

Die V Species der Decimal=Rechnung in Brüchen.

Das Numeriren bey Decimal=Brüchen wird eben so, wie bey dem Numeriren in ganzen Zahlen verrichtet, nur daß die Decimal=Zeichen, welche dabey vorkommen anders geschrieben und ausgedruckt werden. Da nach dem Grundsatz der Numeration mit gleichbeamten Zahlen, jede Ziffer, so oft, ihre Stelle von der Rechten zur Linken einmal weiter gerückt wird, immer um zehnfach wächst, so wird man leicht begreifen, daß, wenn man zur Rechten der Ziffern der Haupt=Einheit (Ganze) einen Punkt oder Beystrich, den man Decimal=Punkt oder Beystrich nennt, setzt, wodurch die Haupt=Einheiten oder die Ganzen angezeigt werden, die Ziffern, welche nach diesem Zeichen rechter Hand folgen, immer um zehnmal kleiner werden, und man kann nach diesem so viele Zahlen schreiben als man will, welche aber, so oft sie eins weiter zur Rechten rücken, um zehnfach geringer angesehen werden müssen. Wenn z. B. hinter dem Decimal=Zeichen, eine Ziffer zu stehen kommt, so wird diese als ein Zehntentheil von den abgetheilten Ganzen angesehen, das Ganze mag nun aus Geld, Maaß oder Gewicht bestehen. Stehet nun zur Rechten des Zeichens eine Eins, 2,1, so ist $2 \frac{1}{10}$, stehet eine Zwen, 6,2, so ist $6 \frac{2}{10}$ u. s. w. Folgen zwey Ziffern, so zeigen diese Hunderttheile an, z. B. 9,12 = $9 \frac{12}{100}$, 5,63 = $5 \frac{63}{100}$, stehen drey Ziffern, so sind Tausendtheile, z. B. 4,176 = $4 \frac{176}{1000}$ u. s. w.

Wenn keine Ganze dabey vorhanden sind, dann wird vor dem Decimal=Zeichen eine Null gesetzt, welche
an-

anzeigt, daß hier Ganze fehlen, z. B. für $\frac{18}{100}$ schreibt man 0,18. Kommen keine Zehnthelchen, Hunderttheilchen oder Tausendtheilchen u. vor, so müssen die fehlenden Stellen, in welche diese zu setzen sind, weiter gegen die rechte Hand zu genommen, und die übrigen durch Nullen ersetzt werden, z. B. anstatt $\frac{11}{1000}$ schreibe man 0,011, oder für $\frac{1}{1000}$ setze man 0,001, u. s. w.

Decimal-Brüche sind solche Brüche, wo der Nenner beständig aus einer 1 mit einer oder mehreren Nullen bestehet, z. B. $0,7 = \frac{7}{10}$, — $0,11 = \frac{11}{100}$, — $0,017 = \frac{17}{1000}$. — Da hier keine Ganze vorhanden sind, so ist dafür eine Null gesetzt worden.

Wenn einem Decimal-Bruch zur Rechten Nullen angehängt werden, so bleibt die Größe immer dieselbe, und wird durchs Zusetzen einer oder mehrerer Nullen nicht verändert. Z. B. $7,56 = 7 \frac{56}{100}$, würde man nun zu den 56 noch drey Nullen schreiben, also 7,56000, so bleibt der Bruch eben so groß wie vorhin, dem 7,56000 ist $= 7 \frac{56000}{100000}$ nach den vorigen gegebenen Regeln, denn wenn man die Nullen gegeneinander streicht, so kommt der vorige Bruch wieder heraus, den $7 \frac{56\cancel{000}}{100\cancel{000}} = 7 \frac{56}{100}$.

Einige Aufgaben zur Uebung.

Folgende Brüche sollen als Decimal-Brüche geschrieben werden:

1)

1) $3 \frac{19}{100}$.

6) $\frac{19}{100}$.

2) $17 \frac{276}{10000}$.

7) $\frac{76}{10000}$.

3) $6 \frac{751}{100000}$.

8) $\frac{91}{100000}$.

4) $1 \frac{97}{1000000}$.

9) $\frac{21}{1000000}$.

5) $\frac{7}{10}$.

10) $\frac{1}{1000000}$.

Folgende Decimal-Brüche in gewöhnlichen Brüchen zu schreiben :

11) 6, 17.

16) 0, 659.

12) 1, 976.

17) 0, 7898.

13) 10, 027.

18) 0, 061.

14) 19, 00101.

19) 0, 00091.

15) 8, 00009.

20) 0, 000001.

Antwort für diese 20 Aufgaben.

1) 3, 19.

11) $6 \frac{217}{100}$.

2) 17, 0276.

12) $1 \frac{976}{10000}$.

3) 6, 00751.

13) $10 \frac{27}{10000}$.

4) 1, 000097.

14) $19 \frac{101}{1000000}$.

5) 0, 7.

15) $8 \frac{9}{1000000}$.

6) 0, 19.

16) $\frac{659}{10000}$.

7) 0, 0076.

17) $\frac{7898}{100000}$.

8) 0, 00091.

18) $\frac{61}{10000}$.

9) 0, 000021.

19) $\frac{91}{1000000}$.

10) 0, 000001.

20) $\frac{1}{10000000}$.

II. Decimal-Brüche zu addiren.

Wenn Decimal-Brüche zu addiren sind, so setzt man wie beim gewöhnlichen Addiren, wenn Ganze dabey vorhanden sind, Einer unter Einer, Zehner unter Zehner, Hunderte unter Hunderte 2c. und die De-

ci.

imal-Teile, Zehnthelchen unter Zehnthelchen, Hunderttheilchen unter Hunderttheilchen, Tausendtheilchen unter Tausendtheilchen u. s. w. und addirt dann, ohne Rücksicht auf die Zeichen zu nehmen. Bey der herauskommenden Summe macht man vermittelst eines Punkts oder Benstrichs von der Rechten zur Linken, so viele Ziffern zu Decimalen, als derjenige Posten hat, welcher unter den zu addirenden Posten die meisten Decimal-Ziffern bey sich führt. Z. B. Folgende Posten sollen addirt werden: $18,76 + 7,196 + 5,109$.

00008,0	18,76
000710,01	7,196
00011,0	5,109
00100,000	Summe 31,065

Summe $31,065 = 31 \frac{65}{1000}$.

Die Probe wird auf die nämliche Weise gemacht; wie bey der Addition mit gemeinen Zahlen, und dieses gilt auch von den folgenden Species.

Einige Aufgaben zur Übung.

- 1) $11,76 + 9,8 + 710,888 + 1,101 + 19,1$
- 2) $6,967 + 0,8 + 10,91769 + 0,11 + 600,901$
- 3) $17,009 + 61,798 + 100,000001 + 81,671 + 0,00011$
- 4) $0,101 + 0,000009 + 0,67001 + 0,00017 + 0,9917$

Auflösung dieser Aufgaben.

1) $\begin{array}{r} 11, 76 \\ 9, 8 \\ 710, 888 \\ 1, 101 \\ 19, 1 \\ \hline \end{array}$	2) $\begin{array}{r} 6, 967 \\ 0, 8 \\ 10, 91769 \\ 0, 11 \\ 600, 901 \\ \hline \end{array}$
---	--

Summe 752, 649 Summe 619, 69569.

Man kann zur Bequemlichkeit, die leeren Decimal-Stellen auch mit Nullen ausfüllen, z. B.

1) $\begin{array}{r} 11, 760 \\ 9, 800 \\ 710, 888 \\ 1, 101 \\ 19, 100 \\ \hline 752, 649 \end{array}$	2) $\begin{array}{r} 6, 96700 \\ 0, 80000 \\ 10, 91769 \\ 0, 11000 \\ 600, 90100 \\ \hline 619, 69569 \end{array}$
---	--

Daß diese Ausarbeitung ihre völlige Richtigkeit habe, wird dadurch bewiesen, daß wenn man die Decimal-Brüche in gewöhnliche Brüche verwandelt und sie addiret, die nämliche Summe herauskommt.

Aufgabe 1) 1000 G.=N.

$11, 76 = 11 \frac{76}{100}$	$\left \begin{array}{l} 10 \times 76 = 760 \\ 100 \times 8 = 800 \\ 1 \times 888 = 888 \\ 1 \times 101 = 101 \\ 100 \times 1 = 100 \end{array} \right.$	
$9, 8 = 9 \frac{8}{10}$		
$710, 888 = 710 \frac{888}{1000}$		
$1, 101 = 1 \frac{101}{1000}$		
$19, 1 = 19 \frac{1}{10}$		

$$752 \frac{649}{1000}$$

$$\frac{2642}{1000} = 2 \text{ Ganze} \\ \times \frac{649}{1000} = 0, 049$$

3)
$$\begin{array}{r} 17, 009 \\ 61, 789 \\ 100, 000001 \\ 81, 671 \\ 0, 00011 \\ \hline 260, 478111. \end{array}$$

4)
$$\begin{array}{r} 0, 101 \\ 0, 000009 \\ 0, 67001 \\ 0, 00017 \\ 0, 9917 \\ \hline 1, 762889. \end{array}$$

III. Decimal-Brüche zu subtrahiren.

Beym Subtrahiren der Decimal-Brüche, ist das nämliche zu beobachten, als beym Addiren, daß nämlich die Ziffern nach ihrer Größe untereinander gestellt, und dann ohne auf die Zeichen zu sehen, wie bey der Subtraction gemeiner Zahlen, abgezogen werden, der Rest aber nach der nämlichen Regel wie beym Addiren abgetheilt wird.

Befinden sich im Minuendus nicht so viele Decimal-Ziffern, wie im Subtrahendus, so hängt man dem Minuendus so viele Nullen zur Rechten an, als Decimal-Ziffern fehlen. Man kann aber auch die fehlenden Stellen mit Punkten bezeichnen, und diese für Nullen ansehen. Z. B. Von 96,7861, soll abgezogen werden 19,6987.

$$\text{Von } 96,7861$$

$$\text{ab } 19,6987$$

$$\text{Rest } 77,0874.$$

Einige Aufgaben zur Uebung.

- | | |
|---------------------------|----------------------------|
| 1) $11,76 \div 9,99.$ | 6) $10,00001 \div 0,0176.$ |
| 2) $20,91 \div 1,176.$ | 7) $0,5 \div 0,01961.$ |
| 3) $0,976 \div 0,7601.$ | 8) $0,19 \div 0,000917.$ |
| 4) $16 \div 11,7981.$ | 9) $2 \div 0,6769.$ |
| 5) $20,0017 \div 9,1969.$ | 10) $29,1096 \div 19.$ |

Auflösung dieser Aufgaben.

1) von 11,76

ab 9,99

Rest 1,77

2) von 20,91

ab 1,176

Rest 19,734

116 Subtraction der Decimal-Brüche.

Bei der zweyten Aufgabe kommen im Subtrahendus mehr Decimal-Ziffern als im Minuendus, folglich kann hier auch die leere Stelle durch eine Null oder einen Punkt ersetzt werden:

Von 20,910 ab 1,176 <hr style="width: 100%;"/> 19,734.	oder	von 20,91. ab 1,176 <hr style="width: 100%;"/> 19,734.
--	------	--

Der Beweis kann hier eben so wie bey dem Addiren geführt werden, wenn man nämlich die Decimal-Brüche in gewöhnliche Brüche verändert, und sie dann abzieht.

denn 20,91 = 20 $\frac{91}{100}$ und 1,176 = 1 $\frac{176}{1000}$	 1000 <hr style="width: 100%;"/> 10 × 91 = 910 <hr style="width: 100%;"/> 1 × 176 = 176	<hr style="width: 100%;"/> Rest 19 + $\frac{734}{1000} = 19,734$
--	--	--

3) von 0,976.
 ab 0,7601

 Rest 0,2159.

4) von 16,....
 ab 11,7981

 Rest 4,2019.

5) von 20,0017
 ab 9,1969

 Rest 10,8048.

6) von 10,00001
 ab 0,0176.

 Rest 9,98241.

7) von 0,5....
 ab 0,01961

 Rest 0,48039.

8) von 0,19....
 ab 0,000917

 Rest 0,189083.

9) von 2,....
 ab 0,6769

 Rest 1,3231.

10) von 29,1096
 ab 19

 Rest 10,1096.

IV. Decimal-Brüche zu multipliciren.

Die Multiplication mit Decimal-Ziffern geschieht auf die nämliche Weise, wie die Multiplication ganzer Zahlen, ohne daß man auf die dabey stehenden Decimal-Zeichen zu sehen braucht. Allein im Producte werden vermittelst eines Punkts oder Beystrichs so viele Ziffern zu Decimal-Ziffern gemacht, als Decimal-Ziffern sich in beyden Factoren befinden. — Sollte es sich aber treffen, daß im Producte nicht so viele Ziffern vorhanden wären, als Decimal-Ziffern in beyden Factoren sind, so müssen im Producte zur Linken so viele Nullen beygefügt werden, bis die Anzahl Ziffern im Producte den Decimal-Ziffern in beyden Factoren gleich sind. Z. B. 28,96 soll mit 7,19 multiplicirt werden.

$$\begin{array}{r}
 28,96 \\
 \times 7,19 \\
 \hline
 26064 \\
 2896 \\
 20272 \\
 \hline
 208,2224 = 208 \frac{2224}{10000}
 \end{array}$$

Einige Aufgaben zur Uebung.

- | | |
|----------------------------|-------------------------------|
| 1) 8,19 \times 3,179. | 7) 0,809 \times 100. |
| 2) 17,01 \times 16,91. | 8) 0,00917 \times 1000. |
| 3) 182,009 \times 0,81. | 9) 0,06009 \times 10000. |
| 4) 617,09 \times 0,0001. | 10) 130 \times 0,196. |
| 5) 26 \times 0,719. | 11) 5,096 \times 600. |
| 6) 18 \times 10,769. | 12) 0,01019 \times 0,00011. |

118 Multiplication der Decimal-Brüche.

Auflösung dieser Aufgaben.

$$\begin{array}{r}
 1) \quad 8,19 \\
 \quad 3,179 \\
 \hline
 \quad 7371 \\
 \quad 5733 \\
 \quad 819 \\
 \quad 2457 \\
 \hline
 26,03601.
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 2) \quad 17,01 \\
 \quad \times 16,91 \\
 \hline
 \quad 1701 \\
 \quad 15309 \\
 \quad 10206 \\
 \quad 1701 \\
 \hline
 287,6391.
 \end{array}$$

Oder man kann den Factor, welcher die wenigsten Ziffern bey sich führt, als untersten Factor setzen, ob schon derselbe mehr Ganze als der oberste Factor hat.

$$\begin{array}{r}
 \quad 3,179 \\
 \quad 8,19 \\
 \hline
 \quad 28611 \\
 \quad 3179 \\
 \quad 25432 \\
 \hline
 26,03601.
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 3) \quad 182,009 \\
 \quad \times 0,81 \\
 \hline
 \quad 182009 \\
 \quad 1456072 \\
 \hline
 147,42729.
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 4) \quad 617,09 \\
 \quad \times 0,0001 \\
 \hline
 \quad 0,061709.
 \end{array}$$

Beweis, daß dieses seine Richtigkeit hat.

$$617,09 = 617 \frac{9}{100} = 61709$$

$$0,0001 = \frac{1}{10000} = 1 \times$$

$$\frac{61709}{1000000} = 0,061709.$$

Auf die nämliche Art können alle ähnliche Aufgaben der Multiplication bewiesen werden.

$$\begin{array}{r}
 5) \quad 26. \\
 \times \quad 0,719 \\
 \hline
 234 \\
 26 \\
 \hline
 182 \\
 \hline
 18,694.
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 6) \quad 10,769 \\
 \times \quad 18. \\
 \hline
 86152 \\
 10769 \\
 \hline
 193,842.
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 7) \quad 0,809 \\
 \times \quad 100 \\
 \hline
 080,900 = 80,9.
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 8) \quad 0,00917 \\
 \times \quad 1000 \\
 \hline
 0,009,17000 = 9,17.
 \end{array}$$

Hier läßt sich folgende Regel anwenden, nämlich: wenn Decimal-Ziffern mit 10, 100, 1000 u. multipliziert werden sollen, so bekommt man sofort das verlangte Product, wenn man nur das Decimal-Zeichen von der Linken zur Rechten so weit zurücksetzt, als Nullen beim Multiplikator befindlich sind. Z. B. Die vorigen Aufgaben 0,809 sollen mit 100 und 0,00917 mit 1000 multipliziert werden. Wenn man nun bey der ersten Aufgabe das Zeichen hinter die 0 setzt, so kommt 80,9 und bey der andern Aufgabe das Zeichen hinter die 9, so kommt 9,17, welche den vorigen Producte gleich sind.

$$\begin{array}{r}
 9) \quad 0,06009 \\
 \times \quad 10000 \\
 \hline
 600,9.
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 10) \quad 0,196 \\
 \times \quad 130 \\
 \hline
 5880 \\
 196 \\
 \hline
 25,480.
 \end{array}$$

11) 5,096

X

600

3057,6.

12) 0,01019

X

0,000011

1019

1019

0,0000011209.

V. Decimal-Brüche zu dividiren.

Beym Dividiren von Decimal-Brüchen verfährt man eben so wie bey dem Dividiren mit ganzen Zahlen, nur daß man, wenn die Division vollbracht ist, das Decimal-Zeichen nach so vielen Decimal-Stellen von der Rechten zur Linken setzt, als der Dividendus mehr Decimal-Ziffern, als der Divisor enthält. — Man subtrahirt nämlich, die Anzahl der Decimal-Ziffern des Divisors, von der Anzahl der Decimal-Ziffern des Dividendus, und so viele Ziffern der Rest anzeigt, so viele Ziffern macht man im Quotienten durch Zeichen eines Punkts oder Bessstrichs zu Decimal-Ziffern. — Hieraus fließen bey der Division fünf Haupt-Regeln:

- 1) Befinden sich im Divisor eben so viele Decimal-Ziffern als im Dividendus, so sind alle Ziffern im Quotient als Ganze anzusehen, und die Abtheilung der Decimal-Ziffern fällt denn im Quotienten weg. Z. B. 884,952 soll durch 0,241 dividirt werden.

$$\begin{array}{r|l}
 0,241 & 884,952 \quad | \quad 3672 \text{ Quotient.} \\
 \hline
 & 723 \\
 \hline
 & 1619 \\
 & 1446 \\
 \hline
 & 1735 \\
 & 1687 \\
 \hline
 & 482 \\
 & 482 \\
 \hline
 & 0
 \end{array}$$

Der Beweis kann auf zweyerley Art geführt werden:

Erstens. Wenn der Quotient mit dem Divisor als gewöhnliche Brüche multiplicirt wird,

$$\begin{array}{r}
 3672 \\
 \times \frac{241}{1000} \\
 \hline
 3672 \\
 14688 \\
 7344 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$1000 | 884952 = 884 \frac{952}{1000} = 884,952.$$

Zweitens. Wenn die Decimal-Zahlen in gewöhnliche Brüche verwandelt werden:

$$\frac{241}{1000} \text{ in } 884 \frac{952}{1000}$$

$$241 \text{ in } 884952 | 3672 \text{ Quotient.}$$

Noch ein Beyspiel, 8,12 in 316,68.

$$8,12 | 316,68 | 39 \text{ Quotient.}$$

21 u=

Anmerkung. Sollte aber zu Ende der Division ein Rest bleiben, so muß man diesen in einen Decimal-Bruch verwandeln, (wie dieses geschieht, wird weiter gezeigt werden). Oder man hängt dem Rest zur Rechten eine oder mehrere Nullen an, und setzt die Division wie vorhin fort. Dieses nennt man dem Bruche nähern oder ihn verringern, denn je mehr Nullen angehängt werden, um so größere Genauigkeit erhält man. Man kann das Anhängen von Nullen so lange fortsetzen, bis man wahrnimmt, daß der Rest für nichts geachtet werden kann, denn weil nicht alle Zahlen sich in Decimal-Ziffern verändern lassen, so kann man sagen, daß die Division bis ins Unendliche fortgesetzt werden kann. So viele Nullen nun dem Dividendus angehängt werden, so viele Ziffern müssen im Quotienten nach geendigter Division zu Decimal-Ziffern abgeschnitten werden. 3. B. 61,71 in 71017,62.

$$61,71 \mid 71017,62 \mid 1150,8283$$

$$\begin{array}{r} 9307 \\ 6171 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 31366 \\ 30855 \\ \hline \end{array}$$

$$51120000 \mid 8283 \text{ Decimal-Zahlen}$$

$$49368 \mid$$

$$\begin{array}{r} 17520 \\ 12342 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 51780 \\ 49368 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 24120 \\ 18513 \\ \hline \end{array}$$

$$5607.$$

Dieser Rest ist ganz unbedeutend, denn weil dem Dividendus noch 4 Nullen hinzugesetzt sind, so wird der Divisor ebenfalls um 4 Zahlen größer, folglich ist der Rest $\frac{5607}{100000}$, und kann also füglich weggelassen werden.

- 2) Wenn sich im Divisor nicht so viele Decimal-Ziffern als im Dividendus befinden, so dividirt man wie gewöhnlich, nur, daß im Quotienten zur rechten Hand so viele Ziffern, als der Divisor weniger als der Dividendus hat, zu Decimal-Ziffern abgestrichen werden. Z. B. 29,16 in 33813,936.

29,16 | 33813,936 | 1159,6 Quotient.

- 3) Sind im Divisor mehr Decimal-Ziffern als im Dividendus, so hängt man dem Dividendus so viele Nullen an, bis sie der Anzahl der Decimal-Ziffern, die sich im Divisor befinden gleich sind. Was demnach im Quotient herauskommt, sind ganze Zahlen. Dieses gilt auch, wenn der Divisor Decimal-Ziffern bey sich hat, und im Dividendus keine vorhanden sind, sondern derselbe bloß aus Ganzen bestehet, dann werden dem Dividendus ebenfalls so viele Nullen beygesetzt als der Divisor Decimal-Ziffern hat, und der Quotient bringt lauter ganze Zahlen hervor, ausgenommen, wenn ein Rest bleibt. Z. B. 7 19 in 52343,2.

7,19 | 52343,20 | 7280 Quotient.

- 4) Trift es sich aber, daß nach verrichteter Division, im Quotiente nicht so viele Decimal-Ziffern

fern

fern gemacht werden können, als es der Regel gemäß seyn müßte, wenn nämlich der Divisor größer als der Dividendus seyn möchte; so werden dem Quotienten so viele Nullen zur Linken beygefügt, als Decimal-Ziffern erfordert werden, das gehörige Resultat anzuzeigen. Z. B. 319 in 14,50812.

$$319 \mid 14,50812 \mid 4548.$$

Da hier der Dividendus fünf Decimal-Ziffern bey sich hat, und der Divisor keine, so müßten der Regel gemäß im Quotienten fünf Ziffern zu Decimalen gemacht werden. Weil hier aber nur vier Ziffern herauskommen, so muß dem Quotienten linker Hand eine 0 zugesetzt werden, nämlich:

$$319 \mid 14,50812 \mid 0,04548 \text{ Quotient.}$$

5) Im Falle, daß der Divisor und der Dividendus eine ungleiche Anzahl Decimal-Ziffern haben; so macht man durch Anhängung der Nullen, die Anzahl der Decimal-Ziffern in beyden, einander gleich, und dividirt dann wie bey dem gewöhnlichen Dividiren mit ganzen Zahlen. Der Quotient enthält demnach lauter Ganze, mit Ausnahme wenn ein Rest bleibt, welcher dann zum Decimal-Bruch gemacht wird. Z. B. 0,161 in 617601,1.

$$161 \mid 617601100 \mid 3836031 \frac{1}{109} \text{ Quotient.}$$

Der Unterschied zwischen dieser allgemeinen Regel und den beyden vorhergehenden liegt bloß darin, daß wenn

wenn bey Ganzen ein Rest bleibt, man denselben nicht als Decimal-Bruch vorstellt, daher bey den vorigen Fällen gleich als Decimal-Ziffern betrachtet werden kann. Allein die hier angezeigte Regel hat den Vortheil, daß wenn ein Rest bleibt, dieser auf einmal bestimmt angedeutet ist, bey den übrigen Fällen aber findet sich oft, daß bey einem Decimal-Bruch noch ein Bruch bleibt, welcher in keine Decimal-Ziffern verwandelt werden kann, wie hier bey diesen und ähnlichen Aufgaben der Fall ist. Z. B. 44 in 761076,101.

$$44000 \mid 761076101 \mid 17297 \frac{8101}{44000} \text{ Quotient.}$$

Nach den vorigen Regeln.

$$44 \mid 761076,151 \mid 17297,184 \text{ Quotient.}$$

Oder $17297,184 + \frac{5}{44000}$.

Daß dieses seine Richtigkeit habe, kann dadurch bewiesen werden, indem man $\frac{184}{44000}$ und $\frac{5}{44000}$ addirt, so kommt der vorige Bruch $\frac{8101}{44000}$ heraus.

Aufgaben zur Übung.

- | | |
|--------------------------|-------------------------|
| 1) 279,8 in 376701006,5. | 8) 6,7 in 123450012. |
| 2) 3,46 in 75698,06. | 9) 0,01761 in 36670012. |
| 3) 0,00176 in 0,76106. | 10) 654 in 71,01761. |
| 4) 1,37 in 5601,769. | 11) 12,9 in 9,871065. |
| 5) 87,1 in 67106,901. | 12) 0,698 in 0,0009698. |
| 6) 123 in 5500,017. | 13) 100 in 1967,62. |
| 7) 0,016 in 671,09123. | 14) 10000 in 70176,91. |

Aufz

Auflösung dieser Aufgaben.

$$1) \quad 279,8 \left| \begin{array}{l} 376701006 \quad 5 \\ \hline 1109 \end{array} \right| 1346322 \frac{118}{27} \text{ Quotient.}$$

$$2) \quad 3,46 \left| \begin{array}{l} 75698,06 \\ \hline 18 \end{array} \right| 21878 \frac{18}{376} \text{ Quotient.}$$

Wollte man den Rest in Decimalen haben, so setzt man dem Dividendus einige Nullen hinzu, und so viele Nullen hinzugesetzt worden, so viele Decimal-Ziffern gibts, hier sind nun drey Nullen hinzugesetzt, daher müssen auch im Quotienten drey Ziffern abgetheilt werden.

$$346 \left| \begin{array}{l} 7569806000 \\ \hline 8 \end{array} \right| 21878,052 \text{ Quotient.}$$

$$3) \quad 0,00176 \left| \begin{array}{l} 0,76106 \\ \hline 74 \end{array} \right| 432 \frac{74}{176} \text{ Quotient.}$$

$$4) \quad 1,37 \left| \begin{array}{l} 5601,769 \\ \hline 113 \end{array} \right| 4088,8 + \frac{113}{1376}.$$

Anmerkung. Diese und alle ähnliche Aufgaben können durch Zusetzen einiger Nullen im Dividendus oder zum Rest, dem Bruche noch näher gebracht werden, wie bey der ersten Hauptregel, Decimal-Brüche zu dividiren, angezeigt ist.

$$5) \quad 87,1 \left| \begin{array}{l} 67106,901 \\ \hline 706 \end{array} \right| 770,45 + \frac{706}{87100}$$

$$6) \quad 123 \left| \begin{array}{l} 5500,017 \\ \hline 72 \end{array} \right| 44,715 + \frac{72}{123000}$$

$$7) \quad 0,016 \left| \begin{array}{l} 671,09123 \\ \hline 3 \end{array} \right| 41943,20 + \frac{3}{1600}$$

$$8) \quad 6,7 \left| \begin{array}{l} 1234500120 \\ \hline 62 \end{array} \right| 18425374 \frac{62}{67}.$$

Weil hier der Dividendus keine Decimal-Ziffern, der Divisor aber eine bey sich hat, so setzt man der Regel gemäß eine Null zur Rechten des Dividendus, und der Quotient zeigt alsdann lauter Ganze, den Rest ausgenommen, der hier bey bleibt. — Um aber diesem Reste in Decimal-Ziffern näher zu kommen, sollen hier noch drey Nullen zum Dividendus hinzugesetzt, und mit der Division fortgefahen werden.

$$67 \overline{) 1234500120000} \mid 18425374,925 + \frac{25}{67000}$$

$\overline{25}$

$$9) 0,01761 \overline{) 366700100000} \mid 208234014 \frac{1346}{1761} \text{ Quot.}$$

$\overline{1346}$

$$10) 654 \overline{) 71,01761} \mid 0,10858 \frac{629}{6540000}$$

$\overline{629}$

$$11) 12,9 \overline{) 9,871065} \mid 0,76519 \frac{114}{1290000}$$

$\overline{114}$

$$12) 0,698 \overline{) 0,0009698} \mid 0,0013 \frac{624}{6980000}$$

$\overline{624}$

$$13) 100 \overline{) 1967,62} \mid 19,6762 \text{ Quotient.}$$

Anmerkung. Wenn Decimal-Ziffern durch 10, 100, 1000, 10000 ic. dividirt werden sollen, so braucht man nur im Dividendus das Decimal-Zeichen um so viel Ziffern nach der linken Hand zu setzen, als Nullen im Divisor sich befinden.

$$14) 10000 \overline{) 70176,91} \mid 7,017691 \text{ Quotient.}$$