

Geometrie

69

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
i	i	i	i	i	v	i	i	i	i	i	i	i
L	D	A	B	C	D	E	F	G	H	I	K	L
r	r	r	r	r	r	r	r	r	r	r	r	r
Z	L	D	A	B	C	D	E	F	G	H	I	K
c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c
R	I	Z	L	D	A	B	C	D	E	F	G	H
i	i	i	i	i	i	i	i	i	i	i	i	i
Z	I	R	L	D	A	B	C	D	E	F	G	H
e	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x	x
M	J	k	L	m	a	b	c	d	e	f	g	h
c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c
S	H	J	K	L	M	A	B	C	D	E	F	G
r	r	r	r	r	r	r	r	r	r	r	r	r
f	S	H	J	K	L	M	A	B	C	D	E	G
c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c
E	F	S	H	J	K	L	M	A	B	C	D	G
m	m	m	m	m	m	m	m	m	m	m	m	m
D	E	F	S	H	J	K	L	M	A	B	C	G
r	r	r	r	r	r	r	r	r	r	r	r	r
L	D	E	F	S	H	J	K	L	M	A	B	G
c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c	c
W	L	D	E	F	S	H	J	K	L	M	A	G
a	a	a	a	a	a	a	a	a	a	a	a	a

Eiusdem Boetii de geometria liber.

Geometria est disciplina magnitudinis similitudinis: formarumq; descriptio cōtemplicativa: p; quā vniuersitatis termini declarari solent: documentū ē et visibile philosophoz. quod latine dī terre dimensio. Qm per diuersas formas ipsius discipline primū egyptus fertur fuisse partita pro necessitate terminoz terre: quos nilus fluuius inundationis tpe infundebat. Lui' disciplse magistri mēsores aī dicebant. Sed varro peritissimus latinoꝝ hui' nos cām sic extitisse cōmemorat dicens pri' qdē dimēsōes terraz terminis positis vagātib' ac discordantib' popul' pacis utilia p̄stirisse. Deinde toti' anni circulum mēsuali numero fuisse partitum. Tunc et ipsi mēses quod annū metuntur: dicti sunt. Tunc et dimēsōe orbis terre probabili refert rōe collectam: iō factum ē vt disciplina ipsa geometrie nō men acciperet: quod per secula longa constaret.

De utilitate geometrie Rubrica.

Tilitas geometrie triplex est ad facultatē: ad sanitatē: Ad aliam. ad facultatē: vt mechāci et architecti. ad sanitatē: vt medici. ad anīmā: vt philosophi. Quā arte si arcte et diligentē cura atq; moderata mēte p̄quirim': hoc qd̄ p̄dict̄ diuisiōnib' māifestū ē: sensus nostros magna claritate dilucidat: et illud supra. Quale ē celū aio subire: totaq; illā machinā supnā idagabili rōne al' discutere. Et inspectiua mētis sublimitate ex aliqua parte colligere et agnoscere mūdi factorē: q; tanta et talia archana vela uit. Nā mūdus ipse spherica fertur rotūditate colleget: vt diuersas rex formas ambīt' sui circuitōe concluderet: vnde librū seneca dīsentāca philosophis disputatione formauit: cui titulus ē de forma mundi. nā in geometria utiq; partē fatemur esse utile teneri et actibus agitari i' oīb' prodesse eā existimamus. nec si ne cā sumi viri et ipensā huic scītē operā dederūt: cā sit geometria diuisa i' numeros atq; formas nūmerorū. nota nō tñ oratori: sed cuiq; primis saltē l̄ris

eruditio necessaria est: quod ad subtilitatem cōstat te nuissima: et ad scīaz utillissima: et ad exercitationē valde iocūdissima. In causis vō frequētissime q̄rit: qr p̄ mū ordo ē geometrie necessarius. Mōne et eloquētie et horib' geometria pbat i' sequētia et certis i' certappter quod plures iuenias. q; dialectici similiter et rethorici lgrediāt bāc artē. Dialectico nāq; sillogismo si res poscit vtiſ et qui sunt potentissimi grāmatici: q; apodixis grece dicn̄t: idem probant et certe enthume mate: q; rhetoricus ē sillogism⁹: quod latine interptat mentis cōceptio. Quem sp̄fectū solēt aī tigrati mūcupare. et ipe dēiq; pbat: cui' sit forme circuit⁹: quot lineis rectis dītinet. Quib' modis finitur: q; illa circūcurrēs linea si efficiat orbē: q; forma ē i' planis māx p̄fecta i' qua tot spatia cōplectit. Et si q̄dratū pib' horis efficiat rursus q̄drata triāgul' triāgula ipa pl' egl laterib' quā se equalib'. et alia forsitan obscuriora: qd̄ et operis seq̄ oportet exp̄mētū. Hec i' planis: nā i' mōtib' et collib' et sp̄ito p̄z: qr. per sol' cursum et vmbraz motū cōphēditur: et p̄ diuergia aquaz segregat. nūc ad epistolam Julij cesaris veniam⁹: quod ad hui' artis originē pertinet: vt nec ipsi' auctoris gloria pereat: vt nobis plenissime rei veritas ad notitiam veniat. quisquis ille tamen hanc epistolam studiose large vōluerit quibusdam cōpendijs introduct⁹ lucidi' maios dicta in brevi percipiet.

Divus iulius cesar Rubrica.

In acerrim⁹ et multarum gentiuz dominator frequentia belli militem exercuit ampliorum bellorum operibus angende rei cā illustrium virorum vrbes igressus est: gentium populos rogantes recepit tyrānos gladio iteremit. Et postq; hostilem terram obtinuit: deletis hostium civitatib' denoua nouas vrbes constituit: dato iterum colonie nomine ciues ampliauit.

Chilites colonos fecit alios in italia: alios in prouinciis quibusdam. Hec que diuus august⁹ assignatus vrbes prouinciarum exercitui iussit ppter subitas bellorū acies nō solū eas ciuitates demū eligere muris: verū et loca aspera et confragosa satis alligari. vt illū maxime p̄pugnaculo est et ista loci natura. et ab agro rum noua dedicatione culture colonias appellavit: q; colonie his victorib' qui temporis causa arma cepere: assignate sunt.

Rgo ne quid nos preterisse videamur. Et magis eorum exempla sequamur: sepe erit ad formam respiciendum: et quia montium altitudines p̄esse oratio monstrabat per ascensum precisi cacuminis aciem laboriose signa ex lapidibus constructa reliquimus: et est munita discretas locorum quantitas. que permanet separatim per aquarum diuergia in vtraq; parte valde nota partitio: alia loca riparum cursus seruant proinde etiam si hostis nos infestare voluisset: eos ex proxima ripa poteram⁹ expugnādo rūpe. Nā circa regionē mariti mā limites rectos cēsuim⁹ er lapidib' spact⁹. totā līmitū recturā cursū demōstrabim⁹: qr colonie oēs q; ad mare ponūt: littore maris terminant. Agros qualī iure ordinario disposaim⁹: quos intercessuos nosavim⁹. In planicie vō limites recte cultellauimus.

Lerūq; sunt agri quā multi assignati: quoruſ mēsura limitū lī diuersa sit: tñ ēt distant a se ali⁹ ab alio i' pedes. c. i' pedes. c. l. i' pedes. ccrl. in pedes. ccc. in pedes. ccclxi. i' pedes. ccccxx. in

Liber. i.

pedes. cccclxx. in pedes. d. c. in pedes. d. c. i pedes .d. ccccl. i pedes. d. cccclii. i pedes. i. xx. i pedes. i. cc. in pedes. i. ccccl. i pedes. i. dc. i pedes. i. dcc. i pedes. i. dccc. i pedes: ii. cc. i. spectu tñ longo: quo signis limitem agimus.

I fuerit terminus crassus angustus et ab alia parte longa crassus gematus. hi duo limites maximus decimanus et cardo nominati sunt. Per multa milia pedum concurrunt et nisi in alpes finiat dividunt agros dextra leuaqz rectarum linearum inter se continentium.

Nonem mensuram huius culture mediæ longior rem siue latiore facere debes: quod latitudine longius fuerit: scđnum est: quod vero in longitudinem longius fuerit striga.

Unt fundi pene meritum. et pro estimo vberatis angustiores assignati sunt.

Oca macra et arida ampliori termino conclusa sunt. Sunt loca subsiccina que ad ius ordinarium non pertinent: Sed si conuenerit inter possessores: possideant. si non conuenerit: remanet potestati.

Lia loca perfectiora ad ius publicum pertinat. at. totidem si possessoribus conuenit possident. Unt aut loca publica hec: que scribuntur silua et pascua publica augustinorum: que uno modo alienari nequeunt: et possident tutela aut templorum publicorum: aut balnearum: que loca collina appellant.

Ser extra clusus est: qui intra finitima lineam et centurias iteriacet. id extra clusus: quod ultra finitimos limites clauditur.

De controversiis rubrica.

Ontroversiarum materie sunt due finis et loci. barum altera continetur: quicquid ex agro discouenit. Sed quoniam his quoque partibus signatae controversie diuersas habent conditiones: ut possum ego comprehendere: proprie sunt nominande.

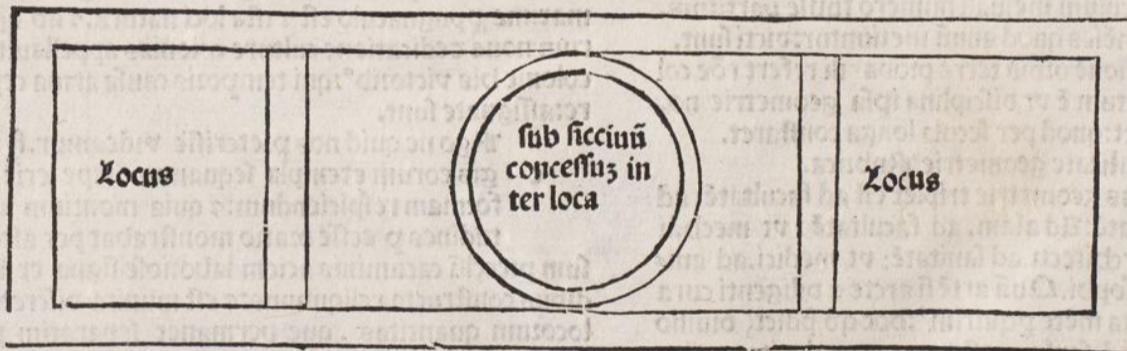
Entra sunt controversiarum. xiii. depositio de terminorum. De regione. de fine. de loco. De do-

mo proprietas. De possessione. De alluvione. De iure territorii. De subsicciosis agris. de locis publicis. de locis relictis et exclusis. De locis sacris ac telios. De aqua pluvie accessu: et de itineribus.

Ontroversia est inter duos pluresqz vicinos. et ter duos an in rigore sit ceterorum sine rōnis. inter plures tristinū facit aliquibus locis et quod tristinum km proximas possessiones: dum hoc nesciat: non eis conuenit. et diuersas ontroversias ipsi possessores inter se faciunt. Alij de loco: alii vero de fine linee litigant: alii de fundis atendunt. Sed auido modo querendū est prius origo cause. Natura per hereditates opinio nis huius generis ontroversie fuit. quare iure ordinario litigatur. Prius tamen in iudicio super possessionem quod finiat: et tunc agrimensor ad loca ire principiat: ut patet facta veritate huiusmodi litigium terminetur.

Entra ontroversiarum ex flumine hec sunt: non quod occupatis agris agit: sed quod vis aque abstulerit repetitione non habet: quod res necessitate ripe muniende sunt sine alterius dāno quis ille faciat qui ripam suam muniet. quod si fluminis torres alii quando tamen violētus decurrerit: ut aliue mutet suum multorum agros trans ripam occupat: sepe et insulas efficiet. Sed cassius longinus prudētissimum iuris auctor et idex hoc statuit: ut quocquid aqua lambendo abstulerit possessor admittat. quoniam s. ripā suā sine alterius dāno tueri debet. Si vero maior vis decurrerit et in fines alteri aliue mutat suū: et fiat insula: in quo decurrerit unusquisque modū fluminis majoris agnoscere debet: et eam insulam ipse sibi vindicabit: cuius terrā tempestatiue preoccupauit: quoniam non possessoris negligentia. sed tempestatis violentia apparet arreptum.

Ser subsiccio km suas determinatioē ascribitur. et in finibus suis tabulario cesaris inferim: et quod beneficio accessa aut assignata colōnie fuerit sine in proxio siue iter alias ciuitates: libros beneficio ascribimus: et quocquid aliud ad strumentū mēsorū pertinebit ad solū colōne: Sed ad tabulariū cesaris manu editis subscriptum habere debebit.



Ser est similis subsiccio. dictioēs extraclusus et si assignat. quod si rei publice populo romanō non aut ipsius colonie: cuius fine circundat: aut ad populum romanum pertinet datus non est in eius: qui assignare potuerit: remanet potestate.

Ignis limitū finalium in diuersas regiones siue vocabula vicos vel possessioēs hec sunt inter utrosque possessores testimonia agraria divīdēta. In motibus loca arida et fragosa petras signatas inuenimus.

Urima modiū terminos agusteos. i. rotundos et effigiē columnae aliquos lata signatos archas finales in partibus grumos. i. cōgeriē petraz

arbores antemissas intactas a ferro gerierē mecerie. ibi sara collecta ab utrisque partibus limitem faciunt item petras sacrificiales aras: i quibus locis arbores intacte stare videntur. et quo loco veteres errantes sacrificium faciebant. Alio loco vie militares finem faciunt qui termino muniuntur. Alia vero tertera montium i. pro latere motis rīpe currentes finē faciunt. aliqui se pulchra finē faciunt. id sepulchra sequēda sunt quod extremitibz. currentibus plures cōcursus agros expectant. Ola. n. monumenta dominos testantur.

Unt termini cursorii in effigiē tituli constituti certa loca rīui finales cunabule vel nouerce: quod regulē struit. scorpiones ubi fines duo exenti

Geometrie

70

neatis sciungunt. Si forte i capestria loca; ubi agri in planicie sunt constituti in ingeribus assignata inueniuntur. item inter uoratos rupis arboribus ante missis tactis ut supra dixi sacrificales tumor terre in effigie limitis constitutos. petras molares siveas vel metas lacus et legonatus: et fabritiis constructos calauiones Aliquotiens enim petras quadratas et scriptas: que i dicant: cuius agri quis dominus: quot spacium tueruntur. Non n. ois titulus inscriptionibus est iductus: quoniam aliquibus locis non sunt lapides scripti. sed in effigiem terminorum positi sunt: quos cursorios vocamus. Nam et ipsi montes omnino loca determinant termini vero non unam mensuram inter se continent iubente augusto cesare balbo mensore: qui omnium provinciarum mensuras distinxit ac declarauit per quae testimonia suprascripta fines locorum terminentur.

Unt enim termini quibus fides non est adhibenda. isti dicuntur itinerari. Omnes enim limites itineri publico servire debent: qui dextra ac sinistra fines privatos dividunt: et in medio iter publicum. hi tales non sunt omnibus locis. utique sub omnes terminos signum inueniri oportet: quod ergo inuentum pro loco termini obseruetur et custodiri debet: ut ab uno ad unum dirigatur: et si nocte sive a nota ad notam.

Ic. n. sunt certe legis consuetudines et observationes. semper signum in omnibus terminis positum est aut aliquos cineres aut carbones aut testa: aut ossa aut vitrum aut massas ferri: aut aes: aut calcem: aut gipsum aut vas fictile inuenimus: quod etiam quibusdam satorum fragminibus collabunt atque diligent cura confirmabant: ut firmius staret. tales ergo signum inter dominos iter quos fines terminabantur faciebant: termini vero non sunt omnibus locis. sed infinita sunt multa alia testimonia lege feliciter et intelligere curabis. qui intelliget quod videt agrorum intentionem et certaine tollere potest prudentiam tamen hi mensores habere debent qui iudicaturi sunt et quos aduocant: ut prestatores. in iudicando autem mensorem bonum virum et iustum agere ut nulla ambitione aut sordibus moueat: sernante opinionem metris et moribus debet: omni enim artifici veritas custodienda est. exclusi sunt illi qui falsa pro veris opponunt. quidam per impudentiam quidam per imperitiam peccant. Nutans ergo in professione que generaliter pro veris adiiciuntur per controvensionem argumentaliter et conjecturaliter etiam superflue metiri artifices coguntur. sed tutum hoc iudicandi hominem artificem oportebit.

¶ Nomina agrimensorum rubrica.

Igini	Marci	Lesaris neronis iussu
Julij	Junij	Claudi cesseris iussu
frontini		
Siculi		
flacci	Mysii	Igini euclidis Lassi.
Ageni	Salbi	Tiberii cesaris iussu
Urbici	Mensoris	Longini
Imperatoris. Seuerini; et Antonini.		iussu
imperatoris vespasiani		iussu
imperatoris adriani		iussu
imperatoris traiani.		iussu
imperatoris angusti cesaris		iussu
imperatoris Meronis		iussu
imperatoris valentiniani		iussu

imperatoris Theodosii
imperatoris Archadii
imperatoris honorii
imperatoris Constantini

iussu
iussu
iussu
iussu

¶ Nomina lapidi finali: et archaz positores rubrica.

Rtgonius rectus rectum angulum mittit.

Isopleuros rectus sub constitutus.

isosceles	Terminus lineatus
Exculenus sive eragineus	Spatula cursoria
Excultelatus lateribus	Terminus i luersu positus
Sumbus sive trapideus	item spatula cursoria
isosceles	quadrifinius
Solus trigonus alia iactat	item qdrifinius.
Paralelo grām' pētagon'	Terminus gamatus
Eragineus	lmin' lieat'. i. qdrifinius
Septagenus	ite qdrifinius
Sinagonus	Nouerca.

Termin' greca littera script'	Sinnatus
Terminus i summo acutus	Lentustat'
Circsat' pam' ite acuto filis	Triuortin'
ite per ram' vite pēcise filis	Amicircul'
Cōplet' rombus aplice'	Claroberinus
Amicirculus quadratus	Trudeus
Terminus agustus	Termin' augst' i suo acut'
Terminus cursorius	Lapis molaris
Termin' trifinius	Monumentum
Sepulturā cum ossib' finale	Mausoleus.
Terminus in latercul'	Arca final'
Terminus quadrifinius	Lippus
Terminus rotundus	Kalashones
Terminus cui sub iacet angulus	
Terminus quadrifinius	

¶ Qui uis perfectus esse geometricus lege ista omnia que capitulata sunt subterius. Nam in primis scire oportet arithmeticā artem: que continet numerorum causas ac divisiones id est qualis est diffinitio ac divisione de paribus imparibus numeris.

Qualis est cōposit' nūer': et qlis scōpositus.
Qualis est perfectus nūer': et qualis imperfect'
Qualis est diuisibilis nūer': et qlis idivisibil.
Qualis est pticular' nūer': et qual supra partiens.
Qual est supflu' numer': et qualis diminutiuus.
Qualis est multiplex nūer': et qualis submultiplex
Qualis est solidus numerus et qual sphericus
Quomō inuēta est geometria.

Quid sit geometria	Qualis est rectus angul'
Que uilitas	Qualis est acut' angul'
Qui ordo prescriptionis	qualis ptita mēsura sit
Que sit rō prepositionis	quantum trahit stadi'
Que dispositionis	quid sit acus
Que distributionis	quid sint climate
Que descriptionis	quid centua
Que demonstrationis	quid leuua.
Que conclusionis	quid arrapēnis
Qual est recta linea	quid iugerum
Qual est superficies linee	quid centuria
Qual est diuitrica linea	quid punctum
Quot sunt extremitatū gnā	quid est diametrus
Quot genera summatum	quid parallelo grām'
Quot genera angulorum	quid figura
Qualis est planus angul'	quid circulus.
Qualis est obtusus angul'	quot spartes sit diuisio
Qualis est hebes angulus	

Liber I.

- Scis ista ola ad plenitudinem: nosti locorum segregationem. Nam q[uod] ignorat regulam huius artis multa opponunt falsa per veris.
D Quomodo inventa est geometria.
M Inuentam esse geometriam aegyptiis dicunt per necessitate terminorum terre: quos nullius undatiis tempore fundebat.
D Tinde vocata sit geometria.
M Geometria nominata est a dimensione terre: per quam vniuersitatem terre termini declarari solent.
D Quid sit geometria.
M Geometria est disciplina magnitudinis et figure: que secundum magnitudinem contemplatur.
D Que sit intentio.
M Intentio euclidis duplex est ad discipulam respitiens et ad naturas rex ad discipulum respiciens: quod enim ab his utriusque logistica scipe per facilitate per breuitatem: et eo quod secundum quodlibet ob hoc nulla sit difficultas. per rex nam eo quod physice scire: et timei siue platonis doctrina plurima geometrica demonstrare noscum.
D Que utilitas.
M Utilitas ut supra praesertim geometrie triplex est ad facultatem: ad sanitatem ad aliam: et facultatem: ut mechanici ad sanitatem: ut medici ad aliam: ut physici.
D Qui ordo est geometrie in disciplinis.
M Aliq[ue]nt post arithmeticam suus est: aliq[ue]nt tertius.
D Tituli inscriptio quomodo intelligatur.
M Est enim tituli prescriptio elementorum: quod figure simpliciores sunt: et ex his alie ponuntur: quod secundum hoc est resolutum.
D Si proprius codex.
M Codex iste secundum euclidis est dicitur: secundum demonstrationem vel suentionem aliorum plerorumque est dicator.
D In quo partes dividitur.
M Dividit codex iste secundum partes arithmeticam: in rationib[us] et irrationalibus: et in solidis.
D Que sunt in demonstracione geometrica.
M Propositiones: distributio: descriptio: demonstratio: et conclusio.

ati. Est autem nobis per studiis quamdam tradere disciplinam: quod ad omnes nature: tu rex integritate marime ratione pertineat. Magnusque per hoc scia fructus est: si quis non nesciat: quod bonitas diffinita et sub scia cadens aliorum spiritus immutabilis et perceptibilis prae natura est: et sue substantiae decorum perpetua: immutata vero malitia dedecetur nullis propriis principiis mixta: sed non per erroris ab aliis definitio per principia taliter aliq[ue] signo optime figure impressa conponit: et ex illo erroris fluctu retinetur. Nam nimirum cupiditate in rebus immodicam effrenationem quasi quidam rector asinus pura intelligentia roborat astringit. Nos tamen qui de numeris a nichil macro diffusi disputata sunt vel a varro de mensuris ossibus sunt moderata breuitate collegimus. Et que transversa velociter angustior et intelligenter perstabat aditum: mediorum adiectio rebus auctum: ut aliqui ad evidenter rex nimirum etiam formulac descriptionibus uteremur. quod nobis quodvis vigiliis ac sudore constiterit facile sobrius lector agnoscit. Et has quodammodo sequitatis formas temporata bonitate laborando collegimus: ipse lector probabit: que nos ex grecis opulentia literarum in romanis orationis thesaurum contrahimus: Si quod ex sapientia doctrinis emicuerunt sapientissimi iudicio per nos cōprobent: videlicet igitur: ut tam magni laboris effectus tuus tamen lector expectet examen. Nec secundum aures prodire publicas nisi doceat sine stipulacione nitatur. quod nihil mirum videri debet cum id opere quod sapientia sueta p[ro]sequitur. non auctoris. Sed

alieno incubat arbitrio. est. n. Sapientia numerorum casus et divisiones earum: que vera est cognitio et integra comprehendens. quod hec quod sapientia. i. semitam sapientiam: ei definitio non recte philosophandū. Hec autem est arithmeticus: hec. n. cunctis prior est: non modo quod hanc ille huius mundi molis editor de primis suis habuit recitationis exemplar. et ad hanc cuncta constituit: quecumque fabricata ratione per numerum assignatae ordinis inuenere concordiam. Hoc quoque prior arithmeticus declarat. quod quecumque natura priora sunt: his sublati simul posteriora tolluntur. quod si posteriora pereant nihil de statu prioris substantiae permaneat: ut ait prius est honestus. Nam si tollas astatu quoque hanc natura dleta sit. si hominem sustuleris aliam non p[ro]bit p[ro]p[ter]e tamen ipsa numero natura cuncta p[ro]cessit. Ola quecumque a prima regna natura constructa sunt: videntur numeros ratione formata. Hoc. n. sicut principale est alio editio exemplar. Hic. n. cunctorum elementorum multitudine mutuata est. Hic temporum vices. hic motus astrorum: ceteraque conuersio. Proprie tamen ipsa numero natura omnis astrorum cursus. omnesque astronomica ratione constituta est. Sic. n. ortus occasusque colliguntur. sic tarditates velocitatis: que errantia siderum custoduntur. sic defectus et multiplices lune variationes agnoscamus: quod quoniam prior: ut claruit arithmeticus versus est. huic disputatōis summa exordium hoc idem est in geometria vel in arithmeticā vix incurrere. Si. n. numeros tollas: unde triangulum vel quadratum coprebedere possumus vel secundum geometria versat: quod ola numeros denominativa sunt. hoc autem erit prespicuum si intelligamus omnes inequalitates creuisse primordiis: ut ipsa quodammodo equitas matris et radicis obtinens vim ipsa omnes inequalitatis species ordinesque profundavit. Sunt. n. nobis tres bini vel tres terni vel tres quaterni vel quantos ultra libet ponere. quod n. in his tribus terminis evenit idem contingit in ceteris. ex his igitur secundum precepti nostri ordinem visiones primū nasci multiplices si convertantur. et in his duplices prius. de hinc triplos inde quadruplices et ad eum demum ordinē sequentes. Rursus multiplices si querantur: ex his supparticularibus orientur. Ex duplicitibus quidem sesquialteri. Ex triplicibus sesquiterii ex quadruplicibus sesquarti et ceteri in hunc modum. Ex supparticularibus vero queritis suppartientes nasci necesse est ita ut ex secundum quarto supbipartiens suptripartientem sesquiterius gignat ut ex sesquarto. superquadruplices. Rectis autem positis neque queritis prioribus supparticularibus multiplices supparticularares oriuntur. Rectis vero superpartientibus multiplices suppartientes efficiuntur. precepta autem tria hec sunt. ut primū numerorum primo facias parem. Secundo vero primū et secundo tertium: primo duo bus secundis et tertio. cu. n. cu. in terminis equalibus feceris ex his qui nascentes duplices erunt. De quod duplicitibus si idem feceris: triplices permaneant. Et de his quadruplices atque in infinitum omnes formas numeri multiplices explicabis. Illi quidem quoniam partes ultra quam satis est se seperent: supflui nominantur: ut sunt. xii. vel. cxviii. Hi enim suis partibus comparati maior pars secundum totum corpore sortiuntur. est enim duodenarius medietas. vi. pars tertia. iii. ps. quarta. iii. pars sexta. ii. pars duodecima. i. Omnesque hic cumulus redundat in. xvi. et totius corporis sui multitudinem vincunt. Rursus cxviii. numeri medietas est. xii. tertia. viii. quarta. vi. Sexta. iii. Octaua. iii. Duodecima. ii. Vigesima quarta. i. Qui omnes: xxxvi. rependunt in qua re manifestum est quod summa partium maior est: et supra proprium corpus excedat. Atque hic quidem cuius posse partes toti termini

minī multitudine superantur. vt. viii. vel xiii. b₃ enī octonarius partem medium idest. iii. b₃ et quartam quod est. ii. b₃ et octauā. i. Que cūcte in vñū reducte septē colligūt minorē. s. sūmā toto corpore oclūdētes Rursus quatuordecī b₃ medietatē idest. vii. b₃ septimā. i. ii. b₃ quartamēcimā idest. i. Que si in vñū collecte sint denarii numeri sūma succrescit: toto. s. termino mōr. at. ii. q. hoc mō sūt vt prior ille quē sue ptes superant: tales videantur: tanq̄ si quis multis supernaturam manib⁹ natus: aut duplii conjunctus corpore vel quid vñq̄ monstruosum nature in partium multiplicatione subripuit.

Cille vero mōr. vt si naturaliter quadā necessaria pte detracta: aut min⁹ oculo nasceretur: vel alio cur ratus mēbro naturale totius sue plenitudinis dispensiū sortiret. Iter hos aut̄ velut inter equales intēpartias medii tēpamētū limitis sortit⁹ ē ille numer⁹ q. pfectus dī esse virtutis. s. emulator. Qui nec supuacua progressionē dirigitur: nec tracta rursus diminutio ne remittit. Sed medietatis obtinet: q. suis eqs partib⁹ nec grāssat̄ abūdantia: nec eget inopia: vt. vi. v. vel. xviii. Namq̄ senari⁹ b₃ partē mediā. i. iii. et terciā. i. ii. et tertā. i. Que si vñā sūmā si redacte sint. i. iii. ii. i. par totū numeri corpus suis ptib⁹ inuenit. xviii. vero b₃ medietatē. xiii. et quātā. vii. et septimā. iii. et. xliii. ii. vigesimāoctauam. i. Que in vñū redacta totū ptib⁹ corpus equabunt. i. vno. n. iuncte ptes. xviii. efficiunt. Est aut̄ in his quoq̄ magna similitudo vir tutis: et vitii. pfectos. n. mōeros rare suenes: eosq; fa cile mōerables: quippe qui pauci sunt: et nimis constāti ordine procreat. At vero superfluos lūfinitos repe ries nec vñlis ordinibus passim iordateq; dispositos et a nullo certo fine generatos. Sūt aut̄ pfecti numeri itra denariū numerum. vi. intra cētenariū. xviii. Intra millenarium. cccxvi. Intra decem milia. diii. et. cxviii. Et semp bi-numeri duob⁹ paribus terminā tur. vi. et. viii. Et semp alternatim i bos numeros sūmarum fines proueniēt. illā et primū. vi. inde. xviii. post hos. cccxvi. Idem senarius qui prim⁹: postq̄ dūi. cxviii. Idem octonarius qui secundus.

Aioris vero inequalitys numeri quinq̄ sunt
m partes est. n. vna que vocatur multiplex: alia superparticularis. Tertia superptiens. quarta multiplex superparticularis. Quinta multiplex superpartiens. His igitur quinq̄ maiori partibus op posite sunt alie quinq̄ partes: que minoris sigillatim spēbus hisdem nobis nuncupantur sola tñ prepositione distantes. Dī. n. submultiplex. subsupparticularis. submultiplex supparticularis: submultiplex suppartiens. in prima pte si multiplicatur numerus multiplex dicit̄. In scđa parte supparticulariss dicit̄. In tertia suppartiens. i. quarta m̄plex supparticularis. In quinta multiplex supparties minores vñ numeri aliqua pte vñ sublens atq̄ idē p̄ partes b₃ maiorū normā multitudinēq; p̄tendit.

Cde paribus et iparibus numeris. Rubrica.
Escriptio aut̄ que supposita ē hoc mō facta ē
d quātoscūq; in ordine pariter pariū numero rū ternariū numerus multiplicauit. quicūq; ex eo procreati sunt primo sunt versu dispositi. Rursus qui eadē multiplicatē quinario nati sunt: secūdo loco sunt constituti. Post vero quos septenarius ceteros multiplicans procreauit. eosdem tertio constituimus loco: atq̄ idē in reliqua descriptiōis parte perfici⁹ superius igitur digeste descriptionis hec rō est: si ad

latitudinē respicias: vbi est duorū terminoz vna me dietas: ipsosq; terminos iungas: duplos eos p̄pria me dietate repertes: i. xxvi. i. xx. faciunt. lvi. quoq; me dietas est. xxviii. i. xii. si iungas faciunt. cl. quoq; xx. medietati medi⁹ eorum termin⁹ inuenit. Ac vero vbi duas medietates habet: vtrisq; extremitates iuncte vtrisq; medietatib⁹ equales sunt. vt. xii. i. xxxvi. dūcōmūixeris sunt. xlvi. boz si medietates sibimet applicaueris. idest. xx. i. 28. idem erit. Atq̄ i alia parte latitudinis eadē ordine qui sunt numeri notati sunt: neq; vlla i re ratio vtrisq; latitudinis discrepauit. Idemq; eodem ordine in ceteris numeris pernotas vis. Et hoc sūm formā pariter sparis numeri fit: in quo hanc proprietatem esse supra iā dictum est. Rursus si ad longitudinez respicias. vbi duo termini vñā medietatē habent: quod fit ex multiplicatis extremi tibus. hoc fit si medius terminus sue capiet plurali tatis augmentāllā duodecies. 4. 8. faciunt. 576. me dius vero eoq; termin⁹ idest. 2. 4. si multiplicetur eos dem rursus. 576. p̄creabit. Et rursus si. 24. i. lvi. multiplicēt faciūt. ii. ceciū. quoq; medi⁹ termin⁹ idest 4. 8. si in semetipsū ducatur idē. 2. 304. procreantur. vbi aut̄ duo termini duas medietates includunt. qđ quod fit multiplicatis extremitibus hoc idē redditur in alterutram sūmā medietatibus ductis. Duo de cies. n. lvi. multiplicatis. i. c. lli. procreant̄. due ve ro eoq; medietates. i. 2. 4. i. 4. 8. si in semetipsas mul tiplicantur: eosdem. i. i. 52. restituent. atq̄ hoc ad imitationē cognationēq; numeri pariter paris: a quo p̄ticipatio tracta hec ei recognoscit ingenerata p̄petas. Et i alio vero latere lōgitudinis eadē rō descri ptoq; notata est. Qua i re māifestū ē totū numerū. ex superiorib⁹ duob⁹ ēē p̄creatū. qđ eoq; retinet p̄petas. Qm̄ aut̄ naturaliter et sūm p̄pria ordinis sequētiā multiplicē inequalitys spēm cunctis preposui m̄ pūmāq; spēm ēē monsteraūtus: i. hoc nobis posteriōris opis ordine clarescat. Hic quoq; perstringentes id quod p̄positū planissime breuiterq; doceamus: sit. n. talis descriptio i qua ponat̄ in ordinem vñq; ad denarium numerum continui numeri ordo na turalis: et secūdo versu duplus ordo teratn. tertio ve ro triplus Quarto aut̄ quadruplus: et hoc vñq; ad de cuplū. Sic. n. cognoscem⁹ quēadmodū superparticu lari et superpartienti: et cūctis alijs princeps erit spēs multiplicis: et quedam alia simili īspiciemus: et ad subtilitatem tenuissima et ad sciētiā vtilissima: et ad exer citationem valde iocundissima.

I igit̄ duo prima latera preposite formule. q
s faciūt āgulum ab vno ad decē et decē pcedē tia respiciāt. et his subteriores ordines cōparēt
Eq. s. a. iiii. āgulū īcipiētes in vicēos terminū ponūt. du plex. i. p̄la spēs multiplicatatis ostēdit̄ ita vt prim⁹ pri mū sola superet vnitate. i. duo vñū: secūdus scđz bia rio sup vadat vt qternari⁹ binariū. Terti⁹ tertii tris bus: vt senari⁹ ternariū qrtus quartū qternarii mō rofitate trāscēdat vt octo qternariū et p̄ eadē cūcti se quentiā se se minoris pluralitate pretereant.

I vero tertius angulus inspiciatnr: qui ab no s uem inchoans longitudinē latitudinemq; tri cenis altrinsecus numeris extendit: et hic cum prima latitudine et longitudine comparet: triplex species multiplicatatis occurrit ita vt ista p̄para tio p̄ decimā litterā fiat: hiq; se mōri sup abūt b₃ pa rilitat̄ factā nālī. Querionē: prius. n. p̄mū duob⁹ su perat: vt vñū tres: secūd⁹ sūm quaternario: vt binariū

Liber i.

senarius; Tertius tertium sex: ut ternarium nouenarius et ad eundem ceteri modum progressionis accrescunt. Quam rem nobis scz et ipsa naturalis obiecit in tegritas: nihil nobis extra machinantibus: ut in ipso modulo descriptionis appareat.

Si quis autem quarti anguli terminum qui sedes cum numeri quiditate notatus est: et longitudinem que in quadragenos terminat: velit superioribus comparare. per. x. littere formam proportionem collata quadruplici multitudinem pernotabit: bisqz est ordinabilis super se progression: et ut primus primum tribus supereret. ut quattuor unitatem. secundus secundum senario vincat: ut octo binarium: tertius tertium nouenario transeat: ut duodenarius ternarium: et sequentes solum trium se semper adiecta quantitate transiliant. Et si quis subteriores aspiciat angulos: Idem per omnes multiplicitatis species usqz ad decuplum dispositissima ordinatione pueniet.

I quis vero in hac descriptione superparticulares requirat: tali modo reppiet. Si enim secundum angulum notet: cuius est initium quaternarius: eiqz superiacet binarius atqz ad hunc sequentem quis accommodet ordinem: sesqualtera proportionem declaratur. Nam tertius secundi versus sesqualter est: ut tres ad duo: vel sex. ad. iii. vel noue: ad sex. vi. xii. ad. viii. Item et in ceteris qui sunt in eadem serie numeris talis coniugatio misceatur: nulla varietatis dissimilitudo subripiet. eadem tamen summaruz supergressio est in hoc quoqz: que in duplicibus fuit. Primus. n. primus id est ternarius binarium uno superat. secundus vero secundum duobus. tertius tertium tribus: et deinceps. Si vero quartus ordo. tertio comparetur: ut. iii. ad. iii. et eodem ceteros ordine consecteris: sesquiteria comparatio colligetur. ut. iii. ad. iii. vel. viii. ad. vi. vel. iii. ad. viii. Tides ne ut in omnibus his sesqui teria coherueretur. Preterea eos q sub ipsis sunt: si id est faciens sequentes versus alterius comparaueris. oes sine vlo ipedimento spes superparticularis agnosces. hoc autem in hac dispone divinum: quod oes angularis numeri tetragoni sunt. Tetragonus autem dicitur: ut breuissime dicam. quod etiam latius explicabitur:

quem duo equales numeri multiplicat: ut in hac quoqz descriptione est: unus enim semel unus est. et est postestate tetragonus. Item bis duo. iii. sunt. ter tres. ix. quos in semetiplos multiplicationes primordiis persicerunt. Circum ipsos vero qui sunt vel est circu an gulares longilateri numeri sunt. longilateros autem voco: quos uno se supergredientes numeri multiplicant. circum. iii. II. duo sunt et sex: sed duo nascuntur ex uno et duobus: cum unum bis multiplicaueris. Et unitas a binario unitate preceditur. vi. vero ex duobus et tribus. bis enim tres senarium reddunt. Nouenarium vero sex et duodecim claudunt: qui duodecim ex tribus nascuntur et. iii. Ter. n. iii. sunt. xii. senarii vero ex duobus et tribus bis enim ter sunt. vi. Qui omnes uno maioribus lateribus procreati sunt. Nam cum. vi. ex binario ternarioqz nascuntur. iii. binariuz numerum uno superant: cunctiqz alii eiusdem modi sunt: ut primo et secundo ordine ad alterutrum multiplicatis terminis procreentur ita: ut quod nascitur ex duobus positis longi lateris altrinsecus et bis medio tetragono tetragonus sit. Et rursus quod ex duobus altrinsecus tetragonis et uno medio longilatero bis facto nascitur: ipse quoqz tetragonus sit et ut angulo rum totius descriptiois ad angularis tetragonos posteriorum unitus anguli: sit prima unitas. Alterius vero qui contra est. tercia vni vero altrinsecus anguli secundas habent unitates: et duo angularium tetragonorum anguli equum faciunt: quod sub ipsis continet illi quod sit ab uno illorum: qui est altrinsecus angulorum. Multa enim sunt alia que in hac descriptione utilia possint ad mirabiliaqz perpendi: que interim propter castigatam introducendi breuitatem ignota esse permittimus. Nunc vero ad sequentia propositu cō vertamus.

Venetiis. Impressum Goetii opus per Joannem et Gregorium de gregoriis fratres felici exitu ad fine usqz perductum accuratissimeqz emendatum Anno humane restorationis. 1499. die. 8. Julii. Augustino Barbaricco Serenissimo Venetiarum principe Rempu. tenente.

