\overline{DE} \cdot \overline{D'E} = \overline{CE} \cdot \overline{GE}, \text{ und } \overline{DE'} \cdot \overline{D'E'} = \overline{CE'} \cdot \overline{G'E'},$$

$$\text{also ist } \frac{1}{4} \sqrt{(\overline{DE} \cdot \overline{D'E} \cdot \overline{DE'} \cdot \overline{D'E'})} = \frac{1}{4} \sqrt{(\overline{CE} \cdot \overline{GE} \cdot \overline{CE'} \cdot \overline{G'E'})}.$$

Da aber $\angle ECE = \mathcal{R}$. ist, weil $\overline{AE} = \overline{AC} = \overline{AE'}$, so ist

$$\overline{CE} \cdot \overline{G'E'} = 2 \triangle EE'G', \text{ und } \overline{CE'} \cdot \overline{GE} = 2 \triangle EE'G'.$$

Es ist aber $\triangle EE'G' = \triangle EE'G'$ wegen gleicher Grundlinie und Höhe, also

$$\frac{1}{4} \sqrt{(\overline{CE} \cdot \overline{GE} \cdot \overline{CE'} \cdot \overline{G'E'})} = \frac{1}{2} \triangle EE'G'.$$

$$\begin{aligned} \text{Endlich ist noch } \triangle EE'G &= \triangle EE'C + \triangle GE'C \\ &= 2 \triangle ACE' + 2 \triangle BCE' \\ &= 2 \triangle ABC, \end{aligned}$$

$$\text{folglich } \frac{1}{2} \triangle EE'G = \triangle ABC,$$

$$\text{mithin } \frac{1}{4} \sqrt{(\overline{DE} \cdot \overline{D'E} \cdot \overline{DE'} \cdot \overline{D'E'})} = \triangle ABC, \text{ w. z. b. w.}$$

II. Anwendung auf das Sehnenviereck.

Das im Vorhergehenden beobachtete Verfahren gestattet auch eine ungezwungene Anwendung auf die Entwicklung der Fläche des Sehnenvierecks aus den Seiten, und man gelangt dabei außer einigen schon anderweitig bekannten Beziehungen auch zu mehreren, so viel mir bekannt, bisher nicht veröffentlichten Formeln, welche den Zusammenhang zwischen der Fläche und den Radien der äußern und innern Berührungskreise betreffen.

Seien a, b, c, d die Seiten eines Sehnenvierecks, r_a, r_b, r_c, r_d die Radien der vier äußeren Berührungskreise, wobei die Indices von den unmittelbar (nicht in einem Punkte der Verlängerung) berührten Seiten hergenommen sind, ebenso $\rho_a, \rho_b, \rho_c, \rho_d$ die Radien der vier innern Berührungskreise.

Convergiren b und d über c hinaus, und sei x die Verlängerung von d , y die Verlängerung von b bis zu ihrem Schnittpunkt, so hat man zur Bestimmung von x und y die Proportionen

$$x : c = (y + b) : a \quad \text{und} \quad y : c = (x + d) : a,$$

aus denen sich ergibt

$$x = \frac{c(ab + cd)}{a^2 - c^2}, \quad y = \frac{c(ad + bc)}{a^2 - c^2}.$$

Man kann nun leicht zu einem Ausdruck für die Fläche F des Sehnenvierecks gelangen, indem man in die Formeln

$$c + x + y, \quad c + x - y, \quad c - x + y, \quad -c + x + y$$

die Werte von x und y substituiert. Man findet für dieselben der Reihe nach

$$\frac{c(a + b - c + d)}{a - c}, \quad \frac{c(a - b + c + d)}{a + c}, \quad \frac{c(a + b + c - d)}{a + c}, \quad \frac{c(-a + b + c + d)}{a - c},$$

also für die Fläche des Dreiecks (c, x, y) den Wert

$$\frac{c^2}{4(a^2 - c^2)} \sqrt{(a+b+c-d)(a+b-c+d)(a-b+c+d)(-a+b+c+d)}.$$

Dagegen folgt aus einer einfachen Proportion wegen Ähnlichkeit von Dreiecken für die Fläche des um jenes Dreieck vermehrten Vierecks der Ausdruck

$$\frac{a^2}{4(a^2 - c^2)} \sqrt{(a+b+c-d)(a+b-c+d)(a-b+c+d)(-a+b+c+d)},$$

folglich ist als Differenz beider Flächen

$$F = \frac{1}{4} \sqrt{(a+b+c-d)(a+b-c+d)(a-b+c+d)(-a+b+c+d)}.$$

Da es uns jedoch darauf ankommt, die Radien der Berührungskreise in die Betrachtung zu ziehen, so benützen wir, indem wir der Kürze halber $d+x$ mit ξ , $b+y$ mit η bezeichnen, für die Fläche des Dreiecks (c, x, y) die Gleichung

$$F(c, x, y) = r_c \cdot \frac{c+x+y}{2}$$

dagegen für die Fläche des Dreiecks (a, ξ, η) die Formel

$$F(a, \xi, \eta) = \rho_a \cdot \frac{a+\xi+\eta}{2},$$

und indem wir aus der Beziehung

$$r_c : \rho_a = c : a$$

r_c durch ρ_a ersetzen, oder umgekehrt, finden wir nach einigen leicht auszuführenden Substitutionen

$$F = r_c \frac{a+c}{2c} (a+b-c+d), \quad \text{desgl.} \quad F = \rho_a \frac{a+c}{2a} (a+b-c+d).$$

Durch Wiederholung eines ähnlichen Verfahrens für ρ_a und r_a u. s. w., oder auch kurz durch cyclische Vertauschung der Buchstaben ergeben sich die entsprechenden Formeln für die übrigen Berührungsradien, nämlich folgende Gruppen von Gleichungen:

$$\left. \begin{aligned} F &= r_a \frac{a+c}{2a} (-a+b+c+d) \\ F &= r_b \frac{b+d}{2b} (a-b+c+d) \\ F &= r_c \frac{a+c}{2c} (a+b+c+d) \\ F &= r_d \frac{b+d}{2d} (a+b+c-d) \end{aligned} \right\} (1)$$

$$\left. \begin{aligned} F &= \varrho_a \frac{a+c}{2a} (a+b-c+d) \\ F &= \varrho_b \frac{b+d}{2b} (a+b+c-d) \\ F &= \varrho_c \frac{a+c}{2c} (-a+b+c+d) \\ F &= \varrho_d \frac{b+d}{2d} (a-b+c+d) \end{aligned} \right\} (2)$$

Zufolge von Ähnlichkeitsbeziehungen aber, die genau denen des vorigen Abschnitts (Ia.) entsprechen, hat man

$$r_c : \frac{c+x-y}{2} = \frac{a+z-\eta}{2} : r_a,$$

woraus

$$r_a r_c = \frac{ac}{4(a+c)^2} (a-b+c+d) (a+b+c-d),$$

folglich ergibt sich, indem man die erste und dritte der Gleichungen (1) mit einander multiplicirt und $r_a r_c$ durch den gefundenen Wert ersetzt,

$$F = \frac{1}{4} \sqrt{(a+b+c-d) (a+b-c+d) (a-b+c+d) (-a+b+c+d)} \quad (3)$$

Multiplicirt man dagegen die zweite und vierte der Gleichungen (1) mit einander und führt die umgekehrte Substitution aus, so hat man

$$r_b r_d = \frac{abcd}{(a+c)^2 (b+d)^2} F^2 \quad (4)$$

Durch Combination der Formeln (1) und (2) erhält man ferner

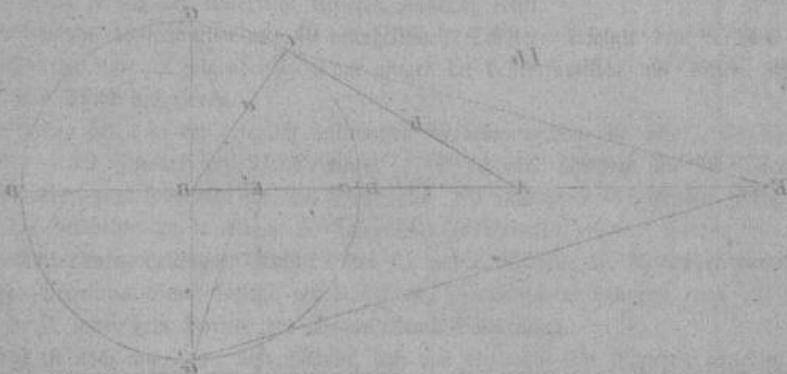
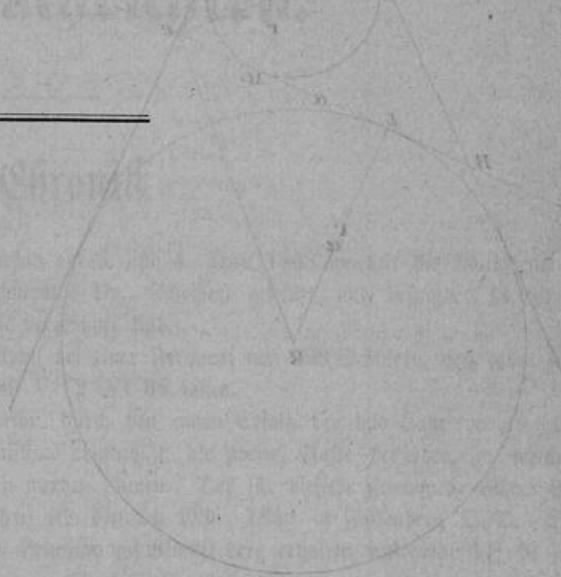
$$\left. \begin{aligned} r_a + \varrho_c &= \frac{2F}{-a+b+c+d}, \\ r_b + \varrho_d &= \frac{2F}{a-b+c+d}, \\ r_c + \varrho_a &= \frac{2F}{a+b-c+d}, \\ r_d + \varrho_b &= \frac{a+b+c-d}{2F} \end{aligned} \right\} (5)$$

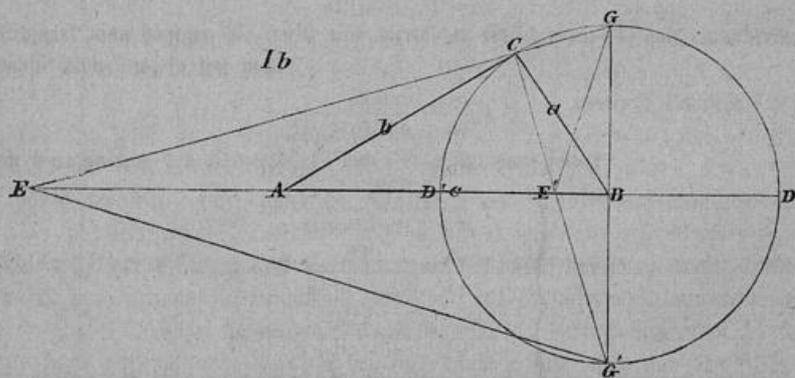
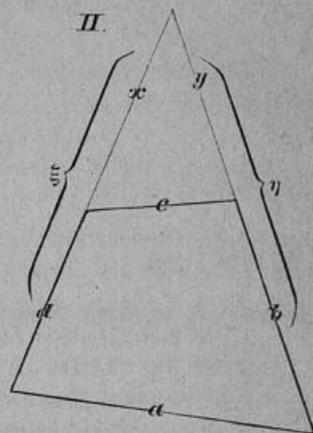
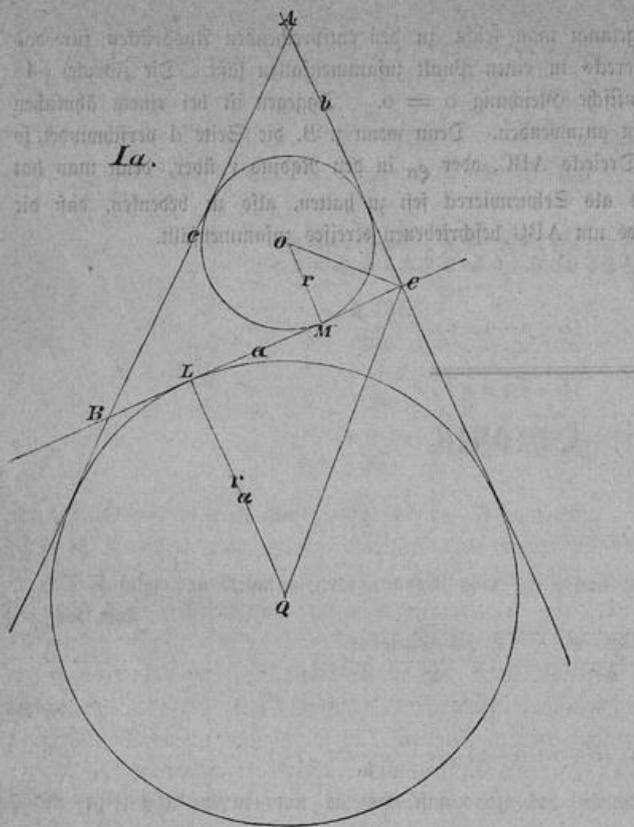
folglich
$$F = \sqrt{(r_a + \varrho_c) (r_b + \varrho_d) (r_c + \varrho_a) (r_d + \varrho_b)}. \quad (6)$$

Von den Formeln (3) und (5) gelangt man leicht zu den entsprechenden Ausdrücken für das Dreieck, indem man zwei Eckpunkte des Vierecks in einen Punkt zusammenfallen läßt. Die Formel (4) führt in diesem speciellen Fall auf die identische Gleichung $0 = 0$. Dagegen ist bei einem ähnlichen Schluß aus der Formel (6) einige Vorsicht anzuwenden. Denn wenn z. B. die Seite d verschwindet, so geht nicht etwa r_a in den Radius r_a des Dreiecks ABC , oder r_a in den Radius r über, denn man hat auch jetzt noch die Bedeutung des Vierecks als Sehenviereck fest zu halten, also zu bedenken, daß die Richtung der d mit der Tangente in B des um ABC beschriebenen Kreises zusammenfällt.



Strahl





Schulnachrichten.

1. Chronik.

Unmittelbar nach dem Schlusse des vorigen Curfus am 3. und 4. April 1868 wurden die Abiturienten unter dem Vorsitze des Herrn Departements-Schulraths Dr. Scheibert geprüft, und bestanden 14 Primaner und 1 Extraneus, deren Namen unter 4. verzeichnet sind.

Das neue Schuljahr begann am 21. April bei einer Frequenz von 369 Schülern, von denen in I 35, II_a 27, II_b 29, III_a 31, III_b 61, IV 56, V 72, VI 58 saßen.

An demselben Tage eröffnete der Director, durch den guten Erfolg der das Jahr vorher als Privatanstalt gegründeten Vorschule des Gymnasiums ermuthigt, die zweite Klasse derselben, in welche die Knaben ohne alle Vorkenntnisse aufgenommen werden können. Der für dieselbe gewonnene Lehrer ist

Karl Friedrich Wilhelm Zahn, geb. den 24. März 1842 in Falkenberg O./S. Er hat seine Ausbildung auf dem Seminar zu Münsterberg erhalten und war $4\frac{3}{4}$ J. in Altkl., Kr. Duppeln, und $1\frac{1}{4}$ J. in Groß-Piasenthal als Lehrer angestellt.

Veränderungen sind im Lehrer-Collegium nicht vorgekommen; eben so wenig andere außergewöhnliche Ereignisse, so daß der Unterricht keinerlei Störung erlitt.

Die feierliche Confirmation von 40 evangelischen Schülern erfolgte den 8. Juli durch Herrn past. prim. Philipp, und am folgenden Tage gingen die Lehrerfamilien mit diesen und den früher Confirmirten zum Tische des Herrn.

Die Ferien fielen in der gesetzlich bestimmten Ausdehnung vom 30. Mai—3. Juni, 11. Juli—10. August, 3.—12. October und 21. December—4. Januar, nachdem am 19. December die von Abraham Gumprecht zum Andenken an die Wohlthäter des Gymnasiums gestiftete Rede vom Lehrer Prifich über die Methoden im Unterricht der lateinischen Grammatik gehalten worden war.

Die Abiturienten-Prüfungen fanden statt: 1., am 2. October v. J., wobei der Director nach Anordnung des Provinzial-Schul-Collegii als königlicher Commissarius fungirte, und 2., am 12. und 13. Februar d. J. unter dem Vorsitze des Departements-Schulrathes.

Zulezt ist noch mit Dank zu erwähnen, daß von den von Sr. Majestät angekauften Medaillen zur Feier der Enthüllung des Wormser Lutherdenkmals die hohe Behörde eine als Prämie für einen Schüler hieher geschickt hat. Dieses doppelt werthvolle Geschenk erhielt am 1. October der Primaner Rudolph.

2. Lehrverfassung.

Uebersichts-Tabelle über die Vertheilung der Unterrichtsgegenstände.

	Prima.	Secunda a.	Secunda b.	Tertia a.	Tertia b.	Quarta.	Quinta.	Sexta.	Sa.
1. Prof. Guttman, Director.	3 Deutsch 6 Griech.	2 Lat. Exerc							11
2. Prof. Schömwälder, Ordin. v. I.	2 Religion 3 Geschich. 2 Franz. 2 Hebr.	3 Geschich. 2 Franz. 2 Religion							16
3. Prof. Dr. Tittler, Ordin. v. II a.	8 Latein	8 Latein 2 Franz.							18
4. Oberl. Dr. Döring.		2 Deutsch	2 Deutsch 3 Gesch.	3 Deutsch 3 Gesch.	3 Gesch.	3 Gesch.	(i. B. 2 Geogr.)		19 (i. B. 21)
5. Oberl. Künzel.	4 Mathem. 2 Physik.	4 Math. 1 Physik.	1 Physik.				3 Rechnen	4 Rechnen	19
6. G.-L. Prisch, Ordin. v. II b.		2 Hebr.	8 Latein 6 Griech.	6 Griech.					22
7. G.-L. Duda, Ordin. v. III b.			4 Mathem.	3 Math.	3 Math. 7 Latein 3 (i. B. 2) Deutsch	3 Math.			23 (i. B. 22)
8. G.-L. Hübner, Ordin. v. VI.					3 (i. B. 2) Franz.	6 Griech.		3 Religion 2 Deutsch 10 Latein	24 (i. B. 23)
9. G.-L. Göbel, Ordin. v. IV.			2 Hebr.		2 Religion 6 Griech.	2 Religion 10 Latein			22
10. G.-L. Zopf, Ordin. v. III a.		6 Griech.		2 Religion 8 Latein. 3 Franz.	3 Tir. poet.				22
11. G.-L. Fundner.					(i. B. 2 Naturg.)	2 Deutsch 2 Zeichnen	3 Religion 2 Naturg. 3 Schreib. 2 Zeichnen 2 Geogr.	2 Naturg. 3 Schreib. 2 Zeichnen 2 Geogr.	25
12. Hüffel, Zwirn- mann, Ordin. v. V.			2 Vergil	2 Ovid.		2 Franz.	3 Franz. 2 Deutsch 10 Latein		21
13. Kaplan Schneider, lath. Religionslehrer.		2			2		2		6
14. Kantor Jung, Gesanglehrer.									5

Summa 253

Den Turnunterricht erteilte Herr Hübner, unterstützt von Herrn Fundner, den Religionsunterricht der jüdischen Schüler Herr Liebermann.

Da wir uns bei Vertheilung der Lehrpenja genau nach dem Normalschulplane richteten, so meine ich in dieser Hinsicht auf das vorjährige Programm verweisen und mich für diesmal auf Angabe der Lectüre und der schriftlichen Arbeiten in den obern Klassen beschränken zu dürfen.

Gelesen wurde:

- in I. im Lateinischen Cic. de orat. I. und II., Cic. de offic. I. und II. und Hor. Od. II. und Epist. II. 1 und 3.; im Griechischen Plat. Protagoras, Soph. Philoctetes und Hom. Jl. I.—XII.; im Französischen Lucrèce par Ponsard und aus Menzels Handbuch de l'Italie von der Staël-Holstein und im Hebräischen Gen. 1—10 und Ps. 20—43;
- in II. a. im Lat. Cic. divin. in Caecilium, Verr. IV. und V. Liv. XXIV. und XXV, Verg. Aen. III. und IV., Georg. IV. und Eclog. I. 4. 5. 9. 10; im Griech. Herod. IX., 48 bis zu Ende und I. 1—91, Hom. Od. I.—VIII.; im Franz. aus Plötj lectures choisies pag. 197—210 und aus H. Göbels Sammlung Bd. 25 fêtes de la cour de Philippe Auguste par Capefigue, le vainqueur de dragon de Rhodes p. Vertot und aus episodes de l'histoire de l'Angleterre et des Normands von Abschnitt 7 an;
- in II. b. im Lat. Liv. X. XXI. und ein Theil von XXII., Verg. Aen. I. und II.; im Griech. Xen. Cyrop. IV. V. und VI. cp. 1 und 2., Hom. Od. VII.—XII.; im Franz. histoire d'Alexandre le Grand par Rollin pag. 1—88;
- in III. a. im Lat. Caes. bell. Gall. I. II. III., Ovid. metam. aus III. und IV.; im Griech. Xen. Anab. IV. V. und VI. cp. 1 und 2 und 100 Verse aus Hom. Od.; im Franz. aus Plötj Chrestomathie;
- in III. b. im Lat. Caes. bell. Gall. III. und IV. und Sibelis tiroc. poet. Abschnitt 1 und 2.; im Griechischen nach den Uebungsstücken über die unregelmäßigen Verba aus Spieß Uebungsbuch: Xen. Anab. II. 4, 25—6, 15;
- in IV. im Lat. Corn. Nep. Miltiades, Themistocles, Aristides, Pausanias, Cimón und Lysander.

Die Themata zu den schriftlichen Arbeiten waren:

In I. im Deutschen: Was versteht man unter Nationalliteratur? — Welches ist der religiöse Grundgedanke in Sophokles Antigone? — Charakter der Antigone. — Welches ist die Schuld der Antigone? — Welches ist die Schuld des Creon? — Warum hat der Dichter sein Stück Antigone und nicht Creon genannt? — Disposition der Rede Cäsars in Sallusts Catilina Kap. 51. — Disposition der Rede Catos im folg. Kap. — Ueber Ciceros Consulat (Preisarbeit.) — Ueber die Sophismen in Platos Protagoras Kap. 11—16. — Ueber die Idee in Schillers Elegie: der Tanz. — Labor voluptasque dissimillima natura societate quadam inter se naturali sunt juncta (Abit. und dann Classenarbeit.) — Was berechtigt uns auf unser Vaterland stolz zu sein? — Der Felsenstrom von Stolberg mit Mahomed's Gefang von Göthe verglichen. — Den Zufall gibt die Vorsehung, zum Zweck muß ihn der Mensch gestalten. — *Φιλῆϊ ἐκ τῶν μαλακῶν χώρων μαλακοῦς ἀνδρας γενέσθαι.* — Schreiben und Sprechen sind gleich nothwendig zur Bildung des Ausdrucks. — Nicht Schmerz ist Unglück, Glück nicht immer Freude; wer sein Geschick erfüllt, dem lächeln beide. — Die Vorgeschichte zu Sophokles Philoctetes. — Meer und Wüste (Clausur-Arbeit). — Was ist von der Vorschrift *de mortuis nil nisi bene* zu halten? (Abit. und dann Classenarbeit.) — Neoptolemus in Sophokles Philoctetes mit Iphigenie in Göthes Schauspiel verglichen.

Im Lateinischen: De Minucii verbis (Liv. XXII, 29): Saepe ego audiui, primum esse virum, qui ipse consulat, quid in rem sit, secundum eum, qui bene monenti obediat; qui nec ipse consulere, nec alteri parere scit, eum extremi ingenii esse. — De bello secundo cum Samnitibus gesto. — Sine studio et ardore quodam amoris nemo egregium quidquam in vita assequitur. — Cincinnati verba (Liv. III, 19): „Nescio quo fato magis bellantes quam pacati propitios habemus deos“ ex historia Romana illustrentur. — Laudes P. Scipionis Africani majoris. — De Graecorum expeditionibus in Asiam factis. (Abiturienten-Arbeit.) — De L. et M. Junii Brutis. (Clausurarbeit.) — De altero triumviratu (desgl.) — Crescit cum amplitudine rerum vis ingenii. — De praecipuis C. Jul. Caesaris adversariis. — Πλέον ἡμῖν πάντος. — De Clisthene. — De Nicia. — De Hannibalis rebus gestis et obitu. (Clausurarbeit.) — Otio qui nescit uti plus negotii habet quam quum est in negotio. — De Crassi, Pompeii, Caesaris, triumvirorum, obitu. — De Lycurgi legum natura et consilio (Abiturienten-Arbeit.)

In II. im Deutschen: Das Gold der Morgenstunde. — Die Macht und Ohnmacht des Geldes. — Der Frühling in der Natur, Disposition. — Die Arbeit eine bittere Wurzel, aber eine süße Frucht. — Euch, ihr Götter, gehört der Kaufmann; Güter zu suchen geht er, und an sein Schiff knüpft das Gute sich an. — Die Mahnungen des Herbstes. — Der Mensch im Herbst, Disposition. — Ueber die Gesundheit. — Didicisse fideliter artes emollit mores nec sinit esse ferus. — Dem Guten nur sind Güter wahrhaft gut, ein Quell des Unglücks werden sie dem Bösen. — Kenntnisse sind der beste Reichtum (Clausurarbeit.)

Im Lateinischen: Pelopidarum facinora et fata. — Enarrentur commutationes rerum publicarum et Atheniensium et Romanorum, quae ad annum 510 a. Chr. n. factae sint. — Argumentum libri quarti Aeneidos. — Perses sec. Ovidium. — Laudes Furii Camilli.

In II. im Deutschen: Es fällt kein Meister vom Himmel. — Wer schläft ruhig? — Nutzen des Landes, Disposition. — Die Deukalionische Flut und die Sintflut. — Wie reist man mit Nutzen? — Vorzüge der Fußreisen, Disposition. — Einfluß des Glases auf die Entwicklung der Kultur. — Man lebt nur einmal in der Welt. — Mein Lieblingsheld in der griechischen Geschichte. — Ueber den Nutzen des Holzes, Disposition. — Der Fluß, ein Bild des menschlichen Lebens. — Ueber den Werth der Freundschaft. — Ueber den Nutzen der Wälder (Clausurarbeit.)

In der Mathematik war zu den Abiturienten-Arbeiten aufgegeben worden:

Michäel 1868: 1. Die Summe von n Gliedern einer arithmetischen Progression ist s , die Summe der Quadrate des ersten und letzten Gliedes p , wie groß ist die Differenz und das erste Glied? Bsp. $n = 10$, $s = 145$, $p = 785$. — 2. In einem Kreise ist eine Sehne s gegeben und der Winkel α (unter 45°), den sie mit dem von einem Endpunkte derselben gezogenen Durchmesser bildet; am andern Ende der Sehne ist eine Tangente gezogen bis zum Durchschnitt mit dem verlängerten Durchmesser; wie groß ist die Fläche des entstandenen Dreiecks? Bsp. $s = 12,6'$; $\alpha = 36^\circ 25' 12''$. — 3. Um wie viel ist der Kubikinhalt eines gleichseitigen Kegels, dessen Seite a ($= 2'$) gegeben ist, größer als der Inhalt der Kugel, welche so in den Kegel beschrieben

ist, daß sie den Mantel und die Grundfläche berührt. — 4. Ein Dreieck zu construiren, von dem der Radius des eingeschriebenen Kreises, ein Winkel und die Höhe auf einer der Seiten, die den Winkel einschließen, gegeben sind.

und Ostern 1869: 1. Aus den Mittelpunkten der Seitenkanten eines regulären Tetraeders werden Perpendikel auf die Grundfläche gefällt. Wenn diese als Seitenkanten eines dreiseitigen Prismas angesehen werden, in welchem Verhältniß steht das Volumen desselben zu dem des Tetraeders? — 2. Die Winkel eines Dreiecks zu berechnen aus der Summe zweier Seiten, dem eingeschlossenen Winkel und der Differenz ihrer Projectionen auf die dritte Seite. Berechnung für $b + c = s = 101'$, $p - q = d = 34'$, $\alpha = 75^\circ 0' 40''$; für die Seiten nur die Formeln. — 3. Ein Kapital von 3000 rth. wird zu 5% auf Zinseszins angelegt. 8 Jahre darauf ein zweites Kapital von 8000 rth. zu 4%. Nach wie viel Jahren wird das erste Kapital mit seinen Zinseszinsen eben so groß geworden sein wie das zweite? — 4. In der Peripherie des größeren von zwei concentrischen Kreisen ist ein Punkt gegeben. Man soll aus ihm eine beide Kreise schneidende Linie so ziehen, daß die Sehne des innern Kreises der fünfte Theil der Sehne des äußern wird.

Da mehrere Abiturienten lange vor der ihnen gestatteten Zeit fertig geworden waren, so bearbeiteten sie noch folgende Extra-Aufgaben: 5. $x \cdot y + xy^2 = 70$ und $x^3 + y^3 = 133$. — 6. Die Winkel eines Dreiecks zu berechnen aus einer Seite, der Differenz der anliegenden Winkel und der Höhe auf diese Seite. Berechnung für $c = 12$, $h_c = 10$, $\alpha - \beta = 6^\circ 8'$. — 7. Ein Dreieck zu berechnen, wenn gegeben ist die Summe der Höhen auf zwei Seiten, der von diesen Seiten eingeschlossene Winkel und der Radius des eingeschriebenen Kreises.

3. Aus den Verfügungen und Zuschriften der Behörden

ist als besonders wichtig die vom 12. November anzuführen, betreffend die Beschränkung der Zeugnisse Behufs der Meldung zum einjährigen, freiwilligen Militärdienst, welche nur dann ertheilt werden dürfen, „wenn die Lehrerconferenz der Ansicht ist, daß die vorschristsmäßigen Bedingungen erfüllt sind (d. h. der Schüler in Beziehung auf sittliche Führung und Leistungen ein gutes Zeugniß verdient). In allen andern Fällen ist dem Schüler ein gewöhnliches Abgangszeugniß zu ertheilen, welches über seine „Qualification zum einjährigen Freiwilligendienst kein Urtheil enthält.“

Am 2. December erhielten wir bereits die Themata, mit welchen sich die nächste Conferenz der schlesischen Directoren der Gymnasien und höhern Realschulen im Jahre 1870 beschäftigen wird, zur Vorberathung zugesandt, welche wir aber eingehend, wie es die wichtigen Gegenstände allerdings erfordern, erst nach Ostern vornehmen können.

4. Frequenz.

Von den beim Abschluß des letzten Jahresberichts angegebenen 363 Schülern gingen theils auf die Universität oder zu ihrer sonstigen Bestimmung theils auf andere Schulen vor dem Anfang des neuen Cursus 50 ab, wogegen in den Osterferien und im Laufe des Jahres 83 hinzukamen, so daß im Ganzen in diesem Schuljahre 396 das Gymnasium besuchten, nämlich:

	Prima.	Sec. A.	Sec. B.	Tert. A.	Tert. B.	Quarta.	Quinta.	Sexta.	Zusammen scheinbar. wirklich.
Evang.	32	25	27	23	47	46	53	46	299 — 286
Kathol.	9	9	6	8	7	9	14	14	76 — 75
Jüd.	3	—	—	7	10	4	8	3	35 — 35
Summa	44	34	33	38	64	59	75	63	410 — 396
Davon hiesige	17	17	9	13	36	29	47	42	210 — 203
Auswärtige	27	17	24	25	28	30	28	21	200 — 193

Dem von der Summe 410 sind abzurechnen die zu Michäli in höhere Classen Versetzten 7 nach I., 3 nach II. a., 1 nach II. b. und 3 nach III. a., und zwar waren von diesen 13 evang., 1 kath., 7 hiesige und 7 auswärtige, woraus sich die wirklichen Summen ergeben.

Die Abiturienten sind a) Ostern 1868:

1. Karl Gerstenberg, evang., aus Loffen, Sohn eines Gärtners, 21 $\frac{1}{2}$ Jahr alt, 8 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., studirt Philologie.
2. Berthold Uber, evang., aus Kreuzburg, Sohn eines Gerbermeisters, 20 $\frac{1}{2}$ Jahr alt, 4 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., studirt Philologie.
3. Johannes Benecke, evang., aus Gollanz, Sohn eines verstorbenen Pastors, 20 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 6 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., studirt Jura.
4. Richard Günther, evang., aus Ober-Langenbielau, Sohn eines verstorbenen Kaufmanns, 20 Jahr alt, 2 Jahr in I., tritt bei der Artillerie ein.
5. Rudolf Mollé, evang., aus Peterswaldau, Sohn eines Kreisgerichts-Directors, 20 Jahr alt, 4 $\frac{1}{2}$ Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., studirt Jura.
6. Karl Glück, evang., aus Türpitz, Sohn eines Bauers, 27 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 3 $\frac{3}{4}$ Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., studirt Theologie.
7. Hugo Müller, evang., aus Grase, Sohn eines verstorbenen Pastors, 21 $\frac{3}{4}$ Jahr alt, 7 $\frac{3}{4}$ Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., studirt Theologie.
8. Heinrich Lorenz, evang., aus Ohlau, Sohn eines Fleischermeisters, 18 $\frac{3}{4}$ Jahr alt, 5 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., wollte Medicin studiren.
9. Paul Wohlfahrt, evang., aus Tschöplowitz, Sohn des Pastors, 18 $\frac{1}{2}$ Jahr alt, 5 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., wollte Theologie studiren.
10. Richard Stolze, evang., aus Königshütte, Sohn eines Hüttenmeisters, 18 $\frac{1}{2}$ Jahr alt, 6 Jahre auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., trat in den Postdienst ein.
11. Edgar Schmidt, evang., aus Rupp, Sohn eines Arztes, 20 Jahr alt, 3 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in I., studirt Medicin.

12. Georg Basset, evang., aus Hlinsberg, Sohn eines verstorbenen Oberförsters, 18 $\frac{3}{4}$ Jahr alt, 8 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., widmet sich der Handlung.
13. Paul Burczek, kath., aus Brieg, Sohn des Cantors, 20 $\frac{3}{4}$ Jahr alt, 10 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., widmet sich dem Baufach.
14. Robert Bruckisch, evang., aus Bernstadt, Sohn eines Kreisgerichtssecretärs, 18 $\frac{3}{4}$ Jahr alt, 8 $\frac{1}{2}$ Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Philologie.

Und ihnen hatte sich als Extranens angeschlossen:

Ernst Eppen, evang., aus Meisse, Sohn eines verstorbenen Arztes, 27 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, studirt Medizin.

Zu unserem großen Schmerze sind von den Genannten die beiden hoffnungsreichen Jünglinge Lorenz und Wohlfahrt kurz nach ihrem Eintritt auf die Universität dem Typhus erlegen.

b) Michäli 1868:

15. Victor Hase, kath., aus Beuthen D./S., Sohn eines Hüttenmeisters, 19 $\frac{3}{4}$ Jahr alt, 4 Jahr auf dem Gymnasium, 2 $\frac{1}{2}$ Jahr in L., studirt Medizin.
16. Paul Krndt, evang., aus Schreibendorf, Sohn eines Bauers, 20 Jahr alt, 9 $\frac{1}{2}$ Jahr auf dem Gymnasium (mit Unterbrechung eines Jahres, da er in's Militär eintrat und den Krieg mitmachte) 2 $\frac{1}{2}$ Jahr in L., studirt Jura.

c) Ostern 1869:

17. Conrad Rudolph, evang., aus Zausenberg, Sohn eines Hüttenmeisters a. D., 19 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 7 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Philologie.
18. Rudolf Leonhard, evang., aus Breslau, Sohn eines Rechtsanwalts in Beuthen D./S., 18 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 4 $\frac{1}{2}$ Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Jura.
19. Richard Kother, evang., aus Brieg, Sohn eines Privatsecretärs, 19 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 9 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Medizin.
20. Alfred Basset, evang., aus Mlersdorf (Brdr. No. 12), 18 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 9 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Medizin.
21. Dekar Werner, evang., aus Breslau, Sohn eines verstorbenen Photographen, 20 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 7 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Philologie.
22. Dekar Diskowsky, evang. aus Giersdorf, Sohn eines Schullehrers, 21 Jahr alt, 6 $\frac{1}{2}$ Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Philologie.
23. Felix Künkel, evang., aus Brieg, Sohn des Oberlehrers, 19 Jahr alt, 9 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Theologie.
24. Ernst Eymann, evang., aus Groß-Leubusch, Sohn eines verstorbenen Regierungsconducteurs, 20 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 6 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., widmet sich dem Baufach.
25. Felix Burczek, kath., aus Brieg (Brdr. No. 13), 19 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 9 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Jura.
26. Hugo Friedrich, kath., aus Myslowitz, Sohn eines Arztes, 18 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 9 Jahre auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Cameralia.
27. Hugo Wohlfahrt, evang., aus Beuthen D./S., Sohn eines Malers, 17 $\frac{1}{4}$ Jahr alt, 6 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Jura.
28. Richard Pilz, evang., geboren in Jägdorf bei Ohlau, Sohn eines Gutsbesitzers, 18 $\frac{3}{4}$ Jahr alt, 7 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., widmet sich der Landwirtschaft.
29. Georg Bauer, evang., geboren in Conradswaldau, Sohn eines Arztes, 17 $\frac{1}{2}$ Jahr alt, 8 $\frac{1}{2}$ Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Medizin.

30. Heinrich v. Blacha, evang., geboren in Bischofswaldau, Sohn eines Gutsbesizers, 19 $\frac{1}{2}$ Jahr alt, 1 Jahr in L., widmet sich dem Baufach.
31. Friedrich Jaschkowitz, jüd., geboren in Breslau, Sohn eines verstorbenen Kaufmanns, 20 Jahr alt, 1 Jahr in L., studirt Jura.
32. Paul Kassel, jüd., geboren in Brieg, Sohn des Destillateurs, 18 $\frac{1}{2}$ Jahr alt, 9 Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Jura.
33. Friedrich Ehrlich, jüd., geboren in Brieg, Sohn des verstorbenen Sanitätsraths, 19 $\frac{3}{4}$ Jahr alt, 10 $\frac{1}{2}$ Jahr auf dem Gymnasium, 2 Jahr in L., studirt Medizin.

Von diesen Abiturienten sind 6, nämlich die unter 1, 2, 3, 17, 18 und 19 genannten von der mündlichen Prüfung dispensirt worden.

Außer diesen sind bis jetzt 25, also im Ganzen 58 Schüler abgegangen, so daß gegenwärtig noch 338, nämlich in I. 20, II. a. 25, II. b. 27, III. a. 33, III. b. 53, IV. 52, V. 69, VI. 55 das Gymnasium besuchen.

5. Lehrmittel.

Geschenkt wurden der Bibliothek.

- a) Von dem hohen Ministerium: Crelle-Vorchard, Journal für Mathematik. Bd. 69. — Philologus von Leutsch. Bd. 27.
- b) Von der schlesischen Gesellschaft für vaterländische Cultur: 45. Jahresbericht. — Abhandlungen der philosophisch-historischen Abtheilung 1867 und 1868, 1. — Desgleichen für Naturwissenschaft und Medizin 1867, 68. — Verzeichniß der Aufsätze von 1804—63.
- c) Von Herrn Major a. D. von Kalkreuth: Aufsätze vermischten Inhalts aus dem Militärwochenblatt der Jahre 1851—53. — Der deutsch-dänische Krieg von 1848. — Lebensabriffe der Generale Scharnhorst, Krauseneck, Rohr und Griesheim. — Die Schlacht bei Idstedt. — Die Ereignisse vor Fredericia im Jahre 1849. — v. Rothenburg, die Treffen bei Miloslaw, Schleswig u. s. w.
- d) Von den Herren Verfassern: Prof. Dr. Schneider, neue Beiträge der alten Geschichte und Geographie der Rheinlande. — Dr. Langkavel, Botanik der spätern Griechen.
- e) Von den Herren Verlegern: Dr. Lange, Aufgaben aus der Elementargeometrie. Berlin 1868. Stille. — Dr. Aug. Haacke, Anfänge zur Uebersetzung ins Lateinische für Tertia, 2. Auflage. Berlin 1867. Weidemann. — Seffer und Diekmann, Anleitung zur deutschen Rechtschreibung. 3. Auflage. Hannover 1868. Rümpler. — Koch, Anleitung zum Uebersetzen ins Griechische. Leipzig 1869. Reichenbach. — Neef und Johansen, Vaterländisches Lesebuch. Schleswig 1868. Heiberg. — Engelmann, Formenl. des attischen Dialekts. Bamberg 1869. Bücher. — Dittmar, Leitfaden der Weltgeschichte. 5. Auflage. Heidelberg 1867. Winter. — Rumpel, kleine Prophläen. — Adams Schulatlas. 4. Auflage. — Dr. Herm. Köpert, Grundriß der deutschen Vaterlandskunde. Eisleben 1869. Reichardt.
- f) Vom Abit. Jaschkowitz: Lessings ausgewählte Schriften in 6 Bd. Leipzig. 1867.

Angekauft wurden:

- a. für die Gymnasialbibliothek: Neumont, Geschichte der Stadt Rom II. und III. 1. — Bursian, Geographie von Griechenland II. 1. — Heusser, Geschichte des Zeitalters der Reform. von Dufrenoy. — Droysen, Gustav Adolph I. Bb. — Der Feldzug von 1866 vom preuß. Generalstabe — Zeitschr. des Vereins für Geschichte und Alterthum Schlef. VIII. 2 und IX. 1. — Dindorf, poetae scen. Graeci 7—8. Hft. — Ameis, Anhang zur Odyssee. — Ameis, Ilias I. 1. — Fritzsche, Theocr. idyll. 1. — Grimm, Deutsches Wörterbuch V, 7. — Friedrichsen, Elementarbuch der hebr. Sprache. — Helmholtz, wissenschaftl. Vorträge I. — Vogel, Das Mikroskop. — Schlichting, Chemische Versuche. — Helmholtz, Tonempfindungen. — Lemis, Synopsis der 3 Naturreiche 3 Bde. — Römer, Die neuesten Fortsch. der Mineral. — Poggendorf, Annalen der Physik und Chemie für 1868. — Wiese, Verordnungen und Gesetze für höhere Schulen. — Schrader, Erziehungs- und Unterrichtslehre. — Scheibert, Haus und Schule. — Scheibert, Die Confessionalität der höhern Schulen. — Stiehl, Centralblatt für die Unterrichtsverwaltung. — Langbein, pädagogisches Archiv. — Zeitschrift fürs Gymnasialwesen. — Neue Jahrb. für Philol. und Pädagogik. — Zacher, Zeitschrift für deutsche Philologie. — Zarnke, Liter. Centralblatt. — Magazin für die Literatur des Auslandes. — Schlesiſche Provinzialblätter. — Gesesammlung. — Amtsblatt.
- b. für die Jugendbibliothek: Historisches Quellenbuch der alten Geschichte II. 3. — Nachtrag zu Pfahlers Alterthümer. — Kumpel, kleine Prophläen. — Jordan, Niebelunge, nebst Supplementband. — Göthe, Hermann und Dorothea. — Göthe, Iphigenie. — Shakespeare von Bodenstädt 7 und fl. — Eberth, Geschichte des preuß. Staates. — Ruß, In der freien Natur. — Ruß, Natur- und Culturbilder. — Masius, Naturstudien II. — Grube, Biographien aus der Naturkunde IV. — Brehm, illustriertes Thierleben. — D. Säger, Die punischen Kriege. — Tilt, Boot und Karawane. — Horn, Erzählungen 76—80. — Hoffmann, Jugendfreund. — Wagner, Hauschatz.
- c. für den phhysikalischen Apparat nur mehrere kleine Instrumente und Gefäße.
- d. für den geographischen: Naaz, 2 Schulatlanten.
- e. für den naturwissenschaftlichen: eine Sammlung Mineralien zur Vervollständigung der vorhandenen.



Ordnung der Schulfeierlichkeiten.

Donnerstag den 18. März 1869. Anfang 8 Uhr.

Choral.

Prüfung der Sexta in Religion und Latein durch den Gymnasial-Lehrer Hübner.

Declamation der Sextaner:

Max Fischer: Nebo von Freiligrath.

Karl Schönfelder: Wie man sich irren kann.

der Quinta in der französischen Sprache und Naturgeschichte durch die Gymnasial-Lehrer Zwirnmann und Fundner.

Declamation der Quintaner:

Paul Friedländer: Choral von Leuthen von Besser.

Max Brieger: Hans Euler von Seidel.

der Quarta in Latein und Geschichte durch Gymnasial-Lehrer Göbel und Oberlehrer Dr. Döring.

Declamation der Quartaner:

Gustav Kache: Abdallah von Chamisso.

Bernhard Fischer: Die Kraniche des Ibis von Schiller.

der Tertia B. in der Griechischen Sprache und Mathematik durch die Gymnasial-Lehrer Göbel und Duda.

Donnerstag Nachmittag. Anfang 2 Uhr.

Prüfung der Tertia A. im Lateinischen und Griechischen durch die Gymnasial-Lehrer Zopf und Prifisch.

Secunda B. in Mathematik und Französisch durch Gymnasial-Lehrer Duda und Prof. Schönwälder.

Secunda A. in Latein und Mathematik durch Prof. Dr. Littler und Oberlehrer Künzgel.

Freitag den 19. März. Anfang 8 Uhr.

C h o r a l.

Prüfung der Prima in der Religion durch Prof. Schönwälder.
Griechischen Sprache durch den Director.
Physik durch Oberlehrer Künzel.

Declamation des

Tertianers Georg Schmidt: Jafners Verwandlung aus Jordans Nibelunge.
Tertianers Gustav Hellmann: Die Feuersbrunst aus Schillers Lied von der Glocke.
Secundaners Georg Thiele: Thémistocle et Aristide p. Marquis de Fontanes.
Secundaners Max Schneider: Das Geschlecht des Tantalus aus Göthe's Iphigenie.
und Vortrag selbstgefertigter lateinischer, französischer und deutscher Reden der Abiturienten Rudolph,
Basset und Werner.

Gesang: Milde Lüfte wehn im Thale von Franz Abt.

Entlassung der Abiturienten durch den Director.

Schlußgesang: Der Herr ist unsere Zuversicht, Motette von Bernhard Klein.

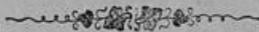
Zu diesen Schulfeierlichkeiten werden die geehrten Eltern unserer Zöglinge und Gönner des Gymnasiums hiermit ergebenst eingeladen.

Nachmittag 2 Uhr: Censur und Versetzung.

Das neue Schuljahr beginnt den 6. April.

Prüfungen und Aufnahmen neuer Schüler finden statt:
für die Vorschule Freitag den 2. April) um 8 Uhr,
Sexta Sonnabend den 3. April)
in die andern Classen den 1. und 5. April.

Joh. Jul. Guttmann.



Erklärung des Herrn ...

1841

Ich erkläre hiermit ...

... in der ...

... Herr ...

... durch ...

... Herr ...

... Herr ...

Erklärung des Herrn ...

... Herr ...